

**ACADEMIA DE TRANSPORTURI,
INFORMATIC I COMUNICATI**

Zgureanu Aureliu

**CRIPTAREA
I
SECURITATEA INFORMA IIEI**

Note de curs

CHI IN U 2013

Notele de Curs la disciplina „Criptarea și securitatea informației” a fost examinată și aprobată la ședința catedrei „Matematică și Informatică”, proces verbal nr. 3 din 11.11.2013, și la ședința Comisiei metodice și de calitate a FEI, proces verbal nr. 1 din 02.12.2013.

© Zgureanu Aureliu, 2013

Cuprins

Introducere	4
Tema 1. Noiuni de baz ale Criptografiei	6
Tema 2. Cifruri clasice. Cifruri de substituie	12
Tema 3. Cifruri clasice. Cifrul de transpoziie	25
Tema 4. Ma ini rotor.....	30
Tema 5. Algoritmi simetrici de criptare. Cifruri bloc. Re eaua Feistel	40
Tema 6. Algoritmul de cifrare Lucifer	46
Tema 7. Algoritmul DES.....	59
Tema 8. Cifrul AES.....	69
Tema 9. Algoritmi simetrici de tip ir (stream cypher).....	80
Tema 10. Criptarea cu cheie public	91
Tema 11. Sisteme asimetrice bazate pe curbe eliptice	100
Tema 12. Sistemul de criptare RSA	107
Tema 13. Func iile HASH criptografice	113
Tema 14. Semn turi digitale.....	122
Tema 15. Atacuri criptografice	132
Bibliografie.....	146

Introducere

Una dintre caracteristicile societății moderne o reprezintă Informatizarea. Tehnologiile informaționale noi sunt permanent implementate în diverse domenii ale activității umane. Prin utilizarea calculatoarelor și a software-ului respectiv sunt dirijate procese complexe din cele mai diverse domenii de activitate. Calculatoarele stau la baza multor sisteme de prelucrare a informației, care înfruntă distribuția și accesul utilizatorilor, realizând astfel tehnologii informaționale moderne.

Odată cu dezvoltarea mecanismelor, metodelor și formelor de automatizare a proceselor de prelucrare a informației crește dependența societății de gradul de securitate a proceselor de gestionare a informației, realizat prin intermediul diverselor tehnologii informaționale aplicate, de care depinde bunăstarea, sau uneori și viața multor oameni.

În acest context un specialist modern din domeniul Tehnologiilor Informaționale este obligat să aibă cunoștințe și aptitudini de asigurare a securității informației în toate fazele de dezvoltare și de funcționare a sistemelor informaționale.

Soluționarea problemelor legate de securitatea informației constituie obiectul de studiu al *Criptografiei*, care este o ramură a matematicii moderne, ce se ocupă de elaborarea metodelor matematice capabile să asigure confidențialitatea, autentificarea și non-repudierea mesajelor, precum și integritatea datelor vehiculate. Criptografia este un set de standarde și protocoale pentru codificarea datelor și mesajelor, astfel încât acestea să poată fi stocate și transmise mai sigur. Ea stă la baza multor servicii și mecanisme de securitate, folosind metode matematice pentru transformarea datelor, în intenția de a ascunde conținutul lor sau de a le proteja împotriva modificării. Criptografia ne ajută să avem comunicații mai sigure, chiar și atunci când mediul de transmitere (de exemplu, Internetul) nu este de încredere. Ea poate fi utilizat pentru a contribui la asigurarea integrității datelor, precum și la menținerea lor în calitate de date secrete, ne permite să verificăm originea datelor și a mesajelor prin utilizarea semnăturilor digitale și a certificatelor.

Unul dintre instrumentele principale ale criptografiei este sistemul de criptare, la baza căruia se află algoritmul de criptare.

Scopul acestui curs este de familiariza viitorul specialist din domeniul Tehnologiilor Informa ionale cu no iunile fundamentale ale criptografiei i cu metodele moderne criptare ca instrument indispensabil al securit ii informa iilor.

Tema 1. No iuni de baz ale Criptografiei.

Criptografia reprezintă o ramură a matematicii care se ocupă cu securizarea informației, precum și cu autentificarea și restricționarea accesului într-un sistem informatic. În realizarea acestora se utilizează în mare parte metode matematice, profitând de unele probleme cu complexitate de rezolvare suficient de înaltă. Termenul „criptografie” este compus din cuvintele de origine greacă , kryptós (ascuns) și , gráfein (a scrie). Criptografia urmărește următoarele obiective:

1. *Confidențialitatea (privacy)* – proprietatea de a păstra secretul informației, pentru ca aceasta să fie folosită numai de persoanele autorizate.
2. *Integritatea datelor* – proprietatea de a evita orice modificare (inserare, tergere, substituție) neautorizată a informației.
3. *Autentificare* – proprietatea de a identifica o entitate conform anumitor standarde. Este compus din:
 - a. autentificarea unei entități;
 - b. autentificarea sursei informației;
4. *Non-repudierea* – proprietatea care previne negarea unor evenimente anterioare.

Celelalte obiective legate de securitatea informației (*autentificarea mesajelor, semnături, autorizare, validare, controlul accesului, certificare, timestamping, confirmarea recepției, anonimitate, revocare*) pot fi derivate din aceste patru.

Împreună cu Criptografia se dezvoltă *Criptanaliza* – (din greacă , kryptós, „ascuns”, și *analýein*, „a dezlega”) este studiul metodelor de obținere a înțelesului informațiilor criptate, fără a avea acces la informația secretă necesară în mod normal pentru aceasta. De regulă, aceasta implică găsirea unei chei secrete.

Criptografia și Criptanaliza împreună constituie *Criptologia* (din greacă , kryptós, „ascuns”, și , „cuvânt”) – tiință care se ocupă cu metodele de criptare și decriptare.

În continuare sunt date noțiunile fundamentale cu care se operează în criptologie.

O mulțime nevid T se numește *alfabet*.

Elementele alfabetului T se numesc *litere*. Una și aceeași literă poate intra într-un cuvânt de mai multe ori.

O consecutivitate finită de elemente din alfabetul T se numește *cuvânt*.

Numărul de elemente ale alfabetului se numește *lungimea alfabetului*.

Un cuvânt care nu conține nici o literă se numește *cuvânt nul*.

Lungimea cuvântului, notată cu w , este numărul de litere în acest cuvânt, unde fiecare literă se consideră de câte ori se întâlnește în el.

Vom nota cu T^* mulțimea tuturor cuvintelor alfabetului T .

Submulțimile mulțimii T^* le vom numi *limbaje* (formale) peste T .

Un mesaj în formă sa originală se numește *text clar* (uneori *text în clar*, în engleză *plaintext*) și îl vom nota cu pt sau cu m (de la „message” - mesajul).

Rescrierea textului clar, folosind o metodă cunoscută numai de expeditor (eventual și de destinatar), se numește *criptare* (sau *cifrare*) a mesajului.

Text criptat sau *text cifrat* (în engleză *ciphertext*) se numește textul obținut în rezultatul operației de criptare a textului plan. Textul criptat îl vom nota cu ct sau cu c (de la „cipher” - cifrul). Textul cifrat se mai numește *criptogramă*.

Procesul retransformării criptogramei în textul original este numit *decriptare*.

Un *canal* este o cale pentru fluxul de informații.

Destinatarul primește printr-un canal textul criptat și îl decriptează, fiind metoda folosită pentru criptare, obținând mesajul inițial. În literatura de specialitate expeditorul de obicei este numit *Alice* iar destinatarul este numit *Bob*. Deci, Alice și Bob trebuie să stabilească în prealabil detaliile modalității de criptare și de decriptare. Altfel, *criptarea* este o metodă de camuflare a *textului clar* în așa fel încât substanța să nu sufere modificări semantice.

Criptarea se folosește pentru a fi siguri că informația este inaccesibilă oricărei persoane care nu deține instrumentul necesar decriptării, chiar dacă oricine poate vedea datele în formă criptografică. Oricum nu va înțelege nimic, care se conduce spre descifrarea textului original.

Persoana care interceptează criptograma și încearcă să obțină textul clar aplicând diverse metode, însă fără a avea cheia de decriptare, este numit *criptanalist*.

Sistemul care realizează operațiile de criptare și decriptare se numește *sistem de criptare* (sau *sistem criptografic*, sau *criptosistem*).

În criptografia modernă un *sistem de criptare* este definit ca o structură cu cinci componente (P, C, K, E, D):

- $P = \{pt / pt \in T^*\}$ – spațiul (mulțimea) textelor în clar, scrise pentru un alfabet nevid T (în mod obișnuit $T = \{0,1\}$);
- K – spațiul (mulțimea) cheilor de criptare $k, k \in K$;
- Familia funcțiilor de criptare dependente de chei și de un algoritm de criptare E

$$E_k : P \rightarrow C, E_k = \{e_k / e_k(pt) = ct \text{ și } e_k \text{ este injectiv}\};$$

- Familia funcțiilor de decriptare dependente de chei și de un algoritm de decriptare D

$$D_k : C \rightarrow P, D_k = \{d_k / d_k(e_k(pt)) = pt \text{ pentru orice } pt \in P\};$$

- C spațiul (mulțimea) mesajelor cu text criptat unde:

$$C = \{ct / \text{exist } k \in K, a \in P, ct = E_k(a)\}.$$

Schema aplicării unui sistem de criptare este prezentată în Figura 1.1.

Pentru ca un sistem de criptare să fie considerat bun, el trebuie să îndeplinească trei criterii (enunțate de Francis Bacon în sec. XVII):

1. Fiind date e_k și $pt \in P$ să fie ușor de calculat $e_k(pt)$.
2. Fiind date d_k și $ct \in C$ să fie ușor de determinat $d_k(ct)$.
3. Să fie imposibil de determinat pt din ct , fără cunoașterea lui d_k .

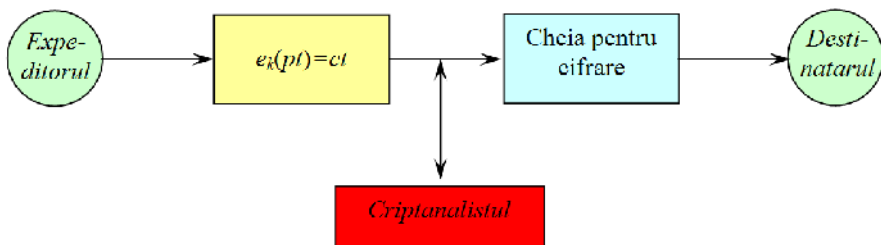


Figura 1.1. Schema aplicării unui sistem de criptare

Criteriile 1 și 2 implic că pentru utilizatorii legitimi sistemul de criptare nu trebuie să fie prea complicat (se presupune că utilizatorii au un timp acceptabil pentru calcul). În criteriul 3 „imposibilitatea” este înlocuit în prezent cu „dificultatea de a calcula”. Se presupune că un interceptor de asemenea are acces la tehnica de calcul. Ultimul criteriu definește – sub o

form vag – ideea de ”securitate” a sistemului. La aceste criterii, Bacon aduga i o a patra regul :

4. Textul criptat trebuie s fie un text banal, f r suspiciuni.

Aceast condi ie nu mai poate fi considerat important i este utiliz ast zi doar de un subdomeniu strict al criptografiei, numit *steganografie* – tiin a despre transmiterea secret a informa iei prin p strarea secretului a însu i faptului transmiterii acestei informa ii.

Metodele de criptare pot fi divizate pe categorii n felul urm tor:

- a) *n func ie de tipul opera iilor folosite:*
 - Bazate pe substitu ii
 - Bazate pe transpuneri
- b) *n func ie de tipul de chei folosite:*
 - Sisteme Simetrice (single-key, secret-key, private-key)
 - Sisteme Asimetrice (two-key, public-key)
- c) *Metoda prin care datele sunt procesate:*
 - Cu cifruri bloc
 - Cu cifruri fluide (flux, ir, “stream”)

Cifrurile clasice foloseau substitu ia sau transpozi ia. Printre metodele moderne de criptare deosebim dou direc ii principale: *sistemele cu cheie secret* (sau *sisteme simetrice*) n care e_k este bijectiv i *sisteme cu chei publice* (sau *sisteme asimetrice*) – sistemele n care e_k nu este bijectiv .

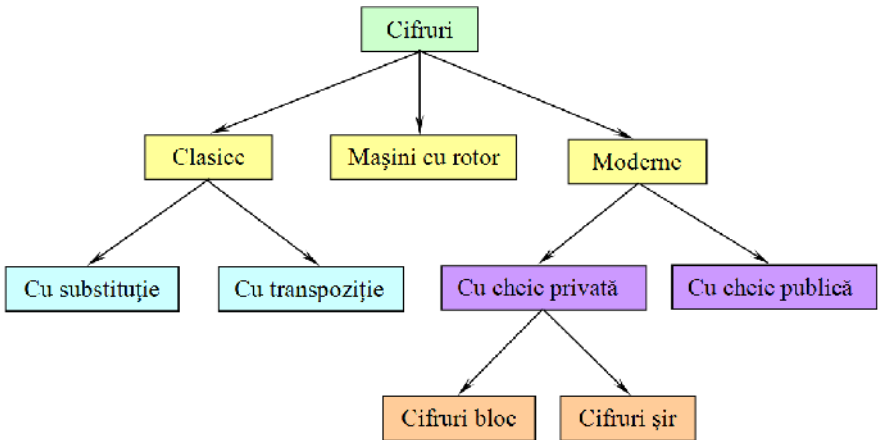


Figura 1.2. Clasificarea cifrurilor

Exist două tipuri de sisteme simetrice: sisteme care se bazează pe algoritmi de *tip bloc* și sisteme care se bazează pe algoritmi de *tip ir* (sau *flux*, în engleză *stream cipher*). Algoritmii de tip bloc acționează asupra blocurilor de text clar și text cifrat. Algoritmii de tip ir se aplică irurilor de text clar și text cifrat, la nivel de bit sau octet. În Figura 1.2 sunt prezentate tipurile de cifruri utilizate în trecut sau prezent.

Algoritmii moderni de tip bloc criptează mesajul în blocuri de 64 – 265 bi. Pentru acesta se aplică o funcție matematică între un bloc de bi și ai mesajului în clar și cheia (care poate varia ca mărime), rezultând același număr de bi pentru mesajul criptat. Funcția de criptare este realizată astfel încât să îndeplinească următoarele cerințe:

- fiind un bloc de bi și ai textului clar și cheia de criptare, sistemul să poată genera rapid un bloc al textului criptat;
- fiind un bloc de bi și ai textului criptat și cheia de criptare/decriptare, sistemul să poată genera rapid un bloc al textului clar;
- fiind blocurile textului clar și ale textului criptat, să fie dificil de generat cheia.

Cifrurile ir (sau cifruri *fluide*) la fel formează o clasă importantă de algoritmi de criptare. Ceea ce le caracterizează și le diferențiază față de cifrurile bloc este faptul că cifrurile ir procesează informația în unități oricât de mici, chiar bit cu bit, aplicând funcția XOR între bi și cheii și bi și de cifrat, iar funcția de criptare se poate modifica în cursul criptării. Cifrurile ir sunt algoritmi cu memorie, în sensul că procesul de criptare nu depinde doar de cheie și de textul clar, ci și de starea curentă. În cazul în care probabilitatea erorilor de transmisie este mare, folosirea cifrurilor ir este avantajoasă deoarece au proprietatea de a nu propaga erorile. Ele se folosesc și în cazurile în care datele trebuie procesate una câte una, datorită lipsei de spațiu de memorie.

Cifrurile *asimetrice* utilizează o pereche de chei: o *cheie publică* și o *cheie privată*. Un utilizator care deține o astfel de pereche își publică o cheie (cheia publică) astfel încât oricine dorește să o poată folosi pentru a îi transmite un mesaj criptat. Numai deținătorul cheii secrete (private) este cel care poate decripta mesajul astfel criptat.

Cele două chei sunt legate matematic, însă cheia privată nu poate fi obținută din cheia publică. În caz contrar, oricine ar putea decripta mesajele

destinate unui alt utilizator, fiindcă oricine are acces la cheia publică a acestuia. O analogie foarte potrivită pentru proces este folosirea cutiei poștale. Oricine poate pune în cutia poștală a cuiva un plic, dar la plic nu are acces decât posesorul cheii de la cutia poștală.

Criptografia asimetrică se mai numește criptografie cu chei publice și este compusă din două mari ramuri:

- *Criptarea cu cheie publică* – un mesaj criptat cu o cheie publică nu poate fi decodificat decât folosind cheia privată corespunzătoare. Metoda este folosită pentru a asigura confidențialitatea.
- *Semnături digitale* – un mesaj semnat cu cheia privată a emițitorului poate fi verificat de către oricine, prin acces la cheia publică corespunzătoare, astfel asigurându-se autenticitatea mesajului.

Tema 2. Cifruri clasice. Cifruri de substituie

Înc foarte demult, circa 4000 de ani în urm , în ora ul Menet Khufu de pe malul Nilului un scrib cu experien a desenat ieroglife care relatau via a st pânului s u, devenind astfel cel care a pus bazele istoriei criptografiei. Sistemul s u nu este un sistem al scrierii secrete în sens contemporan. Pentru aceasta el nu a folosit un cifru complet. Aceast înscriere, f cut circa în 1900 î.Hr. pe mormântul lui Khnumphotep, numai alocuri consta din simboluri ieroglifice neobi nuite în locul unora uzuale la acel moment. Marea lor parte se întâlne te în ultimele dou zeci de coloane în care sunt enumerate monumentele create de c tre Khnumphotep în timpul serviciului s u la faraonul Amenemhet II. Aceste înscrieri au fost f cute mai degrab pentru a da o importan textului i nu pentru a împiedica citirea lui. Astfel scribul nu a aplicat scrierea secret dar, f r îndoial , a aplicat unul dintre elementele de baz ale cript rii – transformarea deliberat a celor scrise.

Astfel, ad ugarea la textele de acest fel a elementelor de secret a dat na tere criptografiei. Este adev rat, acest fapt sem na mai mult cu un joc, deoarece avea scopul de a amâna dezlegarea ghicitorii pentru un interval de timp scurt. Deci i criptanaliza lui consta numai în rezolvarea problemei. A adar putem afirma c criptanaliza Egiptului antic, spre deosebire de cea contemporan , foarte serioas , era numai o quasi- tiin . Îns orice lucru m re are un început modest. Hieroglifile Egiptului antic conineau, într-o form departe de cea impecabil , dou dintre elementele de baz ale criptografiei – secretul i transformarea textului. Astfel s-a n scut criptologia.

În primii 3000 de ani dezvoltarea ei nu a fost una continu . În unele locuri criptologia se n tea i murea odat cu civiliza ia ce i-a dat na tere. În altele ea a rezistat p trunzând în literatur pentru ca genera iile urm toare s poat urca spre nivele mai înalte ale criptologiei. Înaintarea spre aceste nivele era lent i anevoioas . Mai multe erau pierdute decât p strate. Cuno tin ele acumulate au c p tat amploare numai la începutul Rena terii europene.

Criptografia clasic este criptografia dinaintea calculatorului, de unde i denumirea de criptografie pre-computa ional . În criptografia clasic , algoritmiile erau baza i pe caracter i constau dintr-o serie de transform ri elementare (substitu ii, transpozi ii) ale caracterelor textului clar. Unii

algoritmi aplicau aceste transformări în mod repetat, îmbunătățind în acest mod securitatea algoritmului. În criptografia modernă bazată pe calculator (criptografie computațională), lucrurile s-au complicat, dar multe dintre ideile criptografiei clasice au rămas nemodificate.

Criptografia clasică se încadrează în clasa criptografiei cu chei simetrice.

Cifrul de substituție (*substitution cipher*) este cifrul bloc la care fiecare caracter sau grup de caractere ale textului clar m este substituit cu un alt caracter sau grup de caractere în textul cifrat c , descifrarea fiind cându-se prin aplicarea substituției inverse asupra textului cifrat. În criptografia clasică există patru tipuri de cifruri de substituție. Deosebim cifruri cu substituție monoalfabetică și polialfabetică.

Cifruri de substituție monoalfabetică (*monoalphabetic ciphers*) sunt cifrurile în care fiecare caracter al textului în clar m este înlocuit cu un caracter corespunzător în textul cifrat c . Mai jos sunt prezentate câteva dintre cele mai cunoscute cifruri de substituție monoalfabetică :

Cifrul lui Cesar (sau *Cezar*). În acest cifru fiecare literă a textului clar este înlocuită cu o nouă literă obținută printr-o deplasare alfabetică. Cheia secretă k , care este aceeași la criptare cât și la decriptare, constă în numărul care indică deplasarea alfabetică, adică $k \in \{1, 2, 3, \dots, n-1\}$, unde n este lungimea alfabetului. Criptarea și decriptarea mesajului pentru cifrul Cesar poate fi definită de formulele

$$c = e_k(x) = x + k \pmod{n},$$

$$m = d_k(y) = y - k \pmod{n},$$

unde x este reprezentarea numerică a caracterului respectiv al textului clar. Funcția numită *Modulo* ($a \bmod b$) returnează restul împărțirii numărului întreg a la numărul întreg b . Acest metod de criptare este numită așa după Iulius Cezar, care o folosea pentru a comunica cu generalii săi, folosind cheia $k = 3$ (Tabelul 2.1). Pasul de criptare al cifrului lui Cesar este de obicei încorporat în scheme mai complexe precum *Cifrul Vigenère* (vezi mai jos).

0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25
3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25	0	1	2
A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z
D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C

Tabelul 2.1. Exemplu pentru un cifru Cesar cu cheia $k=3$

De exemplu, pentru $k = 3$ avem

$$e_k(S) = 18 + 3 \pmod{26} = 21 = V$$

$$d_k(V) = 21 - 3 \pmod{26} = 18 = S$$

Exemplu: Textul clar

„EXEMPLIFICARE CEZAR”,

prin aplicarea cheii $k = 3$ se transform în textul criptat

„HAHPSOLILFDUH FHCDU”.

Cifrul lui Cezar este foarte ușor de spart, deci este un cifru foarte slab. Astfel, un criptanalist poate obține textul clar prin încercarea celor 25 de chei. Nu se știe cât de util era cifrul Cezar în timpul când era folosit decât cel de la care îi provine numele, dar este probabil că el să fie destul de sigur, atât timp cât numai câțiva dintre inamicii lui Cezar erau în stare să scrie și să citească, dar mai ales să cunoască concepte de criptanaliză.

Cifrul afin este o generalizare a cifrului Cezar.

Cheia

$$k = \{(a, b) \mid a, b \in \mathbb{Z}_{26} = \{0, 1, 2, \dots, 25\}, \text{cmmdc}(a, 26) = 1\},$$

iar funcțiile de criptare și decriptare (pentru o cheie $k = (a, b)$) sunt

$$e_k(\mathbf{x}) = a\mathbf{x} + b \pmod{26},$$

$$d_k(\mathbf{y}) = a^{-1}\mathbf{y} + a^{-1}(26 - b) \pmod{26}.$$

Condiția ca a să fie prim cu 26 asigură existența lui a^{-1} în \mathbb{Z}_{26} .

De exemplu, pentru $a = 7$, $b = 16$ funcția de criptare este $e_k(\mathbf{x}) = 7\mathbf{x} + 16$, care poate fi reprezentată cu Tabelul 2.2:

0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25
16	23	4	11	18	25	6	13	20	1	8	15	22	3	10	17	24	5	12	19	0	7	14	21	2	9
A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z
Q	X	E	L	S	Z	G	N	U	B	I	P	W	D	K	R	Y	F	M	T	A	H	O	V	C	J

Tabelul 2.2. Exemplu pentru cifrul afin cu cheia $k = (7, 16)$

Astfel, textul clar *LA MULTI ANI* se criptează în *PQ WAPTU QDU*.

Deoarece $7^{-1} = 15 \pmod{26}$, decriptarea se realizează matematic folosind funcția

$$d_k(\mathbf{y}) = 15\mathbf{y} + 15(26 - 16) \pmod{26} = 15\mathbf{y} + 15 \cdot 10 \pmod{26} = 15\mathbf{y} + 9 \pmod{26}$$

(sau practic, inversând cele două linii ale tabelului de mai sus).

Condiția $\text{cmmdc}(a, 26) = 1$ asigură de asemenea injectivitatea funcției e_k . De exemplu, pentru $e_k(\mathbf{x}) = 10\mathbf{x} + 1$, A și N se transformă ambele în B , iar O nu apare ca imagine în alfabetul substituit.

Orice cheie k a cifrului afin este determinat complet de valorile întregi (a, b) pentru care $\text{cmmdc}(a, 26) = 1$. Sunt posibile 12 valori pentru a : 1, 3, 5, 7, 9, 11, 15, 19, 21, 23, 25 și 26 valori pentru b , care se iau independent de a , cu o singură excepție $a = 1, b = 0$ (care se exclude deoarece nu conduce la nici o criptare). Aadar mulțimea cheilor în acest caz este alcătuită din

$$12 \cdot 26 - 1 = 311$$

chei diferite, numărul este suficient de mare pentru atacul prin forță brută.

Cifrul Polibios. Cifrul Cezar nu este cel mai vechi algoritm de criptare. Se pare că primul astfel de algoritm a fost utilizat de Polybios (istoric grec mort cu 30 ani înaintea nașterii lui Cezar). Inițial acesta a fost doar un sistem maritim de semnalizare cu torțe iar ulterior i s-a dat o semnificație criptografică.

În cifrul Polibios pentru fiecare alfabet se construiește un careu aparte de cifrare, de cele mai dese ori cu numărul de coloane și linii egal (în funcție de condițiile necesare). Dimensiunile careului depind de lungimea n a alfabetului. Pentru a crea careul se iau două numere întregi, produsul celor două este cel mai aproape de n . Liniile și coloanele se numerotează. După aceasta literele alfabetului se înscriu în acest careu în ordinea apariției. Dacă nu sunt suficiente celule pentru literele alfabetului se pot înscrie într-o celulă două litere (de frecvență cât mai redusă).

Pentru alfabetul latin, putem avea careuri Polibios 5×5 , după cum este reprezentat în Tabelul 2.3:

	a	b	c	d	e		1	2	3	4	5		a	b	c	d	e
a	A	B	C	D	E	1	A	B	C	D	E	a	A	B	C	D	E
b	F	G	H	I/J	K	2	F	G	H	I/J	K	b	F	G	H	I	J
c	L	M	N	O	P	3	L	M	N	O	P	c	K	L	M	N	O
d	Q	R	S	T	U	4	Q	R	S	T	U	d	P	R	S	T	U
e	V	W	X	Y	Z	5	V	W	X	Y	Z	e	V	W	X	Y	Z

Tabelul 2.3. Exemple de tabele ale cifrului Polibios

Observa ie: în al treilea careu a fost omis litera Q care este una cu frecven redus .

În opera ia de criptare, fiecare caracter m va fi reprezentat printr-o pereche de litere (x, y) , unde $x, y \in \{A, B, C, D, E\}$ (unde ABCDE este cheia cifrului) sau $x, y \in \{1, 2, 3, 4, 5\}$ (cheia este 12345) care dau linia, respectiv coloana pe care se afl M .

Astfel, textul clar VENI VIDI VICI este criptat în

55 15 33 24 55 24 14 24 55 24 13 24.

Deci sistemul de criptare Polybios este o substitu ie monoalfabetic cu alfabetul

$W = \{AA, AB, AC, \dots, EE\}$ sau $W = \{11, 12, 13, \dots, 55\}$

de 25 caractere.

Sunt diverse versiuni ale sistemului Polybios. Astfel, dac se folosesc drept coordonate cifrele 1, 2, 3, 4, 5 în loc de A, B, C, D, E, sistemul a fost folosit în penitenciarele ruse ti i de c tre prizonierii americani din Vietnam. Este foarte simplu de înv at i poate fi aplicat folosind diverse semne drept coordonate-chei (cifre, puncte, figuri, etc). Cifrul Polibios a fost utilizat de asemenea în cadrul altor sisteme de criptare, cum ar fi sistemul nihilist, cifrul ADFGVX (utilizat de armata german în primul r zboi mondial) sau sistemul Bifid, inventat de Dellastell în 1901.

Punctul slab al sistemelor de criptare monoalfabetice const în frecven a de apari ie a caracterelor în text. Dac un text criptat este suficient de lung i se cunoa te limba în care este scris textul clar, sistemul poate fi spart printr-un atac bazat pe frecven a apari iei literelor într-o limb .

Sunt construite diverse structuri de ordine relativ la frecven a apari iei literelor în fiecare limb european . De obicei, cu cât un text criptat este mai lung, cu atât frecven a literelor folosite se apropie de această ordonare general . O comparare între cele dou rela ii de ordine (cea a caracterelor din textul criptat i cea a literelor din alfabetul limbii curente) conduce la realizarea câtorva coresponden e (liter text clar – liter text criptat), ceea ce stabile te în mod univoc cheia de criptare. Pentru sistemul Cezar este suficient stabilirea unei singure perechi; pentru sistemul afin trebuiesc dou perechi etc.

Pentru limba român frecven a literelor este prezentat în Tabelul 2.4 i Figura 2.1.

A		Â	B	C	D	E	F	G	H	I	Î	J	K	L	M
9,95	4,06	0,91	1,07	5,28	3,45	11,47	1,18	0,99	0,47	9,96	1,40	0,24	0,11	4,48	3,10
N	O	P	Q	R	S		T		U	V	W	X	Y	Z	
6,47	4,07	3,18	0,00	6,82	4,40	1,55	6,04	1,00	6,20	1,23	0,03	0,11	0,07	0,71	

Tabelul 2.4. Frecven a literelor limbii române

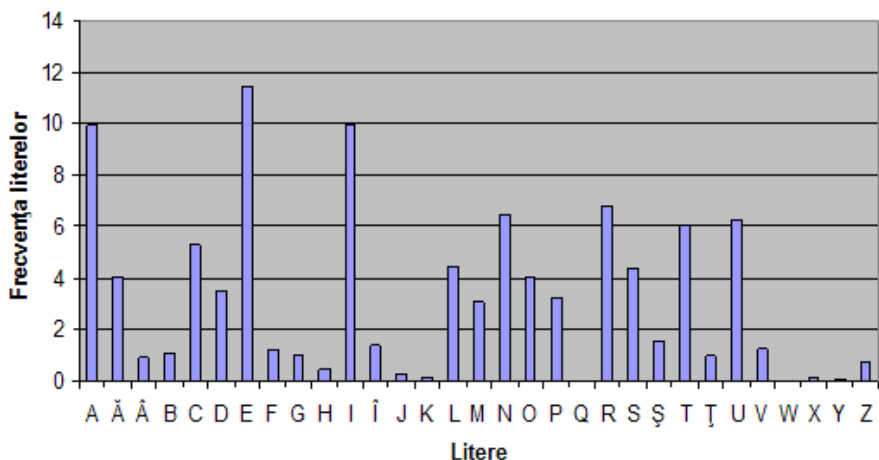


Figura 2.1. Frecven a literelor limbii române

Cifruri de substitu ie polialfabetic (polyalphabetic ciphers).

Si biciunea cifrurilor monoalfabetice este dat de faptul c distribu ia lor de frecven reflect distribu ia alfabetului folosit. Un cifru este mai sigur din punct de vedere criptografic dac prezint o distribu ie cât mai regulat , care s nu ofere informa ii criptanalistului.

O cale de a aplatiza distribu ia este combinarea distribu iilor ridicate cu cele sc zute. Daca T este criptat câteodat ca a i alt dat ca b , i dac X este de asemenea câteodat criptat ca a i alt dat ca b , frecven a ridicat a lui T se combin cu frecven a sc zut a lui X producând o distribu ie mai moderata pentru a i pentru b .

Dou distribu ii se pot combina prin folosirea a doua alfabete separate de criptare, primul pentru caracterele aflate pe pozi ii pare în text clar, al doilea pentru caracterele aflate pe pozi ii impare rezultând necesitatea de

a folosi alternativ doua tabele de translatare, de exemplu permut rile $p_1(a) = (3 \cdot a) \bmod 26$ i $p_2(a) = ((7 \cdot a) + 13) \bmod 26$.

Diferen a dintre cifrurile polialfabetice i cele monoalfabetice const în faptul c substitua unu i caracter variaza în text, în func ie de diver si parametri (pozi ie, context etc.). Aceasta conduce bineîn eles la un num r mult mai mare de chei posibile. Se consider c primul sistem de criptare polialfabetic a fost creat de Leon Battista în 1568. Unele aplica ii actuale folosesc înc pentru anumite sec iuni astfel de sisteme de criptare.

Cifrul omofonic (homophonic ciphers) este un cifru de substitua ie în care un caracter al alfabetului mesajului în clar (alfabet primar) poate s aib mai multe reprezent ri. Ideea utilizat în aceste cifruri este uniformizarea frecven elor de apari ie a caracterelor alfabetului textului cifrat (alfabet secundar), pentru a în greuna atacurile criptanalitice. Astfel, litera A - cu cea mai mare frecven de apari ie în alfabetul primar – poate fi înlocuit de exemplu cu $H, \#$ sau m .

Sistemul de criptare omofonic este un sistem intermediar între sistemele mono i cele polialfabetice. Principalul lui scop este de a evita atacul prin frecven a de apari ie a caracterelor. Se presupune c a fost utilizat prima oar în 1401 de c tre ducele de Mantua. În cifrul omofonic fiec rui caracter $a \in \mathbf{m}$ i se asociaz o mul ime $H(a) \subset \mathbf{c}$ astfel încât:

- $H(a) \cap H(b) = \emptyset \Leftrightarrow a \neq b$;
- Dac a apare mai frecvent decât b în textele clare, atunci $\text{card}((H(a)) \cap \text{card}(H(b)))$.

Criptarea unui caracter $x \in \mathbf{m}$ se face cu un element ales aleator din $H(a)$. Pentru decriptarea lui $y \in \mathbf{c}$ se caut o mul ime $H(x)$ astfel ca $y \in H(x)$.

Exemplu. Pentru limba englez poate fi utilizat cifrul definit de Tabelul 2.5.

În primele dou linii ale acestui tabel sunt a ezate literele alfabetului latin i frecven ele (rotunjite) ale acestora. În coloanele de sub litera x este situat $H(x)$. De exemplu

$$H(n) = \{18, 58, 59, 66, 71, 91\}.$$

Pentru criptarea textului „ac” se poate folosi oricare din secven ele 0948, 1248, 3348, 4748, 5348, 6748, 7848, 9248, 0981, 1281, 3381, 4781, 5381, 6781, 7881, 9281.

De i mai greu de spart decât cifrurile de substitu ie simple (monoalfabetice), cifrul omofonic nu mascheaz total propriet ile statistice ale textului clar. În cazul unui atac cu text clar cunoscut (vezi Tema 15), cifrul se sparge extrem de u or. Atacul cu text cifrat este mai dificil, dar unui calculator îi va lua doar câteva secunde pentru a-l sparge.

a	b	c	d	e	f	g	h	i	j	k	l	m	n	o	p	q	r	s	t	u	v	w	x	y	z
8	2	3	4	13	2	2	6	7	1	1	4	3	7	8	2	1	6	6	9	3	1	2	1	2	1
09	48	13	01	14	10	06	23	32	15	04	26	22	18	00	38	94	29	11	17	08	34	60	28	21	02
12	81	41	03	16	31	25	39	70			37	27	58	05	95		35	19	20	61		89		52	
33		62	45	24			50	73			51		59	07			40	36	30	63					
47			79	44			56	83			84		66	54			42	76	43						
53				46			65	88					71	72			77	86	49						
67				55			68	93					91	90			80	96	69						
78				57										99					75						
92				64															85						
				74															97						
				82																					
				87																					
				98																					

Tabelul 2.5. Exemplu de cifru omofonic pentru limba englez

Cifrurile bazate pe substitu ie poligramic realizeaz substitu irea unor blocuri de caractere (poligrame) din textul clar, distrugând astfel semnifica ia, atât de util în criptanaliz , a frecven elor diferitelor caractere. Vom considera un mesaj $m = m_1m_2\dots m_dm_{d+1}\dots$ i un cifru care prelucreaz poligrame de lungime d . Criptograma rezultat este $c=c_1\dots c_dc_{d+1}\dots c_{d+d}$. Fiecare poligram $m_{i,d+1}\dots m_{i,d+d}$ va fi prelucrat în poligrama $c_{i,d+1}\dots c_{i,d+d}$ prin func ia de substitute f_j astfel:

$$c_{i,d+j} = f_j(m_{i,d+1}\dots m_{i,d+d})$$

În cazul cifr rii literelor singulare frecven a de apari ie a literelor în textul cifrat este egal cu frecven a de apari ie a literelor corespunz toare din textul clar. Aceast invariant a frecven elor furnizeaz o cantitate de informa ie suficient criptanalistului pentru spargerea cifrului. Pentru minimizarea informa iei colaterale furnizate de frecven a de apari ie a literelor s-a utilizat cifrarea grupurilor de d litere (d -grame). În cazul când un grup de d litere este substituit printr-un alt grup de d litere, substitu ia se

nume te poligramic . Substitu ia poligramic cea mai simpl se ob ine pentru $d=2$ când digrama m_1m_2 din textul clar se substituie cu digrama c_1c_2 din textul cifrat.

Un exemplu clasic pentru substitu ia diagramelor este cifrul lui *Playfair* (Tabelul 2.6).

P	L	A	Y	F
I	R	E	X	M
B	C	D	G	H
J	K	N	O	S
T	U	V	W	Z

Tabelul 2.6. *Exemplu de cifru Playfair*

Primele litere din p trat reprezint un cuvânt cheie k (literele care se repet se scriu o singur dat , în acest exemplu cheia fiind $k=PLAYFAIR$), dup care p tratul se completeaz cu literele alfabetului, f r repetarea literelor. Cifrarea se executa dup urm toarele reguli:

- dac m_1m_2 sunt dispuse în vârfulurile opuse ale unui dreptunghi, atunci c_1c_2 sunt caracterele din celelalte vârfuluri ale dreptunghiului, c_2 fiind în aceea i linie cu m_1 . De exemplu AB devine PD, deci $AB \rightarrow PD$;
- dac m_1 i m_2 se g sesc într-o linie, atunci c_1 i c_2 se ob in printr-o deplasare ciclic spre dreapta a literelor m_1 i m_2 . De exemplu $AF \rightarrow YP$ iar $XM \rightarrow MI$;
- dac m_1 i m_2 se afl în aceea i coloan atunci c_1 i c_2 se ob in printr-o deplasare ciclic a lui m_1, m_2 de sus în jos. De exemplu $RC \rightarrow CK$ iar $LU \rightarrow RL$ etc.;
- pentru separarea liniilor identice al turate se introduc ni te caractere de separare care, de regula, au frecventa de apari ie redus , cum sunt de exemplu literele X, Q în limba româna. În cazul în care num rul de caractere în textul clar este impar se procedeaz la fel. La descifrare aceste litere introduse se omit.

Descifrarea se executa dup reguli asem n toare cu cele de cifrare

Exemplu. Folosind exemplul de mai sus ($k = PLAYFAIR$) textul clar „VINE IARNA” ob inem textul cifrat „TE VD EP KE YE”. Aici am introdus la sfâr itul mesajului litera X iar $AX \rightarrow YE$. La descifrare dup sensul mesajului se omite această liter .

Cifrul Playfair se folosea în scopuri tactice de c tre for ele militare britanice în timpul celui de-al doilea r zboi al Burilor (1899-1902) dar i în primul r zboi mondial. La fel a fost utilizat de c tre australieni i germani în timpul celui de-al doilea r zboi mondial. El era utilizat deoarece era suficient de rapid în aplicare i nu necesita nici un utilaj special. Scopul principal al utiliz rii lui era protec ia informa iei importante (îns nu i secrete) pe parcursul unei lupte. La momentul când criptanali tii inamici sp rgeau cifrul, informa ia deja nu mai era util pentru inamic.

Utilizarea cifrului Playfair în prezent nu are sens deoarece laptop-urile moderne pot sparge cu u urin cifrul în câteva secunde. Primul algoritm de spargere pentru Playfair a fost descris în anul 1914 de c tre locotenentul Iosif O. Moubornom într-o bro ur de 19 pagini.

Cifrul Vigenere. La fel ca cifrul Cezar, cifrul Vigenere deplaseaz literele, dar, spre deosebire de acesta nu se poate sparge u or în 26 combina ii. Cifrul Vigenere folose te o deplasare multipl . Cheia nu este constituit de o singur deplasare, ci de mai multe. Cheia este constituit din câ iva întregi k_i , unde $0 < k_i < 26$.

Criptarea se face în felul urm tor:

$$c_i = m_i + k_i \pmod{26}.$$

Cheia poate fi, de exemplu, $k = (21, 4, 2, 19, 14, 17)$ i ar provoca deplasarea primei litere cu 21, $c_1 = m_1 + 21 \pmod{26}$, a celei de a doua cu 4, $c_2 = m_2 + 4 \pmod{26}$, .a.m.d. pân la sfâr itul cheii i apoi de la început, din nou. Cheia este de obicei un cuvânt, pentru a fi mai u or de memorat – cheia de mai sus corespunde cuvântului „vector”. Metoda cu deplasare multipl ofer protec ie suplimentar din dou motive:

- primul motiv este c ceilal i nu cunosc lungimea cheii.
- cel de al doilea motiv este c num rul de solu ii posibile cre te; de exemplu, pentru lungimea cheii egal cu 5, num rul de combina ii care ar fi necesare la c utarea exhaustiv ar fi $26^5 = 11\,881\,376$.

Cifrul Vigenere a fost spart îns folosind altceva decât for a brut (vezi mai jos).

Decriptarea pentru cifrul Vigenere este asem n toare cript rii. Diferen a const în faptul c se scade cheia din textul cifrat,

$$m_i = c_i - k_i \pmod{26}.$$

Pentru simplificarea procesului de cifrare se poate utiliza urm torul tabel, numit *Tabula Recta* (Tabelul 2.7). Aici toate cele 26 cifruri sunt

situate pe orizontal și fiecărei cifre îi corespunde o anumită literă din cheie, reprezentată în coloana din stânga tabelului. Alfabeta corespunzătoare literelor textului clar se află în prima linie de sus a tabelului. Procesul de cifrare este simplu – este necesar ca având litera x din cheie și litera y din textul clar să găsim litera textului cifrat care se află la intersecția liniei x și coloanei y .

	<i>a</i>	<i>b</i>	<i>c</i>	<i>d</i>	<i>e</i>	<i>f</i>	<i>g</i>	<i>h</i>	<i>i</i>	<i>j</i>	<i>k</i>	<i>l</i>	<i>m</i>	<i>n</i>	<i>o</i>	<i>p</i>	<i>q</i>	<i>R</i>	<i>s</i>	<i>t</i>	<i>u</i>	<i>v</i>	<i>w</i>	<i>x</i>	<i>y</i>	<i>z</i>
<i>a</i>	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z
<i>b</i>	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A
<i>c</i>	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B
<i>d</i>	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C
<i>e</i>	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D
<i>f</i>	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E
<i>g</i>	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F
<i>h</i>	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G
<i>i</i>	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H
<i>j</i>	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I
<i>k</i>	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J
<i>l</i>	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K
<i>m</i>	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L
<i>n</i>	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M
<i>o</i>	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N
<i>p</i>	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O
<i>q</i>	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P
<i>r</i>	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q
<i>s</i>	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R
<i>t</i>	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S
<i>u</i>	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T
<i>v</i>	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U
<i>w</i>	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V
<i>x</i>	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W
<i>y</i>	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X
<i>z</i>	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y

Tabelul 2.7. *Tabula Recta* pentru cifra *Vigenere*

Se poate de procedat în conformitate cu ecuațiile ce definesc cifrul $c_i = m_i + k_i \pmod{26}$ și $m_i = c_i - k_i \pmod{26}$, așa cum este arătat în exemplul ce urmează.

Exemplu. De cifrat, utilizând cifrul Vigenere, mesajul „Per aspera ad astra” folosind cheia $K = \text{SUPER}$.

Pentru a cifra sau descifra mai întâi facem corespondența următoare:

A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z
0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25

Apoi alcătuim tabelul complet:

Textul clar M	P	E	R	A	S	P	E	R	A	A	D	A	S	T	R	A
Cheia K	S	U	P	E	R	S	U	P	E	R	S	U	P	E	R	S
Textul cifrat C	15	4	17	0	18	15	4	17	0	0	3	0	18	19	17	0
Cheia K	18	20	15	4	17	18	20	15	4	17	18	20	15	4	17	18
$M+K \pmod{26}$	7	24	6	4	9	7	24	6	4	17	21	20	7	23	8	18
Textul cifrat C	H	Y	G	E	J	H	Y	G	E	R	V	U	H	X	I	S

$C = \text{HYGEJHYGERVUHXIS}$.

Pentru decriptare procedăm la fel, cu excepția $m_i = c_i - k_i \pmod{26}$.

Apoi alcătuim tabelul complet:

Textul cifrat C	H	Y	G	E	J	H	Y	G	E	R	V	U	H	X	I	S
Cheia K	S	U	P	E	R	S	U	P	E	R	S	U	P	E	R	S
Textul cifrat C	7	24	6	4	9	7	24	6	4	17	21	20	7	23	8	18
Cheia K	18	20	15	4	17	18	20	15	4	17	18	20	15	4	17	18
$M-K \pmod{26}$	15	4	17	0	18	15	4	17	0	0	3	0	18	19	17	0
Textul clar M	P	E	R	A	S	P	E	R	A	A	D	A	S	T	R	A

$M = \text{PERASPERAADA STRA}$.

Criptanaliza sistemului Vigenere constă în următoarele: fie $c = c_0 c_1 \dots c_{n-1}$ textul criptat cu cheia $k = k_0 k_1 \dots k_{p-1}$; putem aranja acest text sub forma unei matrice cu p linii și $\lceil n/p \rceil$ coloane, astfel

$$\begin{array}{cccc}
c_0 & c_p & c_{2p} & \dots \\
c_1 & c_{p+1} & c_{2p+1} & \dots \\
\vdots & \vdots & \vdots & \vdots \\
c_{p-1} & c_{2p-1} & c_{3p-1} & \dots
\end{array}$$

Elementele de pe prima linie au fost criptate dup formula

$$c_{pr} = a_{pr} + k_0 \pmod{26}, k \geq 0,$$

adic cu un sistem Cezar (k_0 fiind o valoare fixat din \mathbf{Z}_{26}). În mod similar i celelalte linii.

Deci, dac s-ar cunoa te lungimea p a cheii, problema s-ar reduce la criptanaliza a p texte criptate cu Cezar – sistem de criptare monoalfabetic. Sunt cunoscute dou metode pentru aflarea lungimii cheii: testul lui Kasiski i indexul de coinciden .

Prima metod const în studiul textului criptat i aflarea de perechi de segmente de cel pu in 3 caractere identice (aceast lungime este propus de Kasiski). Pentru fiecare astfel de pereche, se determin distanta dintre segmente. Dup ce s-au g sit mai multe astfel de distan e, valoarea lui p va fi cel mai mare divizor comun al lor (sau – eventual un divizor al acestuia).

A doua metod de aflare a lungimii cheii de criptare într-un sistem Vigenere se bazeaz pe un concept definit în 1920 de Wolfe Friedman - *indexul de coinciden* . Dac $c = c_1c_2\dots c_n$ este o secven de n caractere alfabetice, probabilitatea ca dou caractere din c , alese aleator, s fie identice se nume te "*index de coinciden* " $I_c(x)$ al lui c .

Tema 3. Cifruri clasice. Cifrul de transpozi ii

Spre deosebire de cifrurile cu substitu ie, care p streaz ordinea literelor din textul surs dar le transform , cifrurile cu transpozi ie (*transposition ciphers*) reordoneaz literele, f r a le „deghiza”.

Criptarea prin metoda transpozi iei este o tehnic mai eficient decâc criptarea prin substitu ie, dar are, la rândul ei, o mul ime de dezavantaje. Textul criptat prin metoda transpozi iei p streaz toate caracterele textului ini ial, dar în alt ordine ob inut prin aplicarea algoritmului ce va fi prezentat în continuare.

Criptarea prin transpozi ie const în scrierea textului ini ial din care s-au eliminat spa iile i semnele de punctua ie într-o matrice de dimensiune $M \times N$ i interschimbarea anumitor linii (sau coloane) între ele. Textul criptat se ob ine prin scrierea caracterelor din noua matrice de pe fiecare coloan în parte, începând cu col ul din stânga-sus. Dac lungimea textului ini ial este mai mic decâc num rul de elemente ce pot fi scrise în matrice, atunci textul se completeaz cu elemente aleatoare, pân ajunge la dimensiunea $M \cdot N$.

Pentru textul „*Misiunea a fost îndeplinit*”, care are lungimea de 24 de caractere, se pot alege mai multe matrice de dimensiune $M \times N$, o posibilitate ar fi ca matricea s aib 4 linii i 6 coloane, dar pentru ca textul s fie mai greu de decodificat trebuie s con in i caractere alese aleator, sau într-un mod mai inteligent, care s îngreuneze munca celui care dore te s afle con inutul secret din mesajul criptat. Fie am ales o matrice care are 5 linii i 6 coloane. Textului ini ial i se adaug 6 caractere aleatoare i se ob ine textul *Misiun eafos îndep linit xyztwu* care se scrie în matricea din partea stâng , a a cum e ar tat în Tabelul 3.1:

	1	2	3	4	5	6		1	2	3	4	5	6	
1	M	i	s	i	u	n		5	x	y	z	t	w	u
2	e	a	a	f	o	s		3	t	î	n	d	e	p
3	t	î	n	d	e	p		4	l	i	n	i	t	ă
4	l	i	n	i	t	ă		1	M	i	s	i	u	n
5	x	y	z	t	w	u		2	e	a	a	f	o	s

Tabelul 3.1. Exemplu de cifru cu transpozi ie

Prin scrierea liniilor 1, 2, 3, 4, 5 în ordinea 5, 3, 4, 1, 2, se obține matricea din partea dreaptă. Textul criptat care se obține este: *xtlMe yîiia znnsa tdiif wetuo up ns*.

Transpoziție cu cheie. Pentru ca procesul de decriptare să fie mai simplu și să nu mai fie nevoie de ordinea în care au fost puse liniile din matricea creată, se folosește o versiune a criptării prin transpoziție care se bazează pe o cheie.

Pentru a cripta un text folosind o cheie și metoda transpoziției, se alege o cheie ale cărei litere determină ordinea în care se vor scrie coloanele din matricea aleasă. Pentru a afla ordinea în care vor fi scrise coloanele din textul inițial, se ordonează alfabetic literele din cheie, și fiecărei litere îi se asociază numărul de ordine din irul ordonat.

Lungimea cheii trebuie să fie egală cu numărul de coloane din matrice.

Considerăm textul anterior, scris într-o matrice de dimensiuni 5×6, și cheia „vultur”. Literele din cheie se ordonează alfabetic și se obține irul: *l, r, t, u, u, v*. Indicele 1 este asociat cu litera *l*, indicele 2 cu litera *r*, indicele 3 cu litera *t*, indicele 4 cu prima literă *u* din cheie, indicele 5 cu a doua literă *u* din cheie, iar indicele 6 este asociat cu litera *v*. Pentru a scrie coloanele, pentru fiecare indice *i* din irul ordonat se caută indicele *j*, care reprezintă poziția literei cu indicele *i*, din cheie și se scrie coloana *j*, astfel:

	v u l t u r	
	6 4 1 3 5 2	1 2 3 4 5 6
1	<i>M i s i u n</i>	5 <i>s n i i u M</i>
2	<i>e a a f o s</i>	3 <i>a s f a o e</i>
3	<i>t î n d e p</i>	4 <i>n p d î e t</i>
4	<i>l i n i t ă</i>	1 <i>n ă i i t l</i>
5	<i>x y z t w u</i>	2 <i>z u t y w x</i>

Tabelul 3.2. *Exemplu de transpoziție cu cheie*

Textul cifrat care se obține în final este:

sannz nsp u ifdit iaîiy uoetw Metlx.

Pentru a decripta un mesaj criptat cu această metodă, criptograma se scrie în matrice pe coloane, începând cu colul stânga-sus, și apoi se realizează operația inversă, adică pentru fiecare indice *j* al literelor din cheie, se caută indicele *i* asociat literei din irul sortat și se scrie coloana cu

indicele i . Din noua matrice astfel obținut se scriu literele de pe fiecare linie, în ordine.

O tehnic cunoscută foarte practic de transmitere a mesajelor folosind metoda transpoziției constă în înfășurarea unei panglici în jurul unui b . Mesajul se scrie pe panglică, de-a lungul b ului, de la capătul superior spre capătul inferior, pe coloane și apoi se trimite la destinație numai panglica, care ulterior s-a desfășurat de pe b . La destinație se înfășoară panglica pe un b având aceeași dimensiune cu cel care a ajutat la scrierea textului și se citește textul pe coloane.

Să analizăm un exemplu de text mai voluminos a transpoziției cu cheie.

Exemplu: De efectuat criptarea textului clar $m = „acestcursîsipropune s prezintefacilitatedecomunicareoferitedereteleledecalculatoare”$, utilizând cheia „PRECIS”.

P	R	E	C	I	S
4	5	2	1	3	6
a	c	e	s	t	c
u	r	s	î	s	i
p	r	o	p	u	n
e	s		p	r	e
z	i	n	t	e	f
a	c	i	l	i	t
	t	i	l	e	d
e	c	o	m	u	n
i	c	a	r	e	o
f	e	r	i	t	e
d	e	r	e	t	e
l	e	l	e	d	e
c	a	l	c	u	l
a	t	o	a	r	e

Tabelul 3.3. Exemplu de cifru cu transpoziție

Pentru criptare (dar ulterior și pentru decriptare) completăm tabelul de criptare (Tabelul 3.3) prin adăugarea textului clar pe linii. Citirea rezultatului pe coloane în conformitate cu cheia (în ordine alfabetică) va genera textul cifrat:

*c = „șîpptomrieecaeso niioarrllotsureieuettduraupeza eifdlcacrrsictcceeaa
tcineftdnoeele”.*

Spargerea unui cifru cu transpoziție începe cu verificarea dacă acesta este într-adevăr de acest tip prin calcularea frecvențelor literelor și compararea acestora cu statisticile cunoscute. Dacă aceste valori coincid, se deduce că fiecare literă este „ea însăși”, deci este vorba de un cifru cu transpoziție.

Următorul pas este emiterea unei presupunerii în legătură cu numărul de coloane. Acesta se poate deduce pe baza unui cuvânt sau expresii ghicite ca fiind când parte din text. Considerând sintagma „s prezintă”, cu grupurile de litere (luate pe coloane) „si”, „n”, „pt”, „re”, se poate deduce numărul de litere care le separă, deci numărul de coloane. Notăm în continuare cu m acest număr de coloane.

Pentru a descoperi modul de ordonare a coloanelor, dacă m este mic, se pot considera toate posibilitățile de grupare a câte două coloane (în număr de $m(m-1)$). Se verifică dacă ele formează împreună un text corect numărând frecvențele literelor și comparându-le cu cele statistice. Perechea cu cea mai bună potrivire se consideră corect poziționată. Apoi se încearcă, după același principiu, determinarea coloanei succesoare perechii din coloanele rămase iar apoi - a coloanei predecesoare. În urma acestor operații, există șanse mari ca textul să devină recognoscibil.

Unele proceduri de criptare acceptă blocuri de lungime fixă la intrare și generează tot un bloc de lungime fixă. Aceste cifruri pot fi descrise complet prin lista care definește ordinea în care caracterele vor fi trimise la ieșire (îrul pozițiilor din textul de intrare pentru fiecare caracter din succesiunea generată).

De la apariția cifrurilor cu substituție și a celor cu transpoziție anii au trecut și tehnicile de criptare au evoluat foarte mult.

Problema construirii unui cifru imposibil de spart a preocupat îndelung pe criptanaliști; ei au dat o rezolvare teoretică simplă încă de acum câteva decenii dar metoda nu s-a dovedit fiabilă din punct de vedere practic, după cum se va vedea în continuare.

Tehnica propusă pentru un cifru perfect presupune alegerea unui ir aleator de bi și pe post de cheie și aducerea textului surs în forma unei succesiuni de bi și prin înlocuirea fiecărui caracter cu codul său ASCII. Apoi se aplică o operație logică - de tip SAU exclusiv (operația invers echivalentei: $0 \text{ xor } 0 = 0$, $0 \text{ xor } 1 = 1$, $1 \text{ xor } 0 = 1$, $1 \text{ xor } 1 = 0$) - între cele două iruri de bi și. Textul cifrat rezultat nu poate fi spart pentru că nu există indicii asupra textului surs și nici textul cifrat nu oferă criptanalistului informații. Pentru un eșantion de text cifrat suficient de mare, orice literă sau grup de litere (diftong, triftong) va apărea la fel de des.

Acest procedeu este cunoscut sub numele de metoda cheilor acoperitoare. Deși este perfect din punct de vedere teoretic, metoda are, din punct de vedere, câteva dezavantaje practice:

- cheia nu poate fi memorată, astfel încât transmitorul și receptorul să poarte câte o copie scrisă a ei fiindcă în caz că ar fi „capturată”, adversarul ar obține cheia;
- cantitatea totală de date care poate fi transmisă este determinată de dimensiunea cheii disponibile;
- o nesincronizare a transmitorului și receptorului care generează o pierdere sau o inserare de caractere poate compromite întreaga transmisie fiindcă toate datele ulterioare incidentului vor apărea ca eronate.

Tema 4. Ma ini rotor

Sistemele de criptare pot fi aduse la un grad mai mare de securitate dac se folosesc mijloace mecanice de criptare. Astfel de mecanisme special construite vor u ura opera iile de criptare/decriptare i în acela i timp vor fi capabile s creeze un num r mult mai mare de chei posibile. Primele astfel de mecanisme au ap rut înc în antichitate.

În secolul V î.e.n. pentru criptarea datelor se folosea un baston, numit *Schitala*, în jurul c ruia se înf ursa spir lâng spir o panglic foarte îngust de piele, papirus sau pergament pe care, pe generatoare se scriau literele mesajelor. Dup ce textul era scris panglica se desf ursa, mesajul devenea indescifrabil, deoarece literele erau dezamblate. Mesajul se putea descifra numai de o persoan care dispunea de un baston de grosime i lungime identice cu bastonul ini ial pe care se înf ursa din nou panglica primit de receptor. Astfel Schitala realiza o transpozitie, aceasta fiind o prim form a acestei metode de criptare. Conform istoricilor greci, acest mod de comunicare era folosit de spartani în timpul campaniilor militare. El avea avantajul de a fi rapid i nu genera erori de transmitere. Dezavantajul îns era acela c putea fi u or de spart.

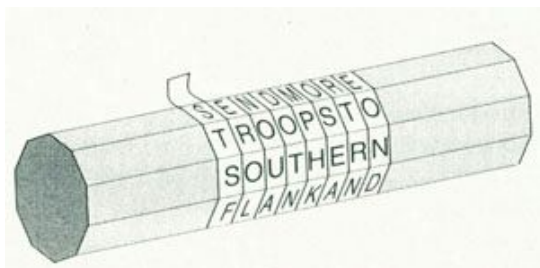


Figura 4.1. *Schitala*

Leon Battista Alberti (14.02.1404 – 25.04.1472) – scriitor, arhitect, pictor, sculptor, matematician, criptograf, filozof italian i umanist al Rena terii a inventat „*Criptograful lui Alberti*” (Figura 4.2), care era alc tuit din dou discuri concentrice cu diametre diferite, suprapuse. Fiecare disc era împ rit în 24 sectoare pe care erau înscrise litere i cifre. Pe discul exterior, care r mânea static, erau scrise 20 de litere ale alfabetului italian (alfabetul italian nu avea literele *H, J, K, W, X, Y*) în

ordinea lor firească, iar apoi cifrele 1, 2, 3, 4. Pe discul interior care se rotește, erau scrise 23 de litere ale alfabetului latin (f, r, J, K, Y) și conjuncția *ET*. Ordinea lor era arbitrar. Pentru cifrare se stabilea o cheie, de exemplu $G=a$. Aceasta însemna că pentru cifrare litera a de pe discul mic se alegea în dreptul literei G de pe discul mare și apoi începea cifrarea. Alberti recomandă schimbarea cheii după un număr de cuvinte.

Criptograful lui Alberti a fost perfecționat de către Silvester, Argentinianul, constituind un element de bază pentru criptografele de tip disc după rute ulterioare. Silvester Porta a împărțit discurile în 26 sectoare (Figura 4.2) utilizând astfel toate cele 26 litere ale alfabetului latin (nu numai italian), criptograful său realizând astfel o substituție simplă completă literală.

Criptograful lui Alberti avea două particularități care fac ca invenția sa să fie un mare eveniment în criptografie. În primul rând acest mecanism nu era altceva decât un algoritm de criptare polialfabetică. În rândul al doilea discul respectiv permitea utilizarea a două numitelor coduri cu recifrare, care au apărut abia la sfârșitul secolului XIX, adică peste patru secole după invenția lui Alberti. În acest scop pe discul exterior erau scrise cifrele 1, 2, 3, 4. Alberti a compus un cod care consta din 336 grupuri de coduri numerotate de la 11 la 4444. Fiecare cod îi corespundea o oarecare frază terminată. Când fraza se întâlnea în mesaj ea se înlocuia cu codul respectiv, iar cu ajutorul discului cifrele erau criptate ca niște semne ordinare ale mesajului, fiind transformate în litere.

Leon Alberti poate fi considerat un criptograf ilustrat din motivul că este autorul primei lucrări de criptologie din Europa („*De cifris*”) publicată în 1946. În această lucrare erau prezentate exemple de versiuni posibile de cifrare dar și se argumenta necesitatea aplicării criptografiei în practică ca un instrument ieftin și sigur de protecție a informației.

Ideea de mașină de criptare apare clar prima dată la Thomas Jefferson, primul secretar de Stat al Statelor Unite (președintele era George Washington), care a inventat un aparat de criptat numit roată de criptare, folosit pentru securitatea corespondenței cu aliații – în special cei francezi.

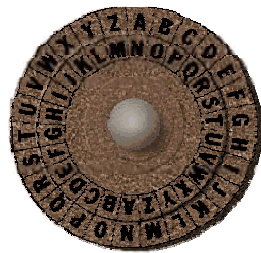
Un cilindru Jefferson (Figura 4.3) este format din n discuri de dimensiuni egale (inițial $n = 26$ sau $n = 36$) așezate pe un ax. Discurile se pot roti independent pe ax, iar pe muchia fiecăruia sunt înscrise cele 26 litere ale alfabetului, într-o ordine aleatoare (dar diferită pentru fiecare disc).



Criptograful lui Alberti



Criptograful lui Silvester



Criptograful lui Silvester

Figura 4.2.

La criptare, textul clar se împarte în blocuri de n caractere. Fiecare astfel de bloc se scrie pe o linie (generatoare) a cilindrului, rotind corespunzător fiecare disc pentru a aduce pe linie caracterul c utat. Oricare din celelalte 25 linii va constitui blocul de text criptat.

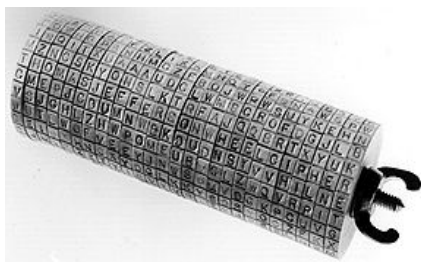


Figura 4.3. *Cilindre Jefferson*

Pentru decriptare este necesar un cilindru identic, în care se scrie pe o linie textul criptat (de n caractere) și apoi se caută printre celelalte 25 linii un text cu semnificație semantică. Probabilitatea de a avea un singur astfel de text crește cu numărul de discuri din cilindru.

O mică diferență apare dacă textul clar nu are nici o semnificație semantică (s-a folosit o dublă criptare). Atunci trebuie convenit dinainte o anumit distanță de criptare s ($1 \leq s \leq 25$). Thomas Jefferson a folosit acest aparat în perioada 1790 – 1802, după care se pare că ideea s-a pierdut. Devenit prea edincios, Jefferson a fost atras de sistemul Vigenere, pe care îl consideră mai sigur și-l recomandă secretarului său de stat James Madison ca înlocuitor al sistemului pe care îl inventase anterior.

Ordinea discurilor poate fi de asemenea schimbată. De exemplu, un cilindru cu $n = 20$ discuri poate realiza $20! = 2\,432\,902\,008\,176\,640\,000$ texte criptate diferite pentru același text clar. Cilindrul Jefferson realizează o substituție polialfabetică de perioadă n . Dacă ar fi privit ca un sistem de criptare Vigenere, lungimea cheii este enormă (de multe ori n^n , în funcție de modalitățile de aranjare a alfabetelor pe discuri). Cilindrul Jefferson a fost reinventat ulterior de mai multe ori, cea mai celebră fiind se pare mai târziu de criptat „Enigma”.

O **mașină în rotor** (rotor machine, Figura 4.4) are o tastatură și o serie de rotoare ce permit implementarea unei versiuni a cifrului Vigenere. Fiecare rotor face o permutare arbitrară a alfabetului, are 26 de poziții și realizează o substituție simplă. Deoarece rotoarele se mișcă cu viteze de rotație diferite, perioada unei mașini cu n rotoare este $n \cdot 26!$.

Aplicarea practică a acestor mașini a început numai la începutul secolului XX. Una dintre primele mașini cu rotor a fost mașina germană „Enigma”, elaborată în anul 1917 de către Eduard Hebern și perfectată mai târziu de mai multe ori. Din punct de vedere comercial ea a fost disponibilă pe piață încă din anul 1920, însă importanța ei a fost dată de utilizarea mașinilor de către diverse guverne, în mod special de către Germania nazistă înainte și în timpul celui de-al doilea război mondial.

Dintre toate dispozitivele criptografice create de-a lungul timpului mașina Enigma a fost un echipament mai special din două puncte de vedere:

- criptografic;
- istoric.



Figura 4.4. Modelul militar german numit Wehrmacht Enigma

la scurtarea războiului cu aproximativ un an.

Construcția sa inițială. Mașina Enigma era o combinație de părți mecanice și electrice. Principalele ei componente erau, după cum urmează :

- *Tastatura* (Key board): o tastatură obișnuită similară cu cea pentru mașinile de scris.
- *Placa cu lămpi* (Lamp board): asemănătoare unei tastaturi cu lămpi în loc de taste. Pe lămpi erau tipărite literele alfabetului ce deveneau vizibile prin aprinderea lămpii corespunzătoare.
- *Placa cu comutatoare* (Switch board): mufe (prize) câte una pentru fiecare literă, ce se conectau prin fire în 6 perechi (Acest component fusese adăugat de germani pentru a crește securitatea mașinii).
- *Trei roți* (Rotating drums): se mai numeau *rotoare* (*roți detașabile*) fiecare dintre ele având câte un set de 26 de contacte, câte unul pentru fiecare literă a alfabetului (Figura 4.5).
- *Roata reflectoare* (Reflecting drum): roată fixă identică cu celelalte 3, având un set de 26 de contacte grupate în perechi.

Importanța din punct de vedere criptografic este dată de faptul că echipe de criptanalitiști (matematicienii la origine) de toate naționalitățile, în efort combinat, au încercat pe de o parte perfecționarea mașinii, pe de altă parte spargerea cifrurilor. Printre cei care au participat la spargerea cifrului au fost ca parte din polonezii Rajewski și britanicul Turing (inventatorul mașinilor Turing).

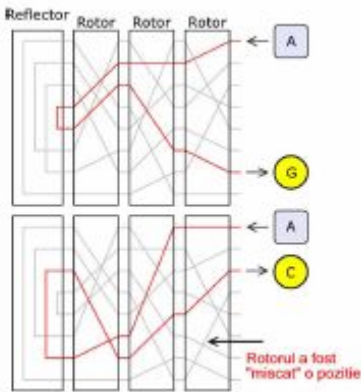
Importanța istorică rezidă din rolul mare jucat de aceste mașini în timpul celui de-al doilea război mondial, mai precis faptul că descifrarea de către aliați a codului (nume de proiect ULTRA) a dus, după unii istorici,

- *Cabluri* (Wiring): asigurau conexiunile între taste și lmpi precum și între lmpi și primul rotor, între primul rotor și al doilea, al doilea și al treilea, al treilea și roata reflectoare.
- *Baterie* (Battery): pentru alimentarea circuitelor electrice.



Figura 4.5. *Seturi rotor*

Principiul de funcționare al mașinii Enigma se prezenta conform schemei din Figura 4.6:



Prin apăsarea tastei "A" curentul era trecut prin setul de rotoare până la reflector de unde se "întorcea" înapoi aprinzându-se becul "G". Litera "A" se criptează diferit ("G" și "C") doar printr-o simplă rotire a primului rotor care face ca semnalul să circule pe o rută complet diferită.

Figura 4.6. *Principiul de funcționare al mașinii (Enigma)*

Pentru *operarea mașinii* în primul rând toți operatorii aveau mașini identice (pentru asigurarea inter-operabilității). Inițierea criptării unui mesaj se făcea în 2 pași:

- *Pasul 1*: setarea mașinii – operație ce consta în fixarea ordinii și poziției fiecărui rotor precum și alegerea celor 6 perechi de conectori prin placa cu comutatoare (switch board).

- *Pasul 2*: scrierea propriu-zis a mesajului – pentru criptarea mesajului operatorul apăsa pe tasta corespunzătoare primei litere din textul necodat (să zicem "N"). În acest moment se aprindea o lampă (să zicem "T") corespunzătoare codificării. Repetând și pentru celelalte litere, rezulta textul codat.

Trebuie de menționat că toate seturile din *Pasul 1* erau înscrise în manuale de operare (code books), seturile ce se schimbau de regulă zilnic. Fiecare operator avea câte un exemplar. De fapt, aceste seturi constituiau cheia criptosistemului Enigma. Un atribut extrem de important al mamei iniți *Enigma* era că cheile de cifrare și cele de decifrare erau aceleași. Cu alte cuvinte dacă la "transmitere" "N" se transforma în "T", la "destinație" "T" se transforma în "N" (folosind bine-nțelese aceleași seturi ale mamei iniți).

Utilizarea intensivă colaborat cu posibilitatea transmiterii informației folosind aceleași *day key* la care se adăugau intensele activități de contraspionaj i-au condus pe germani la teama că mamea iniță ar putea fi compromisă. Efectul a fost introducerea unui *protocol*. Acesta spunea: „*fiecare operator va transmite suplimentar, înainte mesajului propriu-zis, o cheie a mesajului (message key)*". Aceste chei erau cuvinte (nu neapărat cu sens) formate din 3 litere alese în mod aleator de operatorul mamei iniți. Cu alte cuvinte, operatorul trebuia să seteze mamea iniță conform instrucțiunilor zilnice din manualul de operare (*code book*), după care trimitea cheia din cele trei litere alese aleator. În această fel mamea iniță se seta într-un mod complet aleator. Condițiile radio proaste, lucrul sub presiune, precum și alte condiții de lucru nefavorabile puteau conduce la transmiterea (sau recepționarea) greșită (alterată) a cheii, fapt ce ar fi făcut inutilă transmiterea mesajului propriu-zis (evident, datorită faptului că mamele inițe de la transmitător și cea de la receptor ar fi fost setate diferit). Pentru a minimiza astfel de incidente, operatorilor li s-a cerut să transmită cheia de 2 ori.

De exemplu

cheia: the
se transmitea: hothot
se recepționa: dugraz

Însă în mod ironic, ceea ce se dorea o măsură de securitate în plus, de fapt a compromis mamea iniță.

Matematic vorbind, mulțimea cheilor posibile era atât de mare încât nici nu se punea problema "atacării" mamei iniți, cel puțin nu la acea vreme,

prin metoda exhaustiv („brute-force”). Enigma a fost elaborat astfel încât securitatea să fie pstrată chiar dac inamicul cunoaște schemele rotoarelor, cu toate că în practic seturile erau secrete. Cu o schemă secretă de setare cantitatea totală a configurațiilor posibile era de ordinul 10^{114} (circa 380 bi i) iar dac schema și alte seturi operaționale erau cunoscute acest număr se reducea la 10^{23} (76 bi i). Germanii credeau că marea Enigma este una infailibilă datorită imensității seturilor posibile ce și se puteau aplica. Era ireal să începi mcar să alegi o configurație posibilă.

Din punct de vedere matematic transformarea Enigmei pentru fiecare literă este rezultatul matematic al permutărilor. Pentru un aparat cu trei rotoare fie P transformarea pe tabela de prize, U - reflectorul, și L, M, R - acțiunea rotorului din stânga, din mijloc, dreapta respectiv. Atunci criptarea E poate fi notată cu:

$$E = PRMLUL^{-1}M^{-1}R^{-1}P^{-1}$$

După fiecare apăsare de tastă rotoarele se rotesc, schimbând transformarea. De exemplu dac rotorul de dreapta R este rotit cu i poziții, transformarea devine: ${}^iR^{-i}$, unde este permutarea ciclică. Similar, rotorul din mijloc și cel din stânga pot fi reprezentate ca j și k rotații respectiv a lui M și L . Funcția de criptare poate fi descrisă astfel:

$$E = P({}^iR^{-i})({}^jM^{-j})({}^kL^{-k})U({}^kL^{-1-k})({}^jM^{-1-j})({}^iR^{-1-i})P^{-1}$$

Pentru elucidarea funcționării mașinii Enigma este sugestiv simularea (în flash) de la <http://enigmaco.de/enigma/enigma.swf> (Figura 4.7).

Primele spargeri ale mașinii Enigma au avut loc la începutul anilor 30 de către matematicienii polonezi *Alicen Rejewski*, *Jerzy Rozycki* și *Henryk Zygalski*. Cu noroc înaintea Rejewski și echipa lui au reușit să compromită marea, totul fiind posibil nu datorită vreunei ”scări” în proiectarea mașinii ci deciziei nemiloare de a transmite repetitiv (de 2 ori) cheia.

Ulterior Enigma a fost perfecționată, spargerea ei devenind practic imposibilă pentru acele timpuri. Un aport considerabil în direcția spargerii acestei mașini a avut Alan Turing, care proiectase o mașină electromecanică (denumită „Bombe” după modelul original polonez) ce putea ajuta la spargerea mașinii Enigma mai rapid decât „bomba” din 1932 a lui *Rejewski*, din care s-a și inspirat. „Bombe” (Figura 4.8), cu o îmbunătățire sugerată de matematicianul Gordon Welchman, a devenit una din principalele unelte automate utilizate pentru a ataca traficul de mesaje protejat de Enigma.

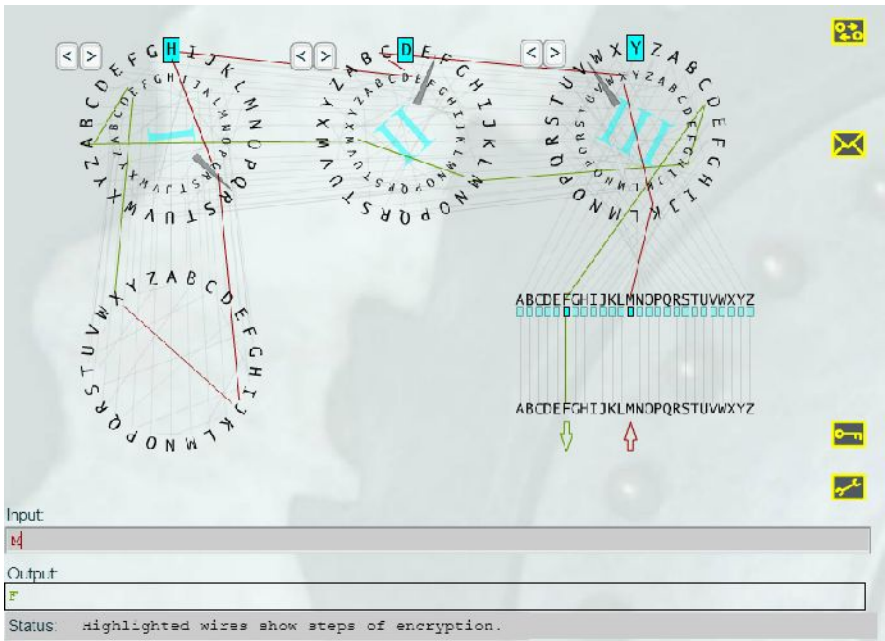


Figura 4.7. Simulator ma ina Enigma

Ma ina „Bombe” c uta set ri poten ial corecte pentru un mesaj Enigma (adic , ordinea rotoarelor, set rile rotoarelor, etc.), folosind un fragment de text clar probabil. Pentru fiecare setare posibil a rotoarelor (num rul maxim posibil fiind de ordinul a 1019 st ri, sau 1022 pentru ma inile Enigma de la U-boat, care aveau patru rotoare, fa de ma ina Enigma standard care avea doar trei). Aceasta efectua un lan de deduc ii logice pe baza fragmentului probabil, deduc ii implementate electric. „Bombe” detecta cÂnd avea loc o contradic ie, i elimina setarea, trecÂnd la urm toarea. Peste dou sute de astfel de ma ini create de Alan Turing au fost în func iune pÂn la sfâr itul r zboiului.

Ma inile cu rotor au fost folosite activ pe parcursul r zboiului II mondial. Pe lâng ma ina german Enigma au fost folosite i Sigaba (SUA), Typex (Marea Britanie), Red, Orange, Purple (Japonia). Ma inile cu rotor au fost vârful criptografiei formale deoarece realizau cifruri suficient de rezistente într-un mod relativ simplu.

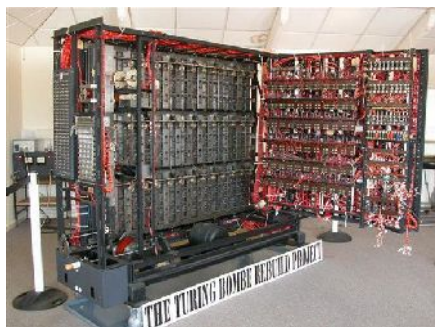
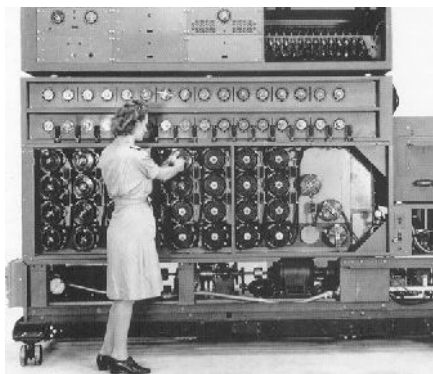


Figura 4.8. Ma ina BOMBE (Alan Turing)

Atacurile încununate de succes asupra ma inilor cu rotor au fost posibile numai la începutul anilor 40 odat cu apari ia ma inilor electronice de calcul. Tot în aceast perioad criptografia devine tiin ific ramur aparte a matematicii odat cu publicarea (anul 1949) articolului lui Claude Elwood Shannon „Communication Theory of Secrecy Systems”., care a pus bazele tiin ifice ale sistemelor de criptare cu cheie secret (sistemelor simetrice).

Tema 5. Algoritmi simetrici de criptare. Cifruri bloc. Rețeaua Feistel

După cum am menționat în la sfârșitul temei precedente era tipicifică a criptografiei a început odată cu publicarea în anul 1949 a articolului lui Claude Elwood Shannon (30.04.1916 – 24.02.2001, fondatorul teoriei informației) „*Communication Theory of Secrecy Systems*”. Începând cu acest moment criptografia devine tipicificat ramură aparte a matematicii, iar articolul lui Shannon a pus bazele tipicifice ale sistemelor de criptare cu cheie secretă (sistemelor simetrice).

Criptografia modernă utilizează în principiu aceeași algoritmi ca și criptografia tradițională (transpoziția și substituția), dar accentul cade pe complexitatea algoritmilor. Obiectivul criptografic din actuala perioadă este de a concepe algoritmi de criptare atât de complecși și de ireversibili încât atacatorul (sau criptanalistul), chiar și în situația în care are la dispoziție cantități mari de text criptat la alegerea sa, să nu poată face nimic fără cheia secretă.

Algoritmii criptografici folosiți în sistemele simetrice de criptare se împart în *cifruri bloc* (*block ciphers*) și *cifruri flux* sau *cifruri ir* (*stream ciphers*). Cifrele flux pot cripta un singur bit de text clar la un moment dat, pe când cifrele bloc criptează mai mulți biți (64, 128, 256 sau alt număr de biți) la un moment dat.

Algoritmii de tip bloc criptează mesajul în blocuri de n de biți. Se aplică o funcție matematică între un bloc de biți al textului clar și cheia (care poate varia ca mărime), rezultând același număr de biți pentru mesajul criptat. Funcția de criptare este realizată astfel încât să îndeplinească următoarele cerințe:

- fiind un bloc de biți al textului clar și cheia de criptare, sistemul să poată genera rapid un bloc al textului criptat;
- fiind un bloc de biți al textului criptat și cheia de criptare/decriptare, sistemul să poată genera rapid un bloc al textului clar;
- fiind blocurile textului clar și ale textului cifrat ale sistemului să fie dificil să genereze cheia.

Rețeaua (cifru, schema) Feistel

Algoritmii de tip bloc sunt foarte des folosiți în criptografia modernă, iar majoritatea algoritmilor tip bloc utilizează în criptarea simetrică la ora

actual se bazează pe o structură numită *cifru bloc Feistel* sau *re ea* (uneori *schema*) *Feistel*. Ea a fost elaborată de către Horst Feistel (30.01.1915 – 14.11.1990) – unul dintre întemeietorii criptografiei moderne. După cum am mai menționat, un cifru bloc operează asupra blocurilor de text clar de lungime n biți pentru a produce un bloc de text cifrat de aceeași lungime (n biți). Un cifru de substituție reversibil arbitrar nu este practic pentru o dimensiune mare a blocului, din punct de vedere al implementării și al performanței. În general, pentru un cifru bloc de substituție arbitrar de n -biți, dimensiunea cheii este $n \cdot 2^n$. Pentru un bloc de 64 de biți, care este o dimensiune necesară pentru a zădărnici atacurile statistice, dimensiunea cheii este

$$64 \cdot 2^{64} = 2^{70} = 10^{21} \text{ biți.}$$

Considerând aceste dificultăți, Feistel remarcă faptul că este nevoie de o aproximare a unui cifru bloc ideal, pentru valori mari ale lui n , construit din componente ce pot fi realizate ușor.

Feistel numește o substituție generală de n -biți ca fiind cifrul bloc ideal, deoarece permite numărul maxim de criptări posibile din blocuri de text clar în blocuri de text cifrat. 4 biți la intrare produc una din cele 16 stări de intrare posibile, care sunt asociate de cifrul cu substituție într-o singură stare de ieșire din cele 16 posibile, fiecare fiind reprezentat de 4 biți de text cifrat. Funcțiile de criptare și decriptare pot fi definite printr-un tabel.

O structură Feistel are avantajul că cifrarea și decifrarea sunt foarte similare sau chiar identice în unele cazuri (ceea ce ne amintește de Enigma), cerând doar o inversie a cheii. Astfel, dimensiunea codului sau circuitului necesar pentru a implementa un astfel de cifru este practic înjumătățit.

Relele Feistel și construcții similare combină mai multe „runde” de operații repetate cum ar fi:

- *amestecarea de biți* (numită și permutări pe cutii P),
- *funcții simple ne-lineare* (numite și substituții prin cutii S),
- *amestecul liniar* (în sensul algebrei modulare) utilizând XOR,

pentru a produce o funcție care conține cantități mari de date, numite de Claude Shannon „*confuzie*” și „*difuzie*”. Amestecarea de biți creează difuzia iar substituția - confuzia. În criptografie confuzia se referă la a face o relație între cheie și textul cifrat cât de complex și adânc posibil, iar difuzia este definită ca proprietatea că redundanța în statisticele textului clar este

disipat în statisticele textului cifrat. Difuzia este asociată cu dependența bi-ilor de la ieșire de bi-ii de la intrare. Într-un cifru cu o difuzie perfectă, doar schimbarea unui bit de la intrare ar schimba întregul text, ceea ce se mai numește și SAC (*Strict Avalanche Criterion*). Feistele utilizează *cutiile P* (*P-box* sau *Permutation-box*) și amestecul liniar de bi-ii pentru a atinge o difuzie aproape perfectă și se poate spune că îndeplinesc condițiile SAC.

Cutiile-S (*S-box* sau *Substitution-box*) au o importanță fundamentală în funcționarea schemei Feistel. Acestea sunt de obicei folosite pentru a ascunde relația dintre cheie și textul cifrat. În general, o cutie *S* ia un număr m de bi-ii de intrare și îi transformă într-un număr n de bi-ii de ieșire, unde n nu este neapărat egal cu m . O cutie $S_{m \times n}$ poate fi implementată ca un tabel de 2^m cuvinte de n bi-ii fiecare. În mod normal sunt utilizate tabele fixe, la fel ca în *Data Encryption Standard (DES)*, dar în unele cifruri tabelele sunt generate dinamic din cheie (de exemplu, *Blowfish*, *Twofish*).

Un exemplu elocvent de tabel fix este tabelul de 6×4 - bi-ii al cutiei S_5 (S_5) din *DES* (Tabelul 5.1):

S_5		4 bi-ii de mijloc ai intrării													
		0000	0001	0010	0011	0100	0101	0110	0111	1000	1001	1010	1011	1100	1101
Bi-ii exteriori	00	0010	1100	0100	0001	0111	1010	1011	0110	1000	0101	0011	1111	1101	0000
	01	1110	1011	0010	1100	0100	0111	1101	0001	0101	0000	1111	1010	0011	1001
	10	0100	0010	0001	1011	1010	1101	0111	1000	1111	1001	1100	0101	0110	0011
	11	1011	1000	1100	0111	0001	1110	0010	1101	0110	1111	0000	1001	1010	0100

Tabelul 5.1. Cutia S_5 din *DES*

Fiind dată o intrare de 6 bi-ii, ieșirea de 4 bi-ii este găsită prin selectarea liniei, folosind cei doi bi-ii exteriori (primul și ultimul bit), și a coloanei, utilizând cei patru bi-ii interiori. De exemplu, o intrare „011011” are bi-ii exteriori „01” și bi-ii interiori „1101”; ieșirea corespunzătoare va fi „1001”.

Cutiile de permutare reprezintă o metodă de amestecare a bi-ilor, utilizată pentru a permuta sau transpune bi-ii în intrările cutiilor *S*, menținând difuzia în timpul transpunerii.

Rețele Feistel au fost introduse pentru prima dată, în domeniul comercial, în cifrul *Lucifer* de la IBM care a fost conceput de însuși Feistel și Don Coppersmith. Rețele Feistel au câștigat respect atunci când guvernul SUA a adoptat standardul de securitate a datelor *DES*. Ca și alte

componente ale lui DES, exista natura iterativ a constructiei Feistel care face foarte simple implementarile criptosistemului în electronic .

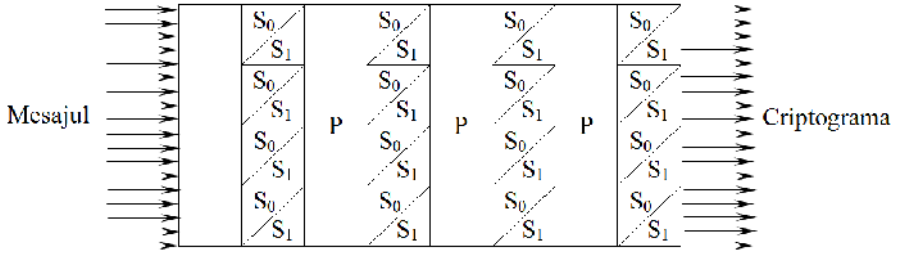


Fig. 5.1. Schema unei „cutii-S”

Multe cifruri simetrice de tip bloc se bazează pe rețele Feistel și pe structura și proprietățile cifrului Feistel, care a fost intens explorat de către criptologi. În special Michael Luby și Charles Rackoff, care au analizat cifrul și au demonstrat că funcția „round-robin” (un round-robin este un aranjament prin care se aleg în ponderi egale toate elementele unui grup sau a unei liste, într-o ordine rațională, de obicei de sus până jos, și după aceea pornind de la început) este un generator criptografic sigur de numere pseudoaleatoare, cu K_i utilizat ca seed, atunci 3 runde sunt suficiente pentru a face cifrul bloc sigur, pe când 4 runde sunt suficiente să facă cifrul „puternic” sigur, însemnând că este sigur pentru un atac prin text cifrat ales. Din cauza acestui rezultat, cifrurile Feistel au fost uneori numite cifruri pe blocuri.

Modul de operare al cifrului Feistel este următorul:

1. Împarte textul clar în două blocuri egale (L_0, R_0)
2. Pentru fiecare rundă $i=1,2,\dots,n$, calculează :

$$L_i = R_{i-1}$$

$$R_i = L_{i-1} + f(R_{i-1}, K_i),$$

unde f este funcția, de obicei tot XOR, și K_i este sub-cheia. Atunci textul cifrat va fi (L_n, R_n)

3. Repeta.

Indiferent de natura funcției f , decifrarea se face prin:

$$R_{i-1} = L_i$$

$$L_{i-1} = R_i + f(L_i, K_i).$$

Un avantaj al acestui model este că funcția utilizată nu trebuie neapărat să fie inversabilă și poate să fie foarte complexă. Am menționat că funcția f

este de obicei XOR . Acest lucru nu este complet adevărat. Funcția poate să fie oricare, însă pentru ilustrare se folosește o funcție simplă și relativ sigură, cum ar fi XOR .

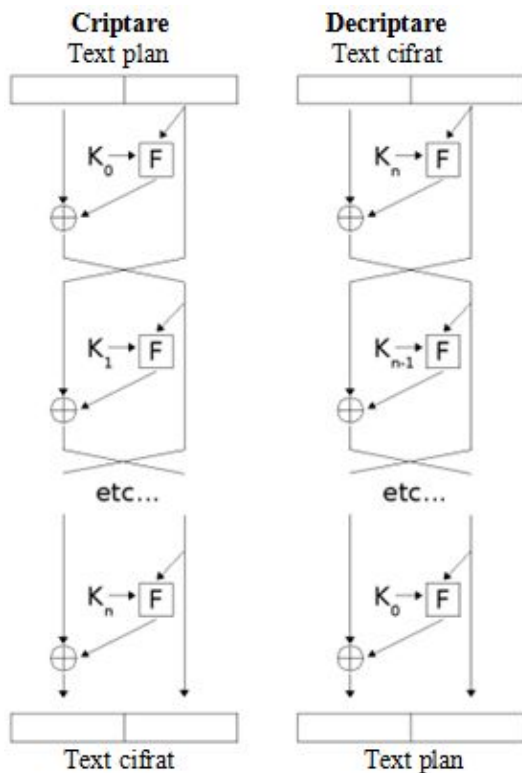


Figura 5.2. Schema reelei Feistel

În Figura 5.2 este arătat cum acest model trece textul clar în text cifrat. Este de notat reversia sub-cheii pentru decriptare, aceasta fiind singura diferență între cifrare și descifrare.

Mai există însă un tip de cifru Feistel, numit Feistel debalansat, care utilizează o structură modificată în care L_0 și R_0 nu sunt egale în lungime. Un exemplu de asemenea cifru este *Skipjack*.

Construcția Feistel este utilizată și în algoritmi care nu sunt cifruri pe blocuri. De exemplu, *Optimal Asymmetric Encryption Padding* (OAEP)

utilizează o rețea Feistel simplă pentru a randomiza textele cifrate în unele scheme de cifrare asimetric .

Dată fiind natura cifrului Feistel, textul cifrat sparge orice convenție de caracter și produce numere ce corespund la caractere care nu există . De fapt orice tip de cifru care operează pe blocuri de text sau pe biți individuali nu avea cum să respecte standardul de caractere. Din această cauză se utilizează la ieșire un codor pentru a reda textului cifrat proprietatea de lizibilitate și implicit pentru a putea fi transmis prin sistemele informatice.

Tema 6. Algoritmul de cifrare Lucifer

Algoritmul de criptare *Lucifer* a fost elaborat la începutul anilor 70 și a stat la baza algoritmului DES – primului standard de cifrare din SUA. Algoritmii și istoria sa sunt suficient de interesante pentru a fi studiate aparte.

Algoritmul Lucifer este adesea numit „primul algoritm de cifrare pentru aplicații civile”. În realitate Lucifer reprezintă nu un singur algoritm ci o familie de algoritmi legați între ei (care au fost elaborați în cadrul programului Lucifer al companiei IBM și care prevedea cercetări în domeniul criptografiei), care erau algoritmi de criptare de tip bloc realizați în perioade diferite de timp.

După spusele vestitului criptolog american Bruce Schneier (născut la 15.01.1963), „există cel puțin doi algoritmi diferiți cu acest nume și aceasta a dus la o încercătură vizibilă”. Iar în Wikipedia sunt menționate 4 versiuni ale acestui algoritm.

Versiunea inițială a algoritmului Lucifer a fost elaborată de un colectiv de specialiști ai companiei IBM sub conducerea lui Horst Feistel. Această versiune a algoritmului a fost brevetată de către compania IBM în anul 1971 (brevetul a fost eliberat în 1974 în SUA cu numărul [3798359](http://www.freepatentsonline.com/3798359.pdf) <http://www.freepatentsonline.com/3798359.pdf>).

Această versiune a algoritmului cifrează datele pe blocuri de 48 bi și cu utilizarea cheii de 48 de bi.

Algoritmul este unul bazat pe o rețea de permutări și substituții. În procesul de cifrare se execută 16 runde de transformări (număr de runde recomandat de autor), în fiecare dintre ele fiind realizate acțiuni în conformitate cu Figura 6.1:

1. *Asigurarea feedback-ului* (conexiunii inverse). Se efectuează operația logică „XOR” între fiecare bit al blocului procesat și valoarea precedentă a aceluiași bit în cazul în care bitul analogic al cheii de rundă are valoarea 1; în caz contrar operația nu se efectuează. Valoarea precedentă a fiecărui bit procesat se salvează în registrul blocului de feedback. În prima rundă a algoritmului blocul de feedback nu efectuează operația XOR și memorizează doar pentru următoarea rundă biții blocului prelucrat.
2. *Transformarea prin confuzie*. Se efectuează o transformare neliniară a datelor obținute la operația precedentă prin intermediul

substituției tabelare care este în funcție de un bit concret al cheii de rundă. Această funcție este suficient de simplă: dacă valoarea bitului respectiv este 1, se efectuează substituția tabelară S_0 , în caz contrar se aplică substituția S_1 . Fiecare niblu¹ de date se modifică independent de alte date, astfel tabele înlocuiesc valoarea de intrare de 4 biți cu o altă valoare care la fel are 4 biți. Trebuie de menționat că în acest brevet nu sunt prezentate valorile tabelelor de substituție; în calitate de exemplu este dat numai Tabelul 6.1

0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15
2	5	4	0	7	6	10	1	9	14	3	12	8	15	13	11

Tabelul 6.1. *Exemplu de tabel de confuzie pentru brevetul alg. Lucifer*

Această înseamnă că valoarea de intrare 0 se înlocuiește cu 2, valoarea 1 – cu 5 ș.a.m.d. până la valoarea 15 care se înlocuiește cu 11.

3. *Transformarea prin difuzie.* Această transformare constă în redirecționarea simplă a biților de intrare în așa mod încât valorile tuturor biților de intrare se schimbă cu locul după o anumită regulă. La fel ca și valorile tabelelor de substituție, regula după care se face difuzia datelor nu este descrisă în brevet. Operația de difuziune se efectuează absolut independent de valoarea cheii de cifrare.
4. *Aplicarea cheii.* Această operație se efectuează prin aplicarea bit cu bit a operației XOR asupra rezultatului operației precedente și a biților respectivi a cheii de rundă.

După cum se poate observa din descrierea de mai sus la fiecare rundă de a cifrării sunt necesari 108 biți:

1. 48 de biți pentru blocul de feedback;
2. 12 biți pentru blocul de substituție;
3. 48 biți pentru aplicarea cheii.

¹ Un niblu este o colecție de 4 biți cu care se pot reprezenta 16 valori diferite.

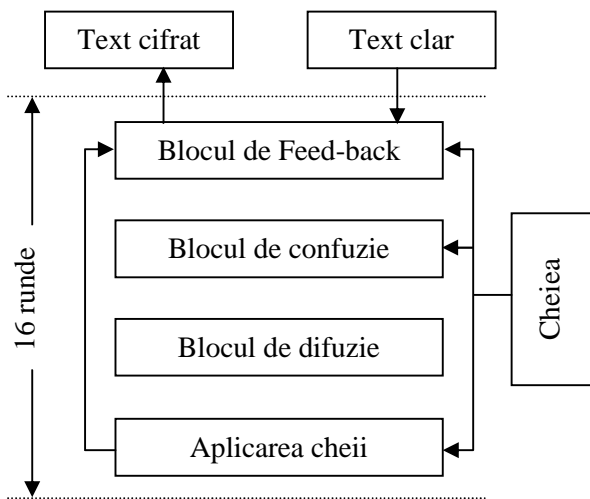


Figura 6.1. Schema general a Versiunii 1 Lucifer

Pentru obținerea a 16 sub-chei de rundă de 108 bi și fiecare din cheia inițială de 48 de bi se aplică procedura de extindere a cheii (Figura 6.2):

1. Cheia de 48 de bi se înscrie în registrele cheii (Key Register) $KR1, KR2, \dots, KR6$.
2. Din aceste registre se extrage cantitatea necesară de bi și prin intermediul permutării de extensie KEP (Key Extension Permutation). Operația KEP nu efectuează calcule, obținerea celor 108 bi și de informație din cheie din cei 48 de bi are loc prin utilizarea multiplă a anumitor bi și din $KR1, KR2, \dots, KR6$. Permutarea KEP nu este descrisă în detaliu în specificațiile algoritmului.
3. Pentru obținerea din cheie a informației pentru runda următoare se efectuează deplasarea de un bit în fiecare din registrele $KR1, KR2, \dots, KR6$. Apoi din se aplică permutarea KEP . Acest pas se repetă ciclic un număr necesar de ori până la sfârșitul executării algoritmului.

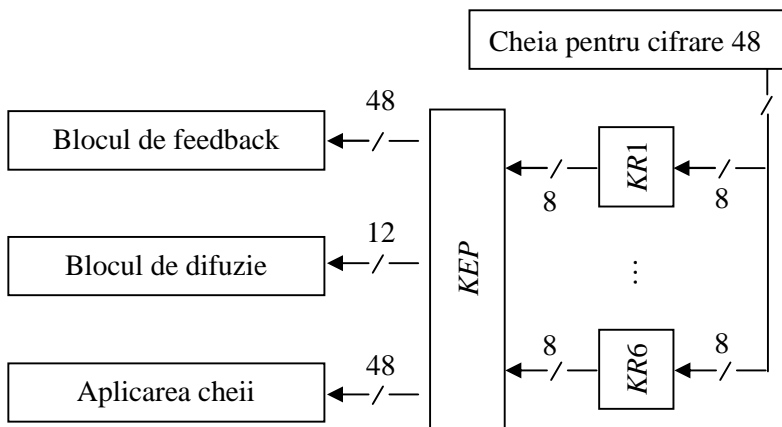


Figura 6.2. Procedura de extensie a cheii în Versiunea 1 Lucifer

Trebuie de menționat că acest algoritm este strict axat pe implementare hardware – în brevetul respectiv sunt prezentate câteva scheme amănunțite care descriu realizările hardware posibile ale algoritmului, pe când cifrările software practic nu i se acordă atenție în acest brevet.

Este evident că în descrierea algoritmului există multe „pete albe”. De exemplu nu sunt prezentate tabelele de substituție, nu este descris în detalii transformarea liniară utilizată, lipsește descrierea permutării *KEP* etc. De fapt, brevetul stabilește un model pentru dezvoltarea pe această bază a algoritmilor criptografici concreți cu proceduri „rafinată”.

Concomitent cu brevetul după la 30 iunie 1971 Horst Feistel a mai depus 2 cereri de brevetare, ambele propunând aplicații specifice ale algoritmului expus mai sus:

- protecția datelor transmise și prelucrate în sisteme cu terminale multiple cu utilizarea algoritmului Lucifer; schema brevetată presupune de asemenea și asigurarea integrității datelor dar și prezența a două regimuri de autentificare a utilizatorilor: cu parol și „solicitare-confirmare”.
- cifrarea datelor pe parcursul a mai multe etape, ceea ce asigură diverse nivele de securitate la transmiterea informației în sistemele cu terminale multiple; acest schemă era la fel bazată pe aplicarea algoritmului Lucifer.

Ca i brevetul pentru algoritmul Lucifer, brevetele men ionate au fost ob inute de c tre compania IBM în anul 1974.

Versiunea a doua a algoritmului Lucifer a ap rut foarte curând dup prima – în acela i an 1971. Se vede c autorii algoritmului Lucifer în elegeau c m rimea cheii de 48 de bi i este insuficient (în prezent această m rime a cheii este nepermis) i au prezentat algoritmul care cifra cu o cheie de 64 bi i. Algoritmul dat efectua îns cifrarea cu blocuri de numai 32 bi i ceea ce evident este insuficient (pentru un bloc de lungime n

bi i la cifrarea a $2^{\frac{n}{32}}$ blocuri de text clar cu aceea i cheie vor avea loc scurgeri de informa ie despre datele cifrate). Aceast versiune a algoritmului a fost brevetat la fel de c tre IBM i descris în patentul nr. 3796830 în martie 1974 (<http://www.freepatentsonline.com/3796830.pdf>).

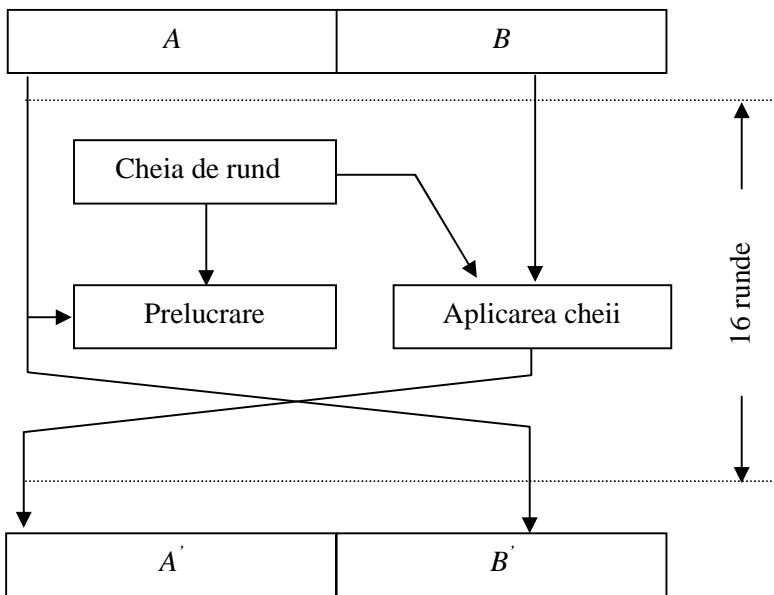


Figura 6.3. Structura Versiunii 2 Lucifer

Versiunile 1 i 2 au semnificativ mai multe discrepan e decât similitudini. Versiunea a doua a algoritmului divizeaz blocul cifrat de 32 bi i în dou sub-blocuri de câte 16 bi i i efectueaz 16 runde de

transformări, în fiecare din care se realizează următoarea consecutivitate de operații (Figura 6.3):

1. Blocul de 32 biți este divizat în 2 sub-blocuri A și B de 16 biți.
2. Sub-blocul A se dividează în 4 fragmente a câte 4 biți, fiecare fragment fiind prelucrat aparte (Figura 6.4), adică celelalte operații se repetă pentru fiecare fragment.

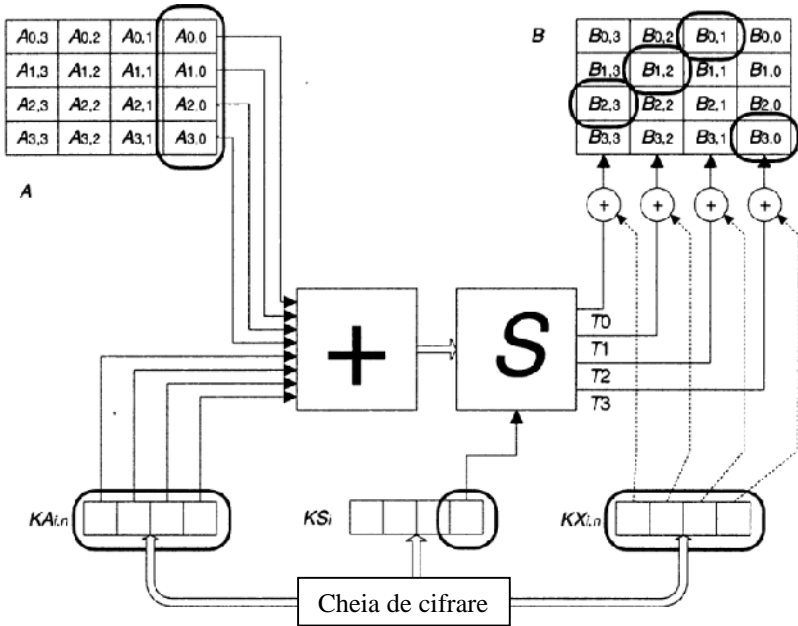


Figura 6.4. Prelucrarea fragmentului sub-blocului A (vers. 2 Lucifer)

3. Fiecare dintre aceste fragmente se sumează modulo 16 cu KA_{i,n} – un fragment de 4 biți ai cheii de rundă pentru operația de adunare (procedura de extindere a cheii de cifrare va fi expusă mai jos), unde:
 - n – numărul de ordine al fragmentului prelucrat;
 - i – numărul de ordine a rundei curente.
4. Asupra fiecărui fragment se aplică o substituție care este în funcție de cheie: fragmentul prelucrat se înlocuiește cu valoarea de 4 biți T₀ T₁ T₂ T₃ în conformitate cu Tabelul 6.2.

Valoarea de intrare															Rezultatul	
0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14		15
$\sim k$	$\sim k$	k	1	$\sim k$	1	$\sim k$	0	k	k	0	k	$\sim k$	k	k	$\sim k$	T_0
1	$\sim k$	1	0	$\sim k$	$\sim k$	0	k	k	1	0	0	k	0	$\sim k$	k	T_1
k	1	1	$\sim k$	1	k	k	0	$\sim k$	$\sim k$	$\sim k$	k	k	k	0	0	T_2
k	$\sim k$	$\sim k$	k	k	1	$\sim k$	0	0	k	1	$\sim k$	$\sim k$	k	$\sim k$	k	T_3

Tabelul 6.2. Substitu ia aplicat fiec rui fragment al sub-blocului unde:

- $k = KS_i [n]$, reprezint bitul n al fragmentului de 4 bi i ai cheii de rund , care gestioneaz substitu iile (KS_i),
- $\sim k$ – valoarea invers a lui k .

În conformitate cu valoarea de intrare, din tabel se aleg valorile T_0, T_1, T_2, T_3 ale bi ilor, de exemplu pentru valoarea de intrare 14 i $k = 1$ se vor ob ine urm toarele valori:

$$T_0=1, T_1=0, T_2=0, T_3=0.$$

5. Se aplic opera ia XOR asupra cortegiului de bi i T_0, T_1, T_2, T_3 (care nu este altceva decăt rezultatul prelucr rii fragmentului sub-blocului A) i a anumitor bi i ai sub-blocului B . Bi ii sub-blocului B care particip în aceast opera ie se aleg cu ajutorul unui fragment determinat de 4 bi i ai cheii de rund $KX_{i,n}$ în conformitate cu tabelul 6.3.

	Valoarea bitului de control $KX_{i,n}$	
	1	0
T_0	$B_{0,(n+1 \bmod 4)}$	$B_{0,n}$
T_1	$B_{1,(n+2 \bmod 4)}$	$B_{1,(n+3 \bmod 4)}$
T_2	$B_{2,(n+3 \bmod 4)}$	$B_{2,(n+2 \bmod 4)}$
T_3	$B_{3,n}$	$B_{3,(n+1 \bmod 4)}$

Tabelul 6.3. Alegerea bi ilor pentru cheia de rund

Bitul de control pentru T_i este bitul nr. i al fragmentului $KX_{i,n}$. De exemplu, la prelucrarea fragmentului nr. 0 i a tuturor bi ilor egali cu 1 din $KX_{i,n}$ se efectueaz urm toarele opera ii (vezi figura 6.4 – toate datele incluse în prelucrarea fragmentului nr. 0 al sub-blocului pentru to i bi ii egali cu 1 sunt eviden iate cu linii de grosime mai mare):

$$B_{0,1} = B_{0,1} + T_0;$$

$$B_{1,2} = B_{1,2} + T_1;$$

$$B_{2,3} = B_{2,3} + T_2;$$

$$B_{3,0} = B_{3,0} + T_3.$$

Dup fiecare rund în afar de ultima sub-blocurile se schimb cu locurile.

Extinderea cheii, adic ob inerea cantit ii necesare de fragmente ale cheilor de rund :

- $KA_{i,0}, KA_{i,1}, KA_{i,2}, KA_{i,3}$ – pentru adunarea modulo 16;
- KS_i – pentru participarea la substitutia tabelar ;
- $KX_{i,0}, KX_{i,1}, KX_{i,2}, KX_{i,3}$ – pentru controlul aplic rii rezultatului asupra sub-blocului B , se efectueaz într-un mod suficient de simplu:
 1. Cheia de cifrare de 64 bi i se divizeaz în 16 p r i a câte 4 bi i care se numereaz de la 0 la 15.
 2. În caz de necesitate se alege un fragment determinat al cheii în conformitate cu Tabelul 6.4.

Runda	KS_i	$KA_{i,0}$	$KX_{i,0}$	$KA_{i,1}$	$KX_{i,1}$	$KA_{i,2}$	$KX_{i,2}$	$KA_{i,3}$	$KX_{i,3}$
1	0	1	2	3	4	5	6	7	8
2	9	10	11	12	13	14	15	0	1
3	2	3	4	5	6	7	8	9	10
4	11	12	13	14	15	0	1	2	3
5	4	5	6	7	8	9	10	11	12
6	13	14	15	0	1	2	3	4	5
7	6	7	8	9	10	11	12	13	14
8	15	0	1	2	3	4	5	6	7
9	8	9	10	11	12	13	14	15	0
10	1	2	3	4	5	6	7	8	9
11	10	11	12	13	14	15	0	1	2
12	3	4	5	6	7	8	9	10	11
13	12	13	14	15	0	1	2	3	4
14	5	6	7	8	9	10	11	12	13
15	14	15	0	1	2	3	4	5	6
16	7	8	9	10	11	12	13	14	15

Tabelul 6.4. Tabelul pentru alegerea cheii în caz de necesitate

Aceast versiune a algoritmului este descris mult mai am nun it decât cea precedent : în patentul respectiv (nr. 3796830) lipsesc „petele albe” deci acest algoritm poate fi pe deplin realizat numai cu ajutorul informa iei ce se con ine în patentul respectiv.

Ca și în cazul precedent în brevetul pentru versiunea a doua a algoritmului Lucifer a fost prezentată o informație amănunțită referitoare la realizarea hardware a algoritmului, particularitățile realizării software în brevet nu sunt examinate.

Versiunea 3 a algoritmului Lucifer este cel mai puțin descris în detalii, ea fiind publicată în articolul Feistel H. *Cryptography and Computer Privacy*. Scientific American, May 1973, Vol. 228, No. 5, pp. 15-23 (<http://www.apprendre-en-ligne.net/crypto/bibliotheque/feistel/>). Dacă se judecă după descriere, algoritmul constă dintr-o succesiune de operații (Figura 6.5):

- Tabelele de substituție gestionate de biții de control ai cheii secrete – analogic versiunii 1, în funcție de valoarea bitului de control al cheii se efectuează substituția S_0 sau S_1 ;
- Permutări fixate P ale biților.

Aplicarea multiplă a acestor operații reprezintă acest algoritm de criptare.

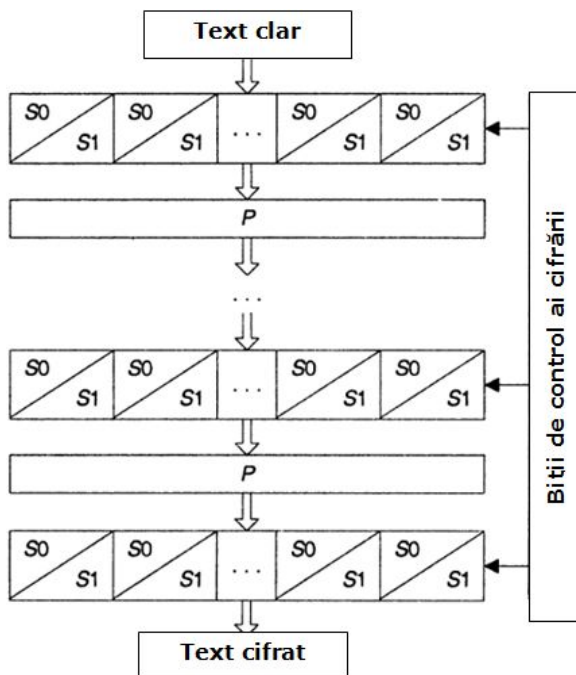


Figura 6.5. Structura Versiunii 3 Lucifer

În articolul menționat mai sus nu sunt indicate majoritatea covârșitoare a parametrilor algoritmului: nu este dat nici numărul exact de runde, nici valorile tabelelor de substituție și permutare, nu sunt indicate dimensiunile blocului și a cheii (mărimile de 128 bi și ale blocului și cheii sunt indicate doar ca valori posibile). În acest mod versiunea dată a algoritmului este mult mai „ablonizată” decât prima versiune.

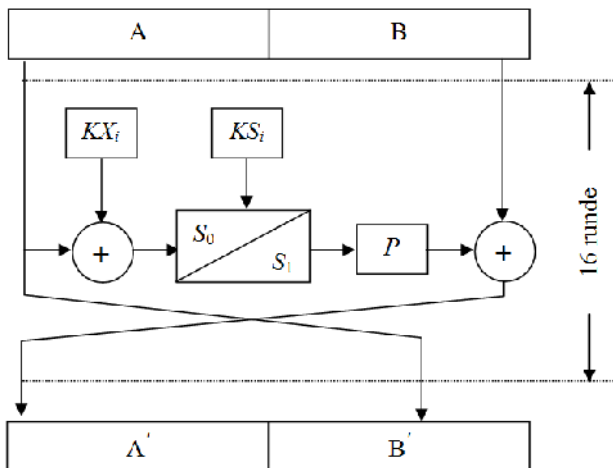


Figura 6.6. Structura Versiunii 4 Lucifer

Versiunea Lucifer 4. Putem afirma că versiunea dată este asemănătoare concomitent cu toate cele trei versiuni precedente. La fel ca la versiunea 2 aici fiecare bloc de 128 bi și al textului clar se dividează în două sub-blocuri unul dintre care se prelucerează în felul indicat în figura 6.6 (Savard J. *Lucifer: the first block cipher*, <http://www.quadibloc.com/crypto/co0401.htm>):

1. Se aplică cheia de rundă prin efectuarea operației XOR asupra biților sub-blocului prelucrat și a 64 biți ai fragmentului cheii de rundă KX_i (i – numărul de ordine a runde curente).
2. Substituția tabelară dirijată de cheie este implementată într-un mod foarte asemănător cu versiunile 1 și 3:
 - dacă valoarea bitului j ($j = 0, 1, \dots, 7$) al fragmentului de 8 biți ai cheii de rundă KS_i este egală cu 1, atunci

cei doi nibli ai octetului j care este prelucrat la moment se schimb cu locurile;

- niblului superior al fiecărui octet i se aplică tabelul de substituție S_0 , pe când niblului inferior – tabelul S_1 . Tabelele S_0 și S_1 sunt definite cum este indicat în Tabelul 6.5.

3. Se execută permutarea fixă P a biților sub-blocului în conformitate cu Tabelul 6.6. Valoarea bitului 10 de intrare se înscrie în bitul de ieșire 0, valoarea bitului 21 – în bitul 1 etc. (se numerează de la stânga la dreapta începând cu bitul 0)

	Valoarea de intrare															
	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15
S_0	12	15	7	10	14	13	11	0	2	6	3	1	9	4	5	8
S_1	7	2	14	9	3	11	0	4	12	13	1	10	6	15	8	5

Tabelul 6.5. Tabelele S_0 și S_1 pentru Lucifer - 4

10	21	52	56	27	1	47	38	18	29	60	0	35	9	55	46
26	37	4	8	43	17	63	54	34	45	12	16	51	25	7	62
42	53	20	24	59	33	15	6	50	61	28	32	3	41	23	14
58	5	36	40	11	49	31	22	2	13	44	48	19	57	39	30

Tabelul 6.6. Permutarea fixă P a biților sub-blocului

4. Asupra rezultatului operației precedente se aplică operația XOR a sub-blocului neprelucrat.
5. Sub-blocurile se schimbă cu locurile (în toate rundele cu excepția ultimei).

În total se efectuează 16 runde de transformări descrise mai sus.

Procedura de extindere a cheii rezolvă problema obținerii a 16 chei de rundă a câte 72 biți fiecare (64 biți KX_i și 8 biți KS_i) din cheia de cifrare inițială. Extinderea cheii se efectuează într-un mod foarte simplu:

1. În calitate de fragment KS_i este utilizat primul octet al cheii de cifrare inițiale (calculând octeții de la stânga la dreapta, începând cu 1).
2. În calitate de fragment KX_i se utilizează primii 8 octeți ai cheii de cifrare inițiale (adică primul octet se utilizează în ambele fragmente).
3. Cheia de cifrare este deplasată în mod ciclic spre stânga cu 7 octeți, după care analogic se aleg fragmentele de cheie pentru runda următoare.

Spre deosebire de versiunile 1 și 3 versiunea 4 este descrisă suficient de amănunțit pentru realizare atât hardware cât și software.

Criptanaliza versiunilor algoritmilor. Primele două versiuni ale algoritmului Lucifer nu „au avut parte” de publicarea de criptanaliză. Celelalte două versiuni însă au avut „noroc” mai mult. Sunt cunoscute câteva rezultate în această direcție.

- În anul 1991 criptologii Eli Biham și Adi Shamir au cercetat versiunea 3 (în articolul A Differential Cryptanalysis of Snefru, Khafre, REDOC-II, LOKI and Lucifer – http://pdf.aminer.org/000/119/748/differential_cryptanalysis_of_snefru_khafre_redoc_ii_loki_and_lucifer.pdf). Pentru a fi un caz determinat ei au utilizat permutarea P din algoritmul DES iar în calitate de S_0 și S_1 au fost luate liniile 3 și 4 din tabelul S_1 din DES (Tabelul 6.7).

Valoarea de intrare															
0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15
4	1	14	8	13	6	2	11	15	12	9	7	3	10	5	0
15	12	8	2	4	9	1	7	5	11	3	14	10	0	6	13

Tabelul 6.7. Substituțiile S_0 și S_1 (cazul studiat de Biham și Shamir)

În conformitate cu lucrarea menționată versiunea nr. 3 cu 8 runde și blocul de 32 bi și se poate sparge având doar 24 de texte în clar alese și a textelor cifrate respective prin efectuarea a 2^{21} operații de testare pentru cifrare. În aceeași lucrare autorii au descris un atac posibil asupra algoritmului analogic cu blocuri de 128 bi și, pentru succesul creia este necesar de avut 64-70 texte în clar alese și circa 2^{53} operații

de cifrare. În plus, Biham și Shamir afirmă că versiunea 4 a algoritmului Lucifer este și mai vulnerabilă.

- Ultima afirmație a fost demonstrată în lucrarea autorilor Ishai Ben-Aroya și Eli Biham *Differential Cryptanalysis of Lucifer*, Tehnio, Haifa, Israel, 1993. În această lucrare este descris atacul asupra versiunii 4 a algoritmului Lucifer, în care a fost descoperit o submulțime a cheilor (suficient de mare – circa 55% din toate valorile posibile ale cheilor), slabe la criptanaliza diferențială. La utilizarea cheii de criptare din această submulțime algoritmul putea fi spart având 2^{36} texte în clar alese.

Deci, algoritmul Lucifer nu a fost un algoritm suficient de sigur pentru a se menține în aplicare, ba mai mult chiar – a fost unul cu multe neajunsuri, înșelător fiind „strămoșul” algoritmilor simetrici de criptare care au fost implementați ulterior, primul urmaș al său fiind chiar vestitul DES (Data Encryption Standard) – primul standard de criptare din SUA.

Tema 7. Algoritmul DES

Plecând de la algoritmul "Lucifer" conceput în Laboratoarele IBM a fost dezvoltat algoritmul de criptare *DES* (Data Encryption Standard). Algoritmul a fost conceput pentru guvernul Statelor Unite dar și pentru folosin public. Trebuie de menționat că chiar și cei mai mari experți în domeniul criptografiei fac diverse presupuneri referitor la versiunea algoritmului Lucifer care a fost predecesorul lui DES. În mai 1973, revista *Federal Register* a sintetizat principiile care trebuie să stea la baza proiectării unui algoritm criptografic standard:

- algoritmul trebuie să asigure un înalt nivel de securitate;
- algoritmul trebuie să fie complet specificat și simplu de înțeles;
- securitatea algoritmului trebuie să fie asigurată de cheie și nu trebuie să depindă de păstrarea secretă a algoritmului;
- algoritmul trebuie să fie disponibil tuturor utilizatorilor;
- algoritmul trebuie să fie adaptabil pentru diverse aplicații;
- algoritmul trebuie să fie implementabil pe dispozitivele electronice;
- algoritmul trebuie să fie eficient în utilizare;
- algoritmul trebuie să poată fi validat;
- algoritmul trebuie să fie exportabil.

DES a fost oficial adoptat ca standard federal la 23 noiembrie 1976, iar în 1977 specificațiile sale au fost făcute publice.

Algoritmul DES este o combinație complexă, folosind două blocuri fundamentale în criptografie: substituția și permutarea (transpoziția). Acest cifru bloc acceptă un bloc de 64 de biți la intrare și generează un bloc cifrat de 64 de biți. DES este un algoritm simetric. Aceleași algoritmi și aceiași cheie sunt folosiți atât la criptare cât și la decriptare.

Algoritmul este constituit din 16 cicluri repetate ale blocurilor fundamentale. Textul inițial este descompus în blocuri de 64 de biți. Cheia este de 64 biți din care doar 56 sunt efectivi, ceilalți fiind biți de paritate. Folosirea substituției provoacă confuzie prin sistematica substituție a unor biți cu alții. Transpozițiile provoacă difuzie prin re-ordonarea biților.

Algoritmul folosește numai operații aritmetice și logice clasice cu număr de până la 64 de biți, ceea ce face relativ ușor de implementat atât

software cât mai ales hardware: unul din scopurile declarate ale algoritmului fiind u oara lui implementare hardware într-un cip specializat.

Parcursul celor 16 cicluri are loc după schema din figura 7.1:

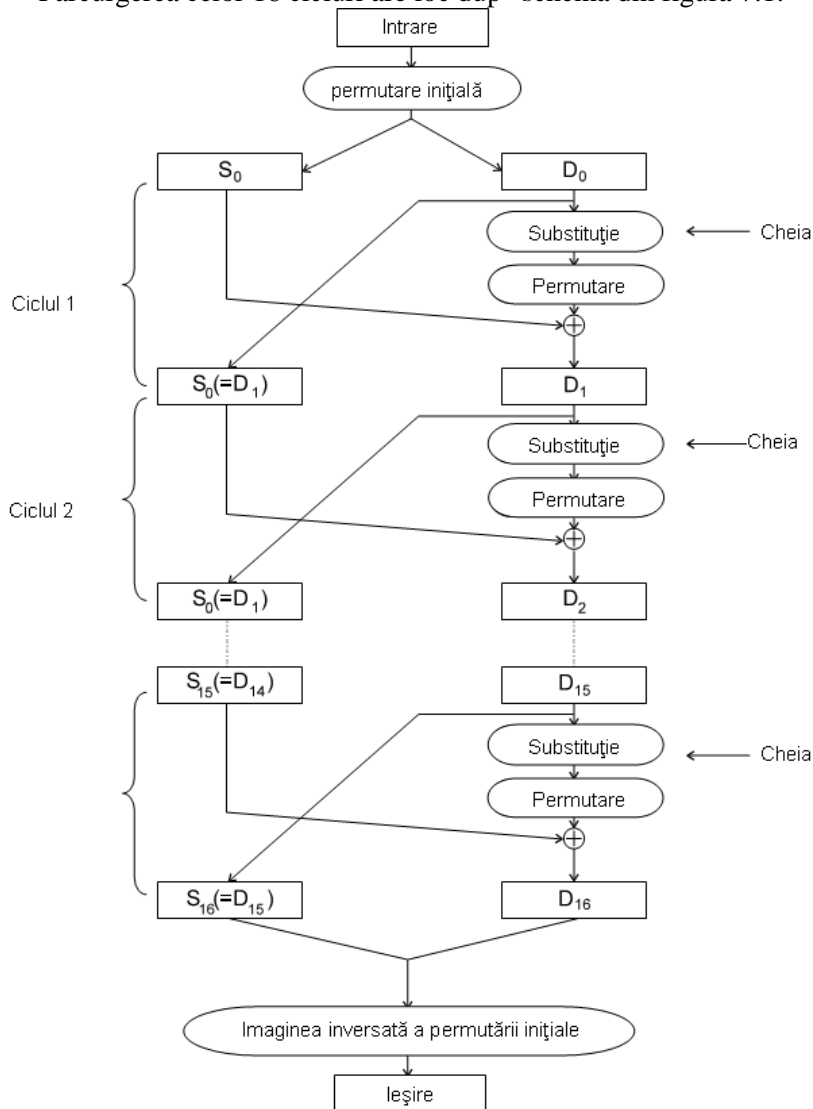


Figura 7.1 Detalii pentru folosirea algoritmului DES

La intrare datele sunt împărțite în blocuri de 64 biți, care sunt transformate folosind cheia de 64 de biți. Cei 64 de biți sunt permutați prin „permutarea inițială – IP”. În continuare, urmează operațiile ce constituie un ciclu. Blocul de 64 de biți este separat în două, „jumătatea stângă” și „jumătatea dreaptă”, fiecare de 32 de biți. Cheia este deplasată la stânga cu un număr de biți și permutată: ea se combină cu „partea dreaptă” care apoi se combină cu „partea stângă”; rezultatul devine noua „parte dreaptă”; vechea „parte dreaptă” devine noua „parte stângă” (figura 7.2).

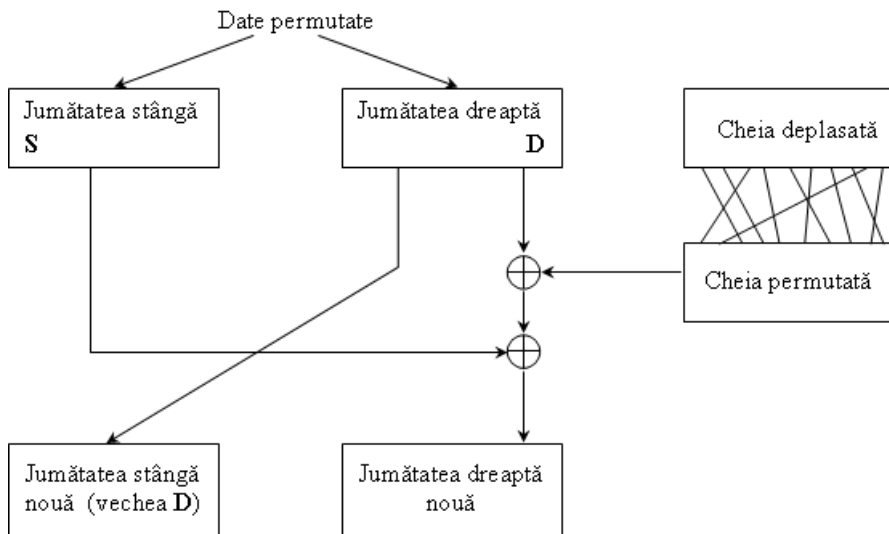
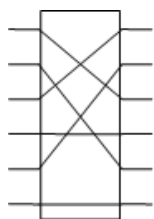


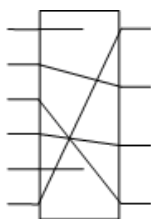
Figura 7.2 Manipularea cheii în algoritmul DES

După repetarea acestui ciclu de 16 ori se face permutarea finală care este inversa permutării inițiale.

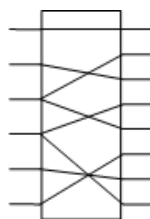
Pentru combinarea unei secvențe de 32 biți cu cheia de 64 biți se folosesc expansiuni de la 32 biți la 48 biți și reducerea cheii de la 64 biți la 48 biți prin alegerea anumitor biți, operații ce le numim „permutare extinsă” și „permutare aleasă” (figura 7.3).



Permutare



Permutare aleas



Permutare expandat

Figura 7.3 Manipularea permutării în algoritmul DES

În fiecare ciclu practic au loc patru operații separate:

1. partea dreaptă este expandată de la 32 la 48 bi;
2. partea dreaptă este combinată cu o formă a cheii;
3. rezultatul este substituit și condensat în 32 bi,
4. cei 32 bi sunt permutați și apoi combinați cu partea stângă pentru a da o nouă parte dreaptă (figura 7.4).

Permutarea expandată este definită în Tabelul 7.1:

Bit	1	2	3	4	5	6	7	8
se mut la	2,48	3	4	5,7	6,8	9	10	11,13
Bit	9	10	11	12	13	14	15	16
se mut la	12,14	15	16	17,19	18,20	21	22	23,25
Bit	17	18	19	20	21	22	23	24
se mut la	24,26	27	28	29,31	30,32	33	34	35,37
Bit	25	26	27	28	29	30	31	32
se mut la	36,38	39	40	41,43	42,44	45	46	47,1

Tabelul 7.1 Definierea permutării expandate în DES

Cheia este împărțită în două părți de 28 bi deplasate la stânga cu un număr de bi și apoi reunite în 48 din cei 56 de bi și sunt permutați și folosiți ca o cheie de 48 de bi și de-a lungul ciclului.

Cheia dintr-un ciclu este combinată printr-o funcție sau exclusiv cu "partea dreaptă" expandată. Rezultatul este operat în 8 "cutii-S" care efectuează substituția. O "cutie-s" este o tabel în care 6 bi de date sunt înlocuiți de 4 bi. Permutările sunt efectuate de tabele numite "cutii-P".

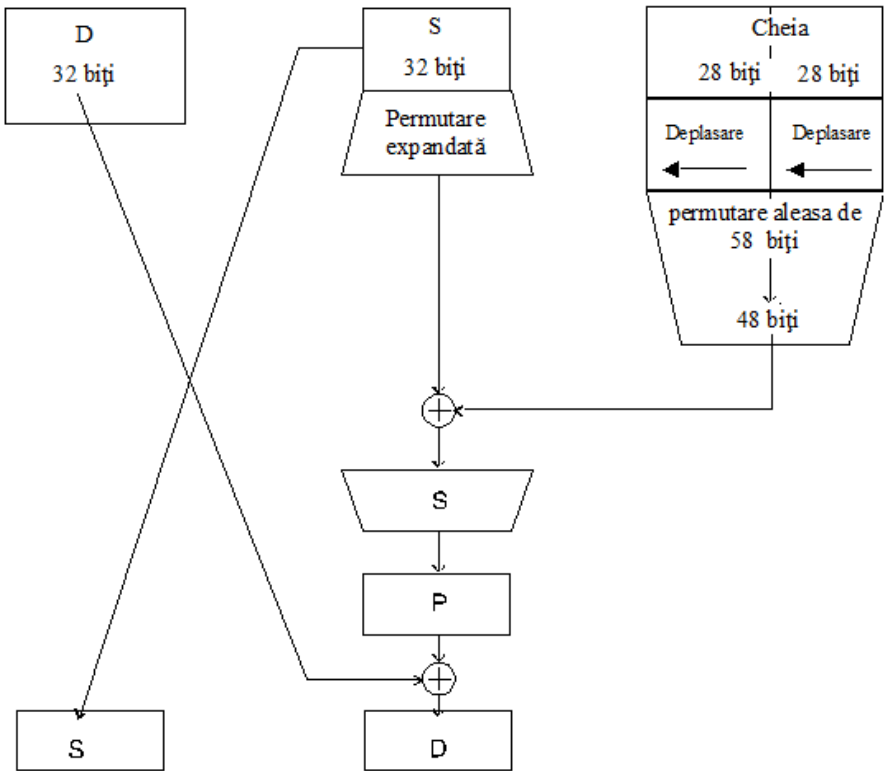


Figura 7.4. Ciclul în algoritmul DES

Cu algoritmul DES se poate face atât criptarea cât și decriptarea unui mesaj. Rezultatul este adevărat pentru că ciclul j derivă din ciclul $(j - 1)$ astfel:

$$S_j = D_{j-1} \quad (1)$$

$$D_j = S_{j-1} \oplus f(D_{j-1}, k_j), \quad (2)$$

unde \oplus este operația sau exclusiv, f este funcția rezultat din operațiile dintr-un ciclu.

Aceste ecuații arată că rezultatul fiecărui ciclu depinde numai de ciclul precedent.

Descriind ecuațiile pentru D_{j-1} și S_{j-1} avem :

$$D_{j-1} = S_j \quad (3)$$

i

$$S_{j-1} = D_j \oplus f(D_{j-1}, k_j), \quad (4)$$

Înlocuind (3) în (4) avem:

$$S_{j-1} = D_j \oplus f(S_j, k_j), \quad (5)$$

Ecuațiile (3) și (5) arată că aceleași valori pot fi obținute în cicluri ulterioare. Această proprietate face algoritmul DES reversibil.

Deci putem face criptarea unor date și decriptarea lor folosind aceeași algoritmul, fiind când observăm că la decriptare cheia se ia în ordine inversă.

Datorită lungimii cheii de lucru și a operațiilor elementare pe care le folosește algoritmul, nu se ridică probleme deosebite într-o implementare software; singura observație este că, datorită modulului de lucru (cu secvențe de date, cu tabele) practic algoritmul este lent într-o implementare software. Modul de concepere îl face însă perfect implementabil hard (într-un cip) ceea ce s-a și realizat, existând multiple variante de mașini hard de criptare.

Criptanaliza DES. Deși DES a fost cel mai celebru algoritm al secolului XX este considerat la această oră nesigur pentru multe aplicații. Pare paradoxal, dar aceasta este consecința mării considerabile a puterii de calcul de la confirmarea DES – ului ca un standard criptografic și până în anul 2000. Și bătăușea pleacă de la lungimea prea mică a cheii de 56 de biți. Varianta algoritmului cunoscută ca triplu-DES este cea care este considerată sigură la această oră.

Insecuritatea DES-ului pleacă de la premiza că un atac “în forță” are șanse de reușită în condițiile puterii de calcul disponibile astăzi; până în 2004 cel mai eficient atac este datorat criptanalizei liniare care folosind 2^{43} texte cunoscute generează o complexitate temporală de 2^{39-43} (Junod 2001); în condițiile unui atac cu text ales complexitatea poate fi redusă de patru ori (Knudsen și Mathiassen, 2000).

Variante de DES

DES multiplu. Când s-a descoperit că cheile pe 56 de biți folosite de DES nu sunt suficiente pentru a proteja împotriva atacurilor „bute force”, au fost folosite variantele *2DES* și *3DES* ca modalități simple de a mări spațiul cheilor fără nevoia de a trece la un nou algoritm.

2DES constă în două acțiuni succesive ale algoritmului DES, cu două chei DES diferite sau egale. Utilizarea sa este pur didactică deoarece este vulnerabilă la atacurile cu întâlnire la mijloc (*Meet-in-the-middle*

attack). 2DES este exemplul cel mai des folosit pentru a demonstra viabilitatea unui astfel de atac, dar valoarea sa practic este aproape de zero.

Utilizarea a trei pași este esențial pentru a evita atacurile cu întâlnire la mijloc care sunt eficiente împotriva criptării cu 2DES. Mulțimea funcțiilor de criptare DES cu toate cheile posibile nu formează o operațiune de compunere a funcțiilor o structură matematică de grup; dacă ar fi fost așa, construcția 3DES ar fi fost echivalentă cu o operațiune DES și astfel, la fel de nesigură ca aceasta. Deoarece DES nu este un grup, textul cifrat rezultat este mult mai greu de spart folosind căutarea exhaustivă (for a brut): 2^{112} încercări în loc de 2^{56} încercări.

Cea mai simplă variantă de 3DES funcționează astfel (figura 7.4):

$$C = \text{DES}(k_3; \text{DES}(k_2; \text{DES}(k_1; M))),$$

unde M este blocul în clar, iar k_1, k_2 și k_3 sunt cheile DES. Această variantă este cunoscută sub notația EEE deoarece toate cele trei operațiuni efectuate cu cheile sunt criptări. Pentru a simplifica interoperabilitatea între DES și 3DES, pasul din mijloc se înlocuiește de obicei cu decriptarea (modul EDE):

$$C = \text{DES}(k_3; \text{DES}^{-1}(k_2; \text{DES}(k_1; M))),$$

și astfel o singură criptare DES cu cheia k poate fi reprezentată ca 3DES-EDE cu cheile $k_1 = k_2 = k_3 = k$. Alegerea decriptării pentru pasul al doilea nu afectează securitatea algoritmului.

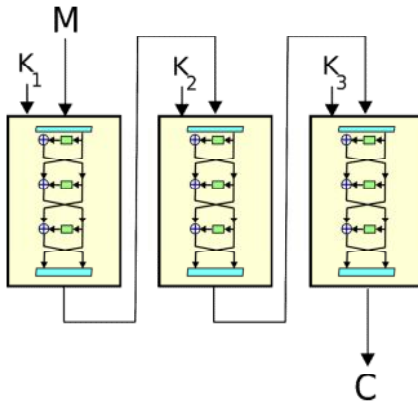


Figura 7.4. Schema algoritmului 3DES

O variantă, numită 3DES cu două chei, folosește $k_1 = k_3$, reducând astfel lungimea cheii la 112 biți și lungimea de stocare la 128 de biți. Totuși, acest mod de funcționare este susceptibil la unele atacuri cu text clar ales sau text clar cunoscut și astfel este considerat de NIST² ca având securitate echivalentă cu doar 80 de biți.

DES cu sub-chei independente. O altă variantă de DES constă în folosirea unei sub-chei diferite pentru fiecare trecere, în loc de a o genera dintr-o singură cheie de 56 de biți. Deoarece în fiecare din cele 16 treceri se folosește o cheie de 48 de biți, rezultatul lungimea cheii pentru această variantă este de 768 biți, ceea ce va crea semnificativ dificultatea unui atac în forță împotriva algoritmului, acesta având complexitatea de 2^{768} .

Totuși, un atac de tip “întâlnire la mijloc” este posibil, ceea ce reduce complexitatea atacului la 2^{384} ; încă destul de lung pentru orice nevoie imaginabilă de securitate.

Această variantă poate fi analizată folosind criptanaliza diferențială și poate fi spartă cu 2^{61} texte în clar date. Se pare că nici o modificare în planificarea cheilor nu conduce la o îmbunătățire semnificativă a algoritmului DES.

DESX este o variantă DES dezvoltată de RSA Data Security, care a fost inclusă încă din 1968 în programul de securitate pentru poșta electronică MailSafe. DESX folosește o tehnică numită albire, pentru a ascunde intrările și ieșirile DES. În plus față de cheia DES de 56 de biți, DESX are o cheie suplimentară de albire de 64 de biți. Acești 64 de biți sunt operați XOR cu textul în clar înainte de prima trecere DES. 64 de biți suplimentari, calculați ca o funcție bijectivă de toți cei 120 de biți ai cheii DES, sunt operați XOR cu textul cifrat înaintea ultimei treceri. Albirea îl face pe DESX mult mai puternic decât DES față de un atac în forță; atacul necesită $(2^{120})/n$ operații cu n texte în clar cunoscute. De asemenea se îmbunătățește securitatea împotriva criptanalizei liniare și diferențiale – atacul necesită 2^{61} texte în clar date și 2^{60} de texte în clar cunoscute.

CRYPT(3) este o variantă de DES întâlnită în sistemele UNIX. Este folosită în mod obișnuit pentru parole, dar uneori și pentru criptare. Diferența între CRYPT(3) și DES este că CRYPT(3) are o permutare de

² National Institute of Standards and Technology

chei cu 2^{12} posibilități, astfel încât să nu permit folosirea cipurilor DES la construcția unui dispozitiv hardware de spart parole.

DES-ul generalizat (GDES) a fost proiectat să mărească viteza DES-ului și să îmbunătățească algoritmul. Mărimea totală a blocului crește, în timp ce suma calculurilor rămâne constantă.

GDES operează pe blocuri de text clar de lungime variabilă. Blocurile criptate sunt împărțite în q sub-blocuri; numărul exact depinde de mărimea totală a blocului. În general q este egal cu lungimea blocului împărțită la 32.

Funcția f este calculată o dată la fiecare trecere, pe ultimul bloc din dreapta. Rezultatul este operat XOR cu toate celelalte părți, care sunt apoi rotite spre dreapta. GDES are un număr variabil de treceri, n . Există o mică modificare la ultima trecere, astfel încât procesele de criptare și decriptare diferă doar prin ordinea sub-cheilor. De fapt, pentru $q=2$ și $n=16$ se obține algoritmul DES.

Bihami și Shamir arată că, folosind criptanaliza diferențială, GDES cu $q=8$ și $n=16$ este vulnerabil cu doar șase texte în clar date. Dacă se folosesc și sub-chei independente, sunt necesare 16 texte în clar date. Pentru $q=8$ și $n=64$, GDES este mai slab decât DES; sunt necesare 2^{49} texte în clar date pentru a-l sparge. De fapt, orice schemă GDES este mai rapidă decât DES, dar este de asemenea mai puțin sigură.

RDES este o variantă care înlocuiește schimbarea stânga-dreapta de la sfârșitul fiecărei treceri cu o schimbare dependentă de cheie. Schimbările sunt fixe, depinzând doar de cheie. Aceasta înseamnă că cele 15 schimbări dependente de cheie se petrec cu 2^{15} posibilități și că această variantă nu rezistă la criptanaliza diferențială.

O idee mai bună este ca schimbarea să aibă loc doar în partea dreaptă, la începutul fiecărei treceri, iar schimbarea să depindă de datele de intrare și nu de cheie. În RDES-1 se practică o schimbare dependentă de date de cuvinte pe 16 biți la începutul fiecărei treceri. În RDES-2 există o schimbare de octeți dependentă de date la începutul fiecărei treceri, după o schimbare ca în RDES-1. Se poate continua în același mod până la RDES-4. RDES-1 este sigur atât față de criptanaliza liniară cât și față de cea diferențială.

În final este prezentată o istorie cronologică a algoritmului de criptare DES (tabelul 7.2).

Data	Anul	Evenimentul
15 mai	1973	NBS public prima cerere pentru un algoritm standard pentru criptare
27 august	1974	NBS public a doua cerere pentru un algoritm standard pentru criptare
17 martie	1975	DES este publicat în <i>Federal Register</i> ³ pentru comentarii
august	1976	Se organizează primul workshop despre DES
septembrie	1976	Al doilea workshop despre fundamentele matematice ale DES-ului
noiembrie	1976	DES este aprobat ca un standard
15 ianuarie	1977	DES este publicat în FIPS PUB 46
	1983	DES este reconfirmat pentru prima dată
22 ianuarie	1988	DES este reconfirmat pentru a doua oară ca FIPS 46-1
	1992	Bihami și Shamir public primul atac teoretic cu o complexitate mai mică decât atacul "în for brut": criptanaliza diferențială; metoda cerea un număr nerealist (2^{47}) de texte alese
30 decembrie	1993	DES este reconfirmat pentru a treia oară ca FIPS 46-2
	1994	Prima criptanaliză experimentală folosind criptanaliză liniară (Matsui, 1994)
iunie	1997	Proiectul DESCHALL sparge pentru prima dată în public un mesaj criptat cu DES
iulie	1998	EFF găsește o cheie pentru DES în 56 de ore
ianuarie	1999	EFF folosind putere de calcul distribuit găsește o cheie pentru DES în 22 de ore și 15 minute
25 octombrie	1999	DES este reconfirmat pentru a patra oară ca FIPS 46-3 cu specificația preferinței pentru Triplu DES
26 noiembrie	2001	AES este publicat în FIPS 197
26 mai	2002	Standardul AES devine efectiv
26 iulie	2004	Retragerea standardului FIPS 46-3 (și a celor conexe) este propusă în <i>Federal Register</i>

Tabelul 7.2 Cronologia evenimentelor algoritmului DES

³ Publicație a NIST

Tema 8. Cifrul AES

În ianuarie 1997, NIST a organizat un concurs de criptografie deschis cercetătorilor din întreaga lume, având ca subiect crearea unui nou standard, care urma să se numească AES – *Advanced Encryption Standard* (Standard de Criptare Avansat). Regulile concursului erau:

- algoritmul să fie un cifru bloc simetric;
- proiectul trebuia să fie public;
- AES trebuia să suporte chei de 128, 192 și 256 bi i;
- algoritmul trebuia să se poată implementa atât hardware cât și software;
- AES trebuia să fie un standard public sau oferit cu licență nediscriminatorie.

În august 1998 NIST a selectat cinci finaliști pe criterii de securitate, eficiență, flexibilitate și cerințe de memorie. Finaliștii au fost:

1. Rijndael (Joan Daemen și Vincent Rijmen, 86 de voturi)
2. Serpent (Ross Anderson, Eli Biham, Lars Knudsen, 56 voturi)
3. Twofish (echipa condusă de Bruce Schneier, 31 voturi)
4. RC6 (RSA Laboratories, 23 voturi)
5. MARS (IBM, 13 voturi)

În octombrie 2000 NIST a stabilit câștigătorul. Acesta este algoritmul Rijndael, dezvoltat de doi tineri cercetători belgieni, Joan Daemen și Vincent Rijmen și care devine standard guvernamental al SUA. Se spera că Rijndael să devină standardul criptografic dominant în lume pentru următorii 10 ani.

Rijndael permite lungimi de chei și dimensiuni de blocuri de la 128 de biți la 256 de biți, în pași de câte 32 de biți. Lungimea cheii și lungimea blocului pot fi alese în mod independent, dar în practică se presupunea folosirea a două variante: bloc de 128 biți cu cheie de 128 biți și bloc de 128 biți cu cheie de 256 biți. Standardul comercial trebuia să devină cel mai probabil varianta 128/128. O cheie de 128 biți permite un spațiu al cheilor de 2^{128} chei.

Preliminarii matematice. Rijndael se bazează pe teoria câmpului Galois, în sensul că anumite operațiuni sunt definite la nivel de octet iar octetele reprezintă elemente în câmpul finit $GF(2^8)$.

Cum toate reprezentările câmpului finit $GF(2^8)$ sunt izomorfe, se poate alege reprezentarea clasică polinomială, cu impact pozitiv asupra complexității implementării.

Octetul b , format din biții $b_7, b_6, b_5, b_4, b_3, b_2, b_1$ și b_0 , este considerat ca fiind un polinom de gradul 7 cu coeficienți 0 sau 1:

$$b_7x^7 + b_6x^6 + b_5x^5 + b_4x^4 + b_3x^3 + b_2x^2 + b_1x + b_0$$

Operația de adunare este definită ca suma a două polinoame în care coeficienții se adună modulo 2 și care corespunde operației XOR a celor doi octeți corespunzători. Sunt îndeplinite axiomele grupului abelian: operația este internă, asociativă, comutativă, există element neutru și element invers.

Operația de înmulțire corespunde produsului a două polinoame modulo, un polinom ireductibil de grad 8 și care pentru AES este

$$m(x) = x^8 + x^4 + x^3 + x + 1.$$

Înmulțirea este internă (rezultatul este un polinom de grad strict mai mic ca 8), asociativă și există element neutru. Elementul invers se determină cu algoritmul lui Euclid, iar distributivitatea celor două operații se verifică.

Concluzia este că mulțimea celor 256 de valori posibile ale unui octet, împreună cu cele două operațiuni definite mai sus formează un corp algebric finit, respectiv $GF(2^8)$.

În proiectarea AES s-a ținut cont de trei criterii:

- rezistența împotriva tuturor atacurilor cunoscute;
- viteza și compactitatea codului pe un mare număr de platforme;
- simplitatea proiectării.

Ca și DES, AES folosește substituții și permutări, ca și runde multiple. Numărul de runde depinde de mărimea cheii și de mărimea blocului, fiind 10 în cazul 128/128 și mărindu-se până la 14 pentru cazul 256/128. Spre deosebire de DES, toate operațiile sunt la nivel de octet, pentru a permite implementări hardware și software eficiente.

Descrierea AES

În algoritmul AES rezultatul cifrat intermediar este numit vector *state*, care poate fi reprezentat ca un tabel cu patru linii și patru coloane, acestea fiind numerotate începând de la 0.

Vectorul *state* se inițializează cu blocul de 128 bi și de text clar (în ordinea coloanelor, cu primii patru octeți în coloana 0) și va fi modificat la fiecare pas al calculului, prin substituții, permutări și alte transformări, rezultând în final blocul de 128 bi și de text cifrat.

Cheia de 128 de bi și este expandată în 11 tabele 4x4 notate $rk(0)$, $rk(1)$, ..., $rk(10)$. Expandarea este realizată prin rotații repetate și operații XOR asupra unor grupuri de bi și din cheia originală.

Înainte de a începe cele 10 runde, cheia $rk(0)$ se operează XOR cu vectorul *state*.

Calculul principal constă în execuția a 10 runde, folosind cheia $rk(i)$ la iterația i . Fiecare rundă constă în patru pași.

Pasul 1 realizează o substituție octet cu octet asupra vectorului *state* folosind o cutie S .

Pasul 2 rotește la stânga fiecare din cele 4 rânduri ale vectorului *state*: rândul 0 este rotit cu 0 octeți, rândul 1 este rotit cu 1 octet, rândul 2 este rotit cu 2 octeți și rândul 3 este rotit cu 3 octeți, realizând difuzia datelor.

Pasul 3 amestecă fiecare coloană din vectorul *state* independent de celelalte, prin înmulțirea coloanei cu o matrice constantă, multiplicarea fiind realizată folosind câmpul finit Galois $GF(2^8)$.

În fine, pasul 4 operează XOR cheia rk din runda respectivă cu vectorul *state*.

Deoarece fiecare pas este reversibil, decriptarea se poate realiza prin rularea algoritmului de la coadă la cap, sau prin rularea algoritmului de criptare nemodificat, dar folosind tabele diferite.

Avantajele AES relativ la implementare sunt:

- AES se poate implementa pe un procesor Pentium Pro și va rula cu o viteză mai mare decât orice alt cifru bloc;
- AES se poate implementa pe un dispozitiv Smart Card, folosind un spațiu redus de memorie RAM și un număr redus de cicluri;

- transformarea din cadrul unei runde este paralel prin proiectare, ceea ce constituie un avantaj pentru viitoarele procesoare;
- AES nu folosește operații aritmetice, ci doar operații la nivel de iruri de biți.

Simplitatea proiectării AES:

- AES nu folosește componente criptografice externe, cum ar fi cutii S , biți aleatori sau iruri de cifre din dezvoltarea numărului π ;
- AES nu se bazează pe interacțiuni obscure sau greu de înțeles între operațiuni aritmetice;
- proiectarea clară a AES nu permite ascunderea unei “trape”.

Lungimea variabilă a blocului

- lungimile de bloc de 128 și 256 biți permit construirea unei funcții hash iterative folosind AES ca funcție de compresie.

Extensii:

- proiectarea permite specificarea de variante cu lungimi de blocuri și lungimi de chei aflate între 128 și 256 biți, în pași de câte 32 de biți;
- deși numărul de runde în AES este fixat în specificațiile algoritmului, el poate fi modificat ca un parametru în cazul unor probleme de securitate.

Limitările AES sunt în legătură cu algoritmul de decriptare:

- algoritmul de decriptare este mai puțin potrivit la implementarea pe un dispozitiv Smart Card, deoarece necesită mai mult cod și mai multe cicluri;
- implementarea software a AES folosește cod și/sau tabele diferite pentru algoritmul de criptare, respectiv decriptare;
- implementarea hardware a AES a algoritmului de decriptare folosește doar parțial circuitele care implementează algoritmul de criptare.

Iterațiile algoritmului AES

Fiecare iterație obișnuit se efectuează în 4 pași.

Primul pas este cel de substituție al octeților, *the Byte Sub (BS) step* (figura 8.1).

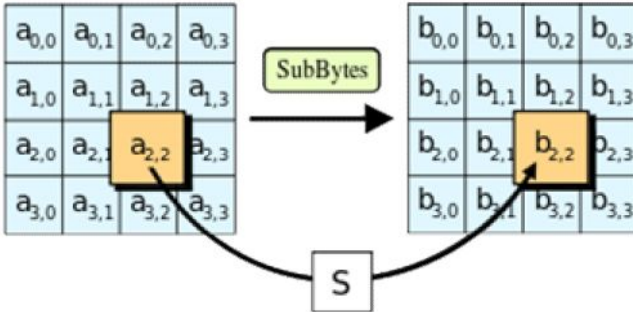


Figura 8.1. Transformarea Byte Sub

În acest pas fiecare octet al textului clar este substituit cu un octet extras dintr-o cutie de tip S . Cutia de tip S este descris de matricea ilustrat în Tabelul 8.1.

Cel de al **doilea pas** al unei itera ii uzuale se nume te deplasarea liniilor, *the Shift Row (SR) step* (Figura 8.2).

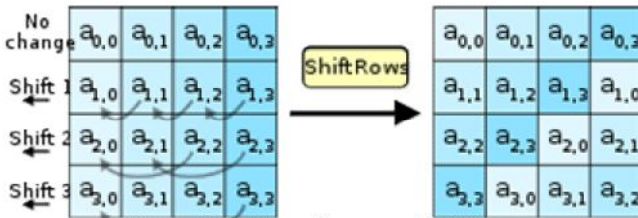


Figura 8.2. Transformarea ShiftRows

Considerând c blocul care trebuie construit este alc tuit cu octe ii numerota i de la 1 la 16, ace ti octe i se aranjeaz într-un dreptunghi i se deplaseaz dup cum urmeaz :

De la	1 5 9 13	la	1 5 9 13
	2 6 10 14		6 10 14 2
	3 7 11 15		11 15 3 7
	4 8 12 16		16 4 8 12

99 124 119 123 242 107 111 197

48	1	103	43	254	215	171	118
202	130	201	125	250	89	71	240
173	212	162	175	156	164	114	192
183	253	147	38	54	63	247	204
52	165	229	241	113	216	49	21
4	199	35	195	24	150	5	154
7	18	128	226	235	39	178	117
9	131	44	26	27	110	90	160
82	59	214	179	41	227	47	132
83	209	0	237	32	252	177	91
106	203	190	57	74	76	88	207
208	239	170	251	67	77	51	133
69	249	2	127	80	60	159	168
81	163	64	143	146	157	56	245
188	182	218	33	16	255	243	210
205	12	19	236	95	151	68	2332
196	167	126	61	100	93	25	115
96	129	79	220	34	42	144	136
70	238	184	20	222	94	11	219
224	50	58	10	73	6	36	92
194	211	172	98	145	149	228	121
231	200	55	109	141	213	78	169
108	86	244	234	101	122	174	8
186	120	37	46	28	166	180	198
232	221	116	31	75	189	139	138
112	62	181	102	72	3	246	14
97	53	87	185	134	193	29	158
225	248	152	17	105	217	142	148
155	30	135	233	206	85	40	223
140	161	137	13	191	230	66	104
65	153	45	15	176	84	187	22

Tabelul 8.1. Matricea pentru cutia de tip *S*

Cel de al **treilea pas** al algoritmului de criptare Rijndael este numit amestecarea coloanelor, *the Mix Column (MC) step* (Figura 8.3).

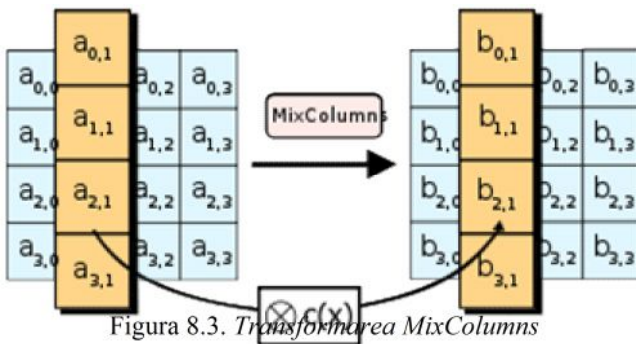


Figura 8.3. Transformarea MixColumns

Acest pas se realizează prin înmulțire matricială: fiecare coloană, în aranjamentul pe care l-am observat, este înmulțită cu matricea:

$$\begin{pmatrix} 2 & 3 & 1 & 1 \\ 1 & 2 & 3 & 1 \\ 1 & 1 & 2 & 3 \\ 3 & 1 & 1 & 2 \end{pmatrix}$$

Această înmulțire matricială corespunde unei înmulțiri specifice câmpului Galois al lui 2^8 , definit de polinomul modul

$$m(x) = x^8 + x^4 + x^3 + x + 1$$

Octeții care trebuie înmulțiți sunt priviți ca și polinoame și nu ca și numere. De exemplu prin înmulțirea unui octet cu 3 se obține rezultatul operației sau-exclusiv dintre acel octet și varianta sa obținută prin rotirea aceluși octet cu o poziție la stânga. Dacă rezultatul acestei înmulțiri are mai mult de 8 biți, biții suplimentari nu sunt pur și simplu ignorați. Pentru eliminarea lor se calculează sau-exclusiv între rezultatul obținut în urma „înmulțirii” deja efectuate (deplasat la stânga dacă este necesar) și irul binar cu lungimea de 9 biți **100011011** (care corespunde polinomului modul).

Cel de al **patrulea pas** al algoritmului Rijndael este cel de adăugare a sub-cheii, *the Add Round Key step* (Figura 8.4).

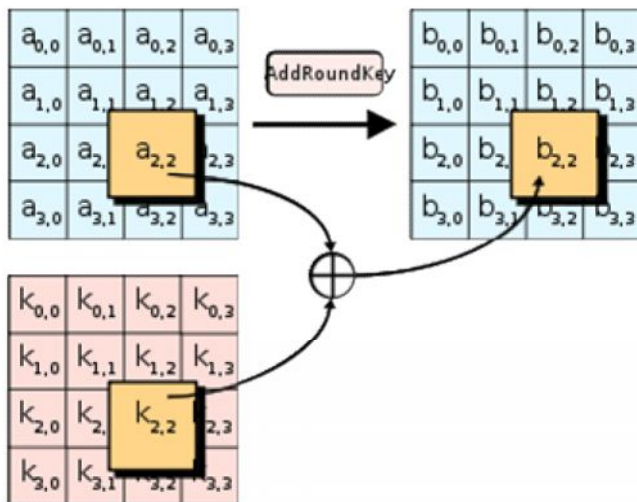


Figura 8.4. Transformarea Add Round Key

Pasul *AddRoundKey* (ARK) este pasul în care este implicat cheia. El constă într-o simplă operație de „sau” exclusiv pe biți între stare și cheia de rundă (o cheie care este unică pentru fiecare iterație, cheie calculată pe baza cheii secrete). Operația de combinare cu cheia secretă este una extrem de simplă și rapidă, dar algoritmul rămâne complex, din cauza complexității calculului cheilor de rundă (*Key Schedule*), precum și a celorlalți pași ai algoritmului.

Din ultima iterație este omis pasul de amestecare a coloanelor.

Decriptarea în AES

Pentru a decripta mesajul fabricat de algoritmul Rijndael este necesar ca operațiile descrise să fie înlocuite cu operațiile lor inverse și ca acestea să fie aplicate în ordine inversă (prima operație din algoritmul de decriptare trebuie să fie inversa ultimei operații din algoritmul de criptare). Succesiunea pașilor în algoritmul Rijndael este:

$$\begin{aligned}
 & \text{ARK,} \\
 & \text{BS - SR - MC - ARK,} \\
 & \text{BS - SR - MC - ARK,} \\
 & \dots \\
 & \text{BS - SR - MC - ARK,} \\
 & \text{BS - SR - MC - ARK}
 \end{aligned}$$

De i această secven ă nu este simetric ă , ordinea unor opera ii poate fi modificat ă r ă ca procesul de criptare s ă fie afectat. De exemplu pasul BS de substituie a octe ilor (notat cu B ă n continuare), poate fi la fel de bine f ă cut ă i dup ă pasul SR de deplasare a liniilor (notat cu S ă n continuare). Aceast ă observa ă ie este util ă pentru procesul de decriptare. F ă c ă nd acest inversare secven ă a algoritmului, de forma:

$$A \text{ BSMA BSMA } \dots \text{ BSMA BSMA}$$

se transform ă ă ntr-o secven ă de forma:

$$A \text{ SBMA SBMA } \dots \text{ SBMA SBA} \quad (1R)$$

Pentru fiecare pas s-a folosit nota ia bazat ă pe prima liter ă a denumirii engleze a pasului. Dac ă se inverseaz ă secven ă a care descrie algoritmul se ob ă ine:

$$\text{ASB AMSB } \dots \text{ AMSB AMSB A} \quad (2R)$$

Compar ă nd secven ă ele (1R) ă i (2R) se constat ă c ă pe l ă ng diferita pozi ă ionare a spa ă iilor (acestea marcheaz ă ă nceputul unei noi itera ii a algoritmului de criptare) singura diferen ă care mai apare este c ă grupurile „MA” din (1R) sunt ă nlocuite cu grupuri „AM” ă n (2R).

E clar c ă nu este suficient ă inversarea ordinii pa ă ilor folosi ă i la criptare pentru a se face decriptarea ci trebuie inversate ă i opera iile care compun ace ă ti pa ă i. Pentru inversarea pasului ARK trebuie inversat ă func ă ia sau-exclusiv. Dar aceast ă inversare se realizeaz ă tot cu func ă ia sau-exclusiv. De aceea pasul ARK nu trebuie inversat la decriptare. Nu acela ă i lucru se poate spune despre ceial ă i pa ă i. Este de exemplu cazul pasului de amestecare a coloanelor, MC, (notat cu M ă n rela ă iile (1R) ă i (2R)) pentru inversarea c ă ruia, ă n procesul de decriptare este necesar ă inversarea matricei cu care se ă nmul e te fiecare vector. La fel trebuie procedat ă i cu matricea cutiei de tip S din pasul de substituie a octe ilor, BS (notat cu B ă n rela ă iile (1R) ă i (2R)).

Revenind la rela ă iile (1R) ă i (2R), deoarece opera ia de ă nmul ire a matricelor este distributiv ă n raport cu opera ia de adunare pe c ă mpul Galois al lui 2^8 , nu trebuie ă inversat ă ordinea secven ă ei pa ă ilor „MA” ă i „AM” pentru decriptare. Opera ia de sau-exclusiv din cadrul pasului MC (M) este de fapt identic ă cu opera ia de adunare definit ă pe c ă mpul Galois al lui 2^8 . De aceea cheile de itera ă ie, implicate ă n procesul de inversare al pasului de amestecare a coloanelor, trebuiesc ă nmul ă te cu inversa matricei de amestecare a coloanelor ă i apoi se pot calcula func ă iile sau-exclusiv, la fel ca la criptare (bine ă n eles cheile de itera ă ie trebuiesc luate ă n ordine

invers în raport cu ordinea folosit la criptare). Matricea pentru inversarea pasului de amestec al coloanelor este:

```

14 11 13 9
9 14 11 13
13 9 14 11
11 13 9 14

```

iar forma sa binar , folosit în algoritmul de decriptare este:

```

1110 1011 1101 1001 01 00 00 00
1001 1110 1011 1101 00 01 00 00
1101 1001 1110 1011 00 00 01 00
1011 1101 1001 1110 00 00 00 01
111 101 110 100 01 01 00 00
110 100 111 101 00 00 01 01
1100 1000 1110 1010 00 00 10 10
1011 1101 1000 1110 01 01 10 10
0 0 1 0 01 01 10 11

```

Generarea cheilor în AES

Pentru cazul în care se folosește o cheie inițială cu lungimea de 128 biți sau de 192 de biți, toate subcheile necesare pentru toate iterațiile, se obțin din cheia inițială (prima subcheie fiind chiar cheia inițială) sau din variante ale cheii inițiale și au aceeași lungime cu aceasta. Subcheile sunt alcătuite din cuvinte de 4 octeți. Fiecare cuvânt se obține calculând sau exclusiv între cuvântul anterior de 4 octeți și cuvântul corespunzător dintr-o variantă anterioară sau rezultatul aplicării unei funcții acestui cuvânt (din varianta precedentă). Pentru stabilirea primului cuvânt dintr-o anumită variantă, cuvântul inițial (cel curent pentru iterația respectivă) este pentru început rotit cu opt poziții spre stânga, apoi octeții săi sunt modificați folosind cutia de tip S din pasul BS (B) de substituție a biților corespunzător, iar apoi se calculează sau exclusiv între primul octet al rezultatului obținut anterior și o constantă dependentă de iterație. Constantele dependente de iterație sunt puterile lui 2 succesive în reprezentarea din câmpul Galois al lui 2^8 folosit:

1	2	4	8	16	32	64	128
27	54	108	216	171	77	154	47
94	188	99	198	151	53	106	212
179	125	250	239	197	145	57	114
228	211	189	97...				

sau în binar:

```

00000001 00000010 00000100 00001000 00010000 00100000
01000000 10000000
00011011 00110110 01101100 11011000 10101011 01001101
10011010 00101111
01011110 10111100 01100011 11000110 10010111 00110101
01101010 11010100
10110011 01111101 11111010 11101111 11000101 10010001
00111001 01110010
11100100 11010011 10111101 01100001...

```

Rijndael, ca și toți ceilalți algoritmi ajunși în etapa final de selecție pentru standardul AES, a fost revizuit de NSA⁴ și, ca și ceilalți finaliști, este considerat suficient de sigur pentru a fi folosit la criptarea informațiilor guvernamentale americane neclasificate. În iunie 2003, guvernul SUA a decis ca AES să poată fi folosit pentru informații clasificate. Până la nivelul *SECRET*, se pot folosi toate cele trei lungimi de cheie standardizate, 128, 192 și 256 biți. Informațiile *TOP SECRET* (cel mai înalt nivel de clasificare) pot fi criptate doar cu chei pe 256 biți.

Atacul cel mai realizabil împotriva AES este îndreptat împotriva variantelor Rijndael cu număr redus de iterații. AES are 10 iterații la o cheie de 128 de biți, 12 la cheie de 192 de biți și 14 la cheie de 256 de biți. La nivelul anului 2008, cele mai cunoscute atacuri erau accesibile la 7, 8, respectiv 9 iterații pentru cele trei lungimi ale cheii.

Deoarece cucerirea permanentă rezultă cu succese pentru criptanaliti, pentru siguranță este recomandat (B. Schneier) trecerea de la 10 la 16 runde pentru AES-128, de la 12 la 20 pentru AES 192 și de la 14 la 28 pentru AES-256.

⁴ National Security Agency

Tema 9. Algoritmi simetrici de tip ir (stream cypher)

Cifrurile ir (sau cifruri *fluide*) formeaz o clas important de algoritmi de criptare; ele pot fi cifruri cu chei simetrice sau cu chei publice. Ceea ce le caracterizeaz i le difereniaz fa de cifrurile bloc este faptul c cifrurile ir proceseaz textul clar n unit i orict de mici, chiar bit cu bit, aplicnd func ia XOR ntre bi ii cheii i bi ii de cifrat, iar func ia de criptare se poate modifica pe parcursul cript rii. Cifrurile ir sunt algoritmi cu memorie, n sensul c procesul de criptare nu depinde doar de cheie i de textul n clar, ci i de starea curent . n cazul n care probabilitatea erorilor de transmisie este mare, folosirea cifrurilor ir este avantajoas deoarece au proprietatea de a nu propaga erorile. Ele se folosesc i n cazurile n care datele trebuie procesate una cte una, datorit lipsei de spa iu de memorie.

Reamintim c ntr-un sistem de criptare bloc elementele succesive ale textului clar sunt criptate folosind aceea i cheie k . Adic dac $M = m_1m_2m_3\dots$ este textul clar, atunci textul criptat este $C = c_1c_2c_3\dots = e_k(m_1)e_k(m_2)e_k(m_3)\dots$.

Defini ie. Fie (P, C, K, E, D) un sistem de criptare. O secven de simboluri $k_1k_2k_3\dots \in K$ se nume te cheie fluid .

Defini ie. Un sistem de criptare (P, C, K, E, D) care cripteaz un text clar

$$M = m_1m_2m_3\dots$$

n

$$C = c_1c_2c_3\dots = e_{k_1}(m_1)e_{k_2}(m_2)e_{k_3}(m_3)\dots,$$

se nume te sistem fluid de criptare, unde $k_1k_2k_3\dots \in K$ este o cheie fluid .

Problema principal n sistemele fluide de criptare o reprezint generarea cheii de criptare. Aceasta se poate realiza fie aleator, fie pe baza unui algoritm care pleac de la o secven mic de chei de criptare. Un astfel de algoritm se nume te generator de chei fluide, care este de fapt un generator de numere pseudo-aleatoare.

Algoritmii simetrici de tip ir se nmpart n dou clase mari: cifruri ir sincrone i cifruri ir asincrone.

Un **cifru ir sincron** este unul care genereaz irul de chei independent de textul clar i de textul cifrat. Criptarea n acest caz poate fi descris de urm toarele ecua ii:

$$\begin{aligned}
 S_{i+1} &= f(S_i, k), \\
 z_i &= g(S_i, k); \\
 c_i &= h(z_i, m_i),
 \end{aligned}$$

unde $i = 0, 1, 2, \dots, l$, iar l reprezintă lungimea mesajului.

În această formulă starea inițială S_0 se determină din cheia k , f este funcția de stare, g este funcția care produce irul de chei z , iar h este funcția de ieșire, care combină irul de chei cu textul clar m_i pentru obținerea textului cifrat c_i .

Printre proprietățile cifrurilor ir sincrone se numără :

- *sincronizarea* – atât expeditorul cât și destinatarul trebuie să fie sincronizați, în sensul de a folosi aceeași cheie și a opera cu aceeași stare respectiv, astfel încât să fie posibil o decriptare corectă. Dacă sincronizarea se pierde prin inserarea sau lipsa unor biți din textul cifrat transmis, atunci decriptarea este ușor și poate fi reluată doar prin tehnici suplimentare de re-sincronizare, adică reinițializarea, plasarea de markeri speciali sau dacă textul în clar conține suficient redundanță și se încearcă toate deplasările posibile ale irului de chei.
- *nepropagarea erorii* – un bit de text cifrat care este modificat în timpul transmisiei nu trebuie să afecteze decriptarea celorlalți biți din cifra.
- *atacuri active* – ca o consecință a sincronizării, inserarea, tergerea sau retransmisia unor biți de text cifrat de către un adversar activ va cauza o pierdere instantanee a sincronizării și crește posibilitatea detectării atacului de către decriptator. Ca o consecință a nepropagării erorii, un atacator ar putea să modifice biți ale irului din textul cifrat și să afle exact ce efect au modificările în textul clar. Trebuie deci, să se folosească mecanisme suplimentare de autentificare a expeditorului și de garantare a integrității datelor.

Cifru ir asincron sau autosincronizabil este cifrul care generează irul de chei ca o funcție de cheie și un număr de biți din textul cifrat anterior. Funcția de criptare în acest caz poate fi descrisă de următoarele ecuații:

$$\begin{aligned}
 S_i &= (c_{i-t}, c_{i-t+1}, \dots, c_{i-1}), \\
 z_i &= g(S_i, k), \\
 c_i &= h(z_i, m_i),
 \end{aligned}$$

unde $i = 0, 1, 2, \dots, l$, iar l reprezintă lungimea mesajului.

În această formulă $S_0 = (c_{-t}, c_{-t+1}, \dots, c_{-1})$, este starea inițială (necryptată), k este cheia, g este funcția care produce ărlul de cheie z , iar h este funcția de ieșire care combină ărlul de cheie cu textul în clar m_i pentru a obține textul cifrat c_i .

Cifrurile ărl asincrone posedă următoarele proprietăți:

- *auto-sincronizarea* – este posibil dacă unii biți din textul cifrat sunt terți sau adugați, deoarece decriptarea depinde doar de un număr determinat de biți cifrați anterior. Astfel de cifruri sunt capabile să restabilească automat procesul de decriptare corect după pierderea sincronizării.
- *propagarea limitată a erorii* – presupunem că starea unui cifru ărl asincron depinde de t biți cifrați anteriori. Dacă un singur bit cifrat este modificat, ters sau inserat în timpul transmisiei, atunci decriptarea a cel mult t biți următori de text cifrat va fi incorectă, după care se reia decriptarea corectă.
- *atacuri active* – limitarea propagării erorii face ca orice modificare a textului cifrat de către un adversar activ să aibă ca consecință decriptarea incorectă a altor biți cifrați, ceea ce poate mări posibilitatea ca atacul să fie observat de către decriptator. Pe de altă parte, datorită auto-sincronizării este mai dificil decât în cazul cifrurilor ărl sincrone să se detecteze inserarea, tergerea sau modificarea unor biți în textul cifrat. Trebuie deci să se folosească mecanisme suplimentare de autentificare a expeditorului și de garantare a integrității datelor.
- *difuzia statisticilor textului în clar* – deoarece fiecare bit de text clar influențează toți biții cifrați următori, proprietățile statistice ale textului în clar sunt dispersate în textul cifrat. Ca o consecință, cifrurile ărl asincrone trebuie să fie mai rezistente decât cifrurile ărl sincrone față de atacurile bazate pe redundanța textului în clar.

Majoritatea cifrurilor flux folosite în practică sunt proiectate folosind LFSR – *Linear Feedback Shift Registers* (registru de deplasare cu feedback) care sunt simple de implementat software sau hardware. În structura LFSR se regăsesc următoarele elemente: de întârziere (bistabili D), de adunare modulo 2, de multiplicare scalară modulo 2.

Problema este c aceste implementari sunt ineficiente din punct de vedere al vitezei. Pentru a rezista atacului de corelaie, funcia de feedback trebuie s fie un polinom dens, ceea ce presupune multe calcule, care produc la ie ire un singur bit, deci trebuie repetate des. Totu i, cele mai multe sisteme de criptare militare se bazeaz pe LFSR.

O metric important folosit pentru a analiza generatoarele bazate pe LFSR este *complexitatea liniar*, definit ca fiind lungimea n a celui mai scurt LFSR care poate produce ie irea generatorului. Orice ir generat de o ma in de stare finit peste un câmp finit are o complexitate liniar finit. Complexitatea liniar este important deoarece un algoritm simplu, Berlekamp-Massey (algoritm de c utare a celui mai scurt registru LFSR), poate genera LFSR-ul de defini ie examinând doar $2n$ bi i din cheie, ceea ce înseamn spargerea cifrului ir.

Concluzia este c o complexitate liniar ridicat nu înseamn neap rat un generator sigur, dar o complexitate liniar sc zut indic un generator f r securitate.

Criptografii încearc s ob in o complexitate liniar ridicat prin combinarea ie irilor mai multor LFSR-uri într-un mod nonlinear. Pericolul este ca unul sau mai multe iruri interne generate – de obicei ie iri ale LFSR-urilor individuale – s fie corelate cu irul combinat, ceea ce permite un atac bazat pe algebra liniar numit *atac de corelaie*. Thomas Siegenthaler a ar tat c imunitatea de corelare poate fi precis definit i c exist o leg tur între aceasta i complexitatea liniar. Ideea de baz a atacului de corelaie este identificarea unor corela ii între ie irea generatorului i ie irea uneia din componentele sale interne. Apoi, observând irul de ie ire, se pot ob ine informa ii despre ie irea intern . Folosind aceste informa ii i alte corela ii se colecteaz informa ii despre celelalte ie iri interne ale generatorului, pân când acesta este spart în totalitate.

Printre cifrurile flux mai frecvent utilizate se num r cifrurile SEAL, A5, RC4, RC5, FISH etc.

Cifrul SEAL (*Software-Optimized Encryption ALgorithm*) este un sistem de criptare aditiv binar (adic are la baz opera ia \oplus - XOR), a fost elaborat în 1993 de c tre Phillip Rogaway i Don Coppersmith. Este unul din cele mai eficiente sisteme implementabile pe procesoare de 32 bi i.

SEAL este o funcție pseudo-aleatoare care scoate o cheie fluid de L bi i folosind un număr n de 32 bi i și o cheie secretă a de 160 bi i.

Fie A, B, C, D, X_i, Y_j – cuvinte de 32 bi i. Pentru descrierea algoritmului vom folosi notațiile:

- \bar{A} – complementul lui A (pe bi i);
- $A \vee B, A \wedge B, A \oplus B$ – operațiile *OR*, *AND* și *XOR* (pe bi i);
- $A \ll s$ – deplasarea ciclică a lui A spre stânga cu s poziții;
- $A \gg s$ – deplasarea ciclică a lui A spre dreapta cu s poziții;
- $A + B \pmod{2^{32}}$ – suma lui A și B (considerate ca numere întregi fără semn);
- $f(B, C, D) = (B \wedge C) \vee (B \wedge D)$;
- $h(B, C, D) = B \oplus C \oplus D$;
- $A \parallel B$ – concatenarea lui A cu B ;
- $(X_1, X_2, \dots, X_n) \leftarrow (Y_1, Y_2, \dots, Y_n)$ – atribuire simultană.

În continuare o succesiune de 32 bi i se va numi „cuvânt” iar succesiunea de 8 bi i se va numi „octet”. O succesiune vidă este notată cu λ .

În primul rând trebuie de generat tabelele T, R și S , fiecare din care este în funcție de cheia a . Unica misiune a cheii a în algoritm este de a genera aceste tabele prin intermediul funcției G , construite în baza cunoscutului algoritm al funcției hash SHA-1 care este un standard de stat în SUA.

Algoritmul de generare a tabelii G pentru SEAL 2.0 este următorul (Figura 9.1):

Intrare: un număr i de 160 bi i și un întreg i ($0 \leq i < 2^{32}$).

Ieșire: $G_a(i)$ – număr de 160 bi i.

1. Se definesc constantele (de 32 bi i):

$$y_1 = 0x5a827999,$$

$$y_2 = 0x6ed9eba1,$$

$$y_3 = 0x8f1bbcdc,$$

$$y_4 = 0xca62c1d6$$

2.
 - a. $X_0 \quad i;$
 - b. *for j* 1 to 15 *do* $X_j \quad 0x00000000;$
 - c. *for j* 16 to 79 *do* $X_j \quad ((X_{j-3} \oplus X_{j-8} \oplus X_{j-14} \oplus X_{j-16}) \ll 1);$
 - d. $(A, B, C, D, E) \quad (H_0, H_1, H_2, H_3, H_4)$ where $a = H_0 H_1 H_2 H_3 H_4;$
 - e. (Runda 1): *for j* 0 to 19 *do*
 $t \quad ((A \ll 5) + f(B, C, D) + E + X_j + y_1);$
 $(A, B, C, D, E) \quad (t, A, B \ll 30, C, D);$
 - f. (Runda 2): *for j* 20 to 39 *do*
 $t \quad ((A \ll 5) + h(B, C, D) + E + X_j + y_2);$
 $(A, B, C, D, E) \quad (t, A, B \ll 30, C, D);$
 - g. (Runda 3): *for j* 40 to 59 *do*
 $t \quad ((A \ll 5) + h(B, C, D) + E + X_j + y_3);$
 $(A, B, C, D, E) \quad (t, A, B \ll 30, C, D);$
 - h. (Runda 4): *for j* 60 to 79 *do*
 $t \quad ((A \ll 5) + h(B, C, D) + E + X_j + y_4);$
 $(A, B, C, D, E) \quad (t, A, B \ll 30, C, D);$
 - i. $(H_0, H_1, H_2, H_3, H_4) \quad (H_0 + A, H_1 + B, H_2 + C, H_3 + D, H_4 + E);$
 $G_a(i) = H_0 \parallel H_1 \parallel H_2 \parallel H_3 \parallel H_4.$

Generatorul de chei fluide pentru SEAL 2.0 – SEAL(a, n):

Intrare: a – cheia secret (160 bi i), $n \in [0, 2^{32})$ – întreg,

L - lungimea solicitat pentru cheia fluid .

Ie ire: cheia fluid y , $|y| = L'$, unde L' este primul multiplu de 128 din intervalul $[L, \infty)$.

1. Se genereaz tabelele T, S, R având ca elemente cuvinte de 32 bi i. Fie func ia $F_a(i) = H_{i(\bmod 5)}^i$ unde $H_0^i H_1^i H_2^i H_3^i H_4^i = G_a(\lfloor i/5 \rfloor)$.

a. *for i* 0 to 511 *do* $T[i] \quad F_a(i);$

b. *for j* 0 to 255 *do* $S[j] \quad F_a(0x00001000 + j);$

c. *for k* 0 to $4 \cdot \lceil (L-1)/8192 \rceil - 1$ *do* $R[k] \quad F_a(0x00002000 + k);$

2. Descrierea procedurii *Initialize* ($n, l, A, B, C, D, n_1, n_2, n_3, n_4$) cu intr rile n (cuvânt) l (întreg) i ie irile $A, B, C, D, n_1, n_2, n_3, n_4$ (cuvinte).

a. $A \quad n \oplus R[4 \cdot l], B \quad (n \gg 8) \oplus R[4 \cdot l + 1], C \quad (n \gg 16) \oplus R[4 \cdot l + 2],$
 $D \quad (n \gg 24) \oplus R[4 \cdot l + 3];$

b. *for j* 1 to 2 *do*

$P \quad A \wedge 0x000007fc, B \quad B + T[P/4], A \quad (A \gg 9),$

$P \quad B \wedge 0x000007fc, C \quad C + T [P/4], B \quad (B \gg 9),$
 $P \quad C \wedge 0x000007fc, D \quad D + T [P/4], C \quad (C \gg 9),$
 $P \quad D \wedge 0x000007fc, A \quad A + T [P/4], D \quad (D \gg 9),$
 $(n_1, n_2, n_3, n_4) \quad (D, A, B, C);$
 $P \quad A \wedge 0x000007fc, B \quad B + T [P/4], A \quad (A \gg 9),$
 $P \quad B \wedge 0x000007fc, C \quad C + T [P/4], B \quad (B \gg 9),$
 $P \quad C \wedge 0x000007fc, D \quad D + T [P/4], C \quad (C \gg 9),$
 $P \quad D \wedge 0x000007fc, A \quad A + T [P/4], D \quad (D \gg 9);$

3. $l \quad 0, y \quad \lambda (\text{irul vid});$

4. *repeat*

a. *Initialize*($n, l, A, B, C, D, n_1, n_2, n_3, n_4$);

b. *for* $i \quad 1$ *to* 64 *do*

$P \quad A \wedge 0x000007fc, B \quad B + T [P/4], A \quad (A \gg 9),$
 $B \quad B \oplus A;$
 $Q \quad B \wedge 0x000007fc, C \quad C + T [Q/4], B \quad (B \gg 9),$
 $C \quad C \oplus B;$
 $P \quad (P + C) \wedge 0x000007fc, D \quad D + T [P/4],$
 $C \quad (C \gg 9), D \quad D \oplus C;$
 $Q \quad (Q + D) \wedge 0x000007fc, A \quad A + T [Q/4],$
 $D \quad (D \gg 9), A \quad A \oplus D;$
 $P \quad (P + A) \wedge 0x000007fc, B \quad B + T [P/4],$
 $A \quad (A \gg 9);$
 $Q \quad (Q + B) \wedge 0x000007fc, C \quad C + T [Q/4],$
 $B \quad (B \gg 9);$
 $P \quad (P + C) \wedge 0x000007fc, D \quad D + T [P/4],$
 $C \quad (C \gg 9);$
 $Q \quad (Q + D) \wedge 0x000007fc, A \quad A + T [Q/4],$
 $D \quad (D \gg 9);$
 $y \quad y // (B + S[4 \cdot i - 4]) // (C \oplus S[4 \cdot i - 3]) //$
 $// (D + S[4 \cdot i - 2]) // (A \oplus S[4 \cdot i - 1]).$
if $|y| \quad L$ *then return*(y) *STOP*
else if $i \pmod{2} = 1$ *then* (A, C) $(A + n_1, C + n_2)$
else (A, C) $(A + n_3, C + n_4);$

c. $l \quad l + 1.$

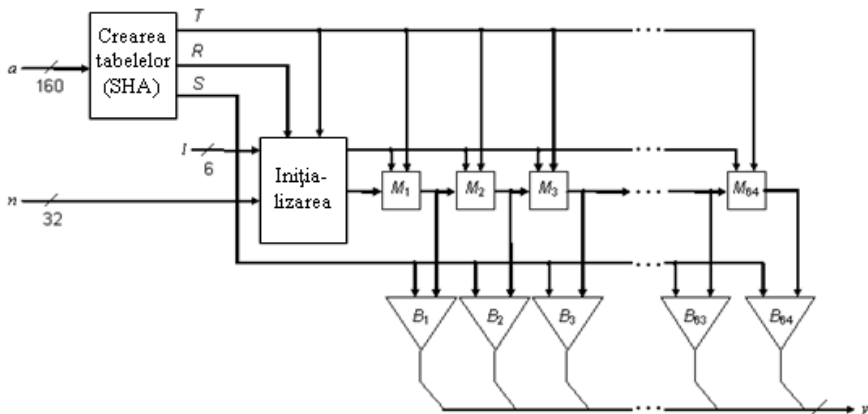


Figura 9.1. Schema ciclului intern SEAL

Menționăm că în majoritatea aplicațiilor pentru SEAL 2.0 se folosește $L = 2^{19}$. Algoritmul funcționează și pentru valori mai mari, dar devine ineficient deoarece crește mult dimensiunea tabelii R . O soluție este concatenarea cheilor fluide $SEAL(a, 0) \parallel SEAL(a, 1) \parallel SEAL(a, 2) \parallel \dots$. Deoarece $n < 2^{32}$, se pot obține astfel chei fluide de lungimi până la 2^{51} , păstrând $L = 2^{19}$.

Algoritmii SEAL este relativ nou și la momentul actual nu sunt publicate metode eficiente de spargere a acestui algoritm. În anul 1997 a fost publicat o metodă de atac bazată pe Criptanaliza χ^2 care permite determinarea unei părți mari din tabelele interne, însă era aplicabil numai la o versiune simplificată a lui SEAL. Trebuie de menționat aici că Don Coppersmith (care este și coautor al lui DES) este și unul dintre cei mai abili criptanalitiști.

Cifru A5 este un cifru stream folosit pentru a cripta fluxul de date GSM (Group Special Mobile), reprezentând standardul non-american pentru telefonie mobilă celulară. A5 criptează linia dintre telefon și celula de bază, restul legăturii rămânând necriptat. A5 este format din trei LFSR-uri, care au registre de lungime 19, 22 și respectiv 23. Toate polinoamele de feedback sunt cu un număr redus de coeficienți. Ideea este obținută prin operarea XOR a celor trei LFSR-uri. A5 folosește un clock control variabil. Fiecare registru face un clocking bazat pe bitul central, care este operat XOR cu inversa funcției prag (threshold function)

a bi ilor de la mijlocul celor trei registre. Un registru este clock-at dac bitul s u de clocking (orange) este în concordan cu unul sau ambii bi i de clocking a celorlalte dou registre (Figura 9.2). În mod normal, dou din LFSR-uri sunt clock-ate la fiecare itera ie.

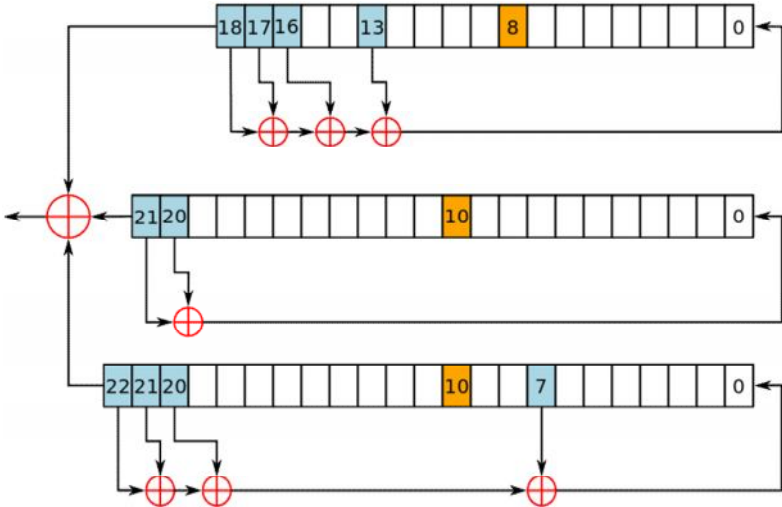


Figura 9.2. Cifrul A5 (versiunea 1)

Exist un atac trivial care necesit 2^{40} cript ri: se ghice te con inutul primelor dou LFSR-uri, apoi se determin al treilea din irul generat. În ciuda acestui fapt, A5 este bine proiectat i este extrem de eficient. El trece cu succes toate testele statistice cunoscute i singura sa sl biciune rezid în faptul c registrele sunt scurte, ceea ce face posibil o c utare exhaustiv . Variantele A5 cu registre lungi i polinoame feedback dense au un grad de siguran sporit.

Cifrul RC4 este un cifru ir cu cheie de lungime variabil , dezvoltat în 1987 de c tre Ron Rivest pentru RSA Data Security. În 1994 codul surs al algoritmului este f cut public pe Internet. RC4 este un algoritm simplu de descris: irul cheie este independent de textul clar. Func ioneaz în baza „cutiilor-S”: S_0, S_1, \dots, S_{255} . Intr rile sunt permut ri ale numerelor de la 0 la 255, iar permutarea este o func ie de o cheie de lungime variabil . Exist doi indici, i i j , ini ializa i cu zero. Pentru a genera un octet aleator se procedeaz astfel:

$$\begin{aligned}
 i &= (i + 1) \bmod 256; \\
 j &= (j + S_i) \bmod 256; \\
 T &= S_i; S_i = S_j; S_j = T; \\
 t &= (S_i + S_j) \bmod 256; \\
 K &= S_t.
 \end{aligned}$$

Octetul K este operat XOR cu textul clar pentru a produce text cifrat sau operat XOR cu textul cifrat pentru a obține textul clar. Criptarea este aproape de 10 ori mai rapid decât DES-ul.

Inițializarea “cutiilor- S ” este simplă. Se inițializează liniar:

$$S_0 = 0, S_1 = 1, \dots, S_{255} = 255$$

și un alt vector de 256 de octeți cu cheia, repetând cheia, dacă este necesar, pentru a completa vectorul cu componentele:

$$K_0, K_1, \dots, K_{255}.$$

$$j = 0;$$

For $i = 0$ to 255:

$$j = (j + S_i + K_i) \bmod 256;$$

se schimbă S_i cu S_j între ele (Figura 9.3).

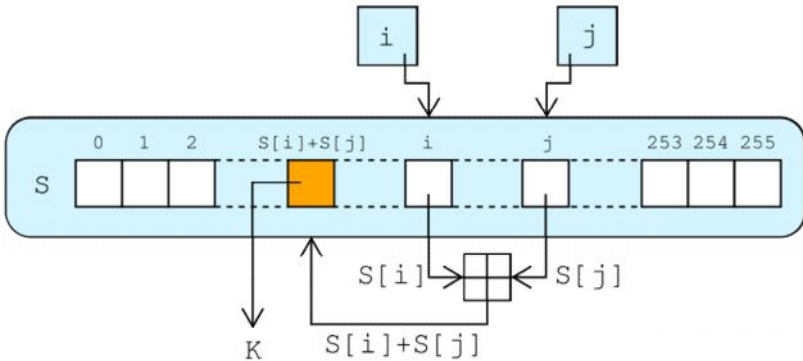


Figura 9.3. Generatorul de chei al algoritmului RC4

Nu există rezultate publice ale criptanalizei. Se crede că algoritmul este imunitar la analiza diferențială și liniară; RC4 poate fi în aproximativ 2^{1700} stări diferite și, prin urmare, este probabil să fie sigur. “Cutiile- S ” evoluează lent în timpul întrebunării: i asigură că fiecare element se schimbă, iar j și aceste schimbări sunt aleatoare. RC4 are un statut special de export, acesta fiind permis doar pentru chei de până

la 40 de octe i. Acest algoritm este implementat în multe produse comerciale, dintre care Lotus Notes și Oracle Secure SQL.

În sistemele simetrice de criptare, Alice și Bob își aleg o cheie secretă k care definește regulile de criptare e_k și decriptare d_k . În aproape toate cazurile e_k și d_k coincid sau se pot deduce imediat una din alta. Un punct slab al sistemelor cu cheie privată este acela că necesită o comunicare prealabilă a cheii între Alice și Bob printr-un canal sigur, înainte de transmiterea mesajului criptat. Practic, în condițiile cererii tot mai mari de securizare a comunicațiilor, acest lucru este din ce în ce mai dificil de realizat. Astfel a apărut necesitatea de a crea sisteme care au alt concept de transmitere a cheii.

Tema 10. Criptarea cu cheie public

Conceptul de criptografie cu chei publice a fost inventat de Whitfield Diffie și Martin Hellman. Contribuția lor constă în propunerea de a folosi un nou criptosistem în care cheile de criptare și decriptare sunt diferite, iar cheia de decriptare (care este secretă) nu poate fi dedusă din cheia de criptare (care este publică). În anul 1976 conceptul a fost prezentat în premier la National Computer Conference SUA, iar câteva luni mai târziu lucrarea a fost publicată.

Sistemele cu cheie publică (sau sisteme asimetrice) au un mare avantaj față de sistemele cu chei secrete: oricine poate transmite un mesaj secret utilizatorului (cunoscându-i *cheia publică*), iar mesajul rămâne protejat față de interceptor. Cu un sistem cu cheie convențional pentru fiecare pereche de utilizatori este necesară o cheie separată *secretă (privată)*.

În general, un sistem cu n utilizatori necesită $\frac{n(n-1)}{2}$ chei, pentru că

oricare pereche de utilizatori să poată comunica între ei și mesajele lor să rămână secrete față de ceilalți utilizatori. Numărul de chei crește rapid odată cu numărul de utilizatori; generarea, distribuirea și menținerea securității cheilor constituie o problemă datorită numărului lor mare.

Într-un sistem cu cheie publică, un utilizator deține două chei: o cheie publică și o cheie privată (secretă). Utilizatorul își poate face cunoscută oricui cheia publică. Fie SK cheia secretă și PK cheia publică corespunzătoare. Atunci:

$$m = d(SK, e(PK, m)).$$

Utilizatorul poate decripta cu cheia privată ceea ce oricine altcineva a criptat cu cheia publică corespunzătoare.

Cu al doilea algoritm de criptare cu cheie publică

$$m = d(PK, e(SK, m))$$

utilizatorul poate cripta un mesaj cu cheia privată, iar mesajul poate fi decriptat doar cu cheia publică corespunzătoare.

Aceste două proprietăți presupun că cele două chei, publică și privată, pot fi aplicate în orice ordine (sistemul RSA nu face distincție între cheia publică și cheia privată; orice cheie din perechea de chei poate fi folosită fie ca cheie publică, fie ca cheie privată).

Defini ie. O schem de criptare cu cheie public const în trei algoritmi (Figura 10.1):

1. *Generatorul de chei*, care returneaz i pereche cheie secret -cheie public (SK, PK);
2. *Algoritmul de criptare*, care prime te la intrare un mesaj m din mul imea mesajelor posibile, o cheie public PK i returneaz criptotextul c .
3. *Algoritmul de decriptare*, care ia ca intrare un text cifrat c din mul imea textelor cifrate, o cheie secret SK i returneaz un mesaj m .

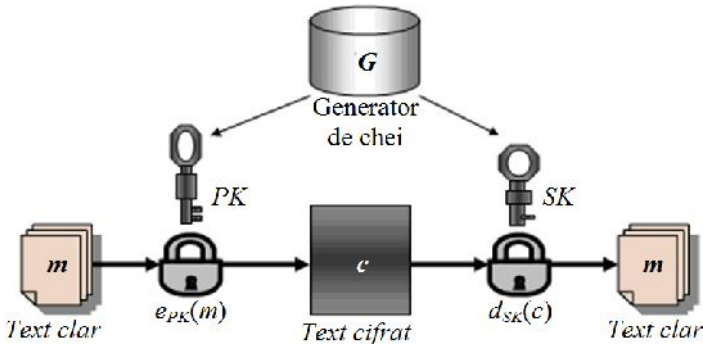


Figura 10.1. Schema unui algoritm cu cheie public

Trebuie de men ionat aici unele condi ii care trebuie respectate:

- Receptorul B poate u or s genereze cheia public PK_B i cheia privat SK_B .
- Emi torul A , tiind cheia public a lui B i mesajul clar m , poate s genereze textul cifrat corespunz tor:

$$c = e_{PK_B}(m).$$

- Receptorul B poate u or s decripteze textul cifrat c :

$$m = d_{SK_B}(c) = d_{SK_B}(e_{PK_B}(m)).$$

- Un atacator care tie PK_B nu poate s determine cheia privat SK_B .
- Un atacator care tie cheia public PK_B i textul cifrat c nu poate s determine mesajul original m .
- Are loc urm toarea rela ie (men ionat mai sus):

$$m = d_{SK_B}(e_{PK_B}(m)) = d_{PK_B}(e_{SK_B}(m)).$$

La momentul actual cele mai cunoscute sisteme de criptare cu cheie publică sunt:

- Sistemul *RSA*: se bazează pe dificultatea descompunerii în factori primi a numerelor mari (de sute de cifre). Este sistemul cel mai larg utilizat în acest moment.
- Sistemul *El Gamal*: se bazează pe dificultatea calculului logaritmului discret într-un corp finit.
- Sistemul *Merkle-Hellman*: primul sistem definit cu cheie publică, bazat pe problema $\{0, 1\}$ a rucsacului, problemă *NP*-completă.
- Sistemul *McEliece*: este bazat pe teoria algebrică a codurilor, decodificarea unui cod liniar fiind de asemenea o problemă *NP*-completă.
- *Curbe eliptice*: Sunt sisteme de criptare care îşi desfăşoară calculele pe mulţimea punctelor unei curbe eliptice (în locul unui inel finit Z_n).

Atât conceptul criptării cu chei publice cât şi primul algoritm publicat care folosea chei publice a fost dezvoltat de W. Diffie şi M. Hellman. Algoritmul este numit *Diffie-Hellman key exchange* (1976) şi este folosit în numeroase produse comerciale. Acest algoritm nu se aplică la criptarea mesajelor sau la crearea de semnături digitale. Scopul său este *distribuirea cheilor*, adică scopul este ca doi utilizatori să poată schimba o cheie secretă în siguranţă, deci algoritmul este limitat la schimbul cheilor secrete.

Algoritmul Diffie-Hellman este bazat pe problema complicată a determinării logaritmului discret. Să încercăm o explicaţie succintă acestei noţiuni.

Definiţie: Fie G – un grup ciclic de ordinul n şi α – elementul generator al său. Fie a – un element din G . *Logaritmul discret* în baza α , care se notează cu $\log_{\alpha} a$, este unicul număr întreg r astfel încât $a = \alpha^r$, $0 \leq r \leq |G| - 1$, astfel încât $\beta = \alpha^a$.

Pentru comoditate şi exactitate vom considera G – un grup multiplicativ Z_p^* de ordin $p - 1$, unde operaţia este înmulţirea *modulo* p .

Exemplu. Fie $p = 97$. Atunci \mathbf{Z}_{97}^* este un grup ciclic multiplicativ de ordinul $n = 96$. Elementul generator al grupului \mathbf{Z}_{97}^* este 5 . Deoarece $5^{32} \equiv 35 \pmod{97}$, avem $\log_5 35 = 32$ în \mathbf{Z}_{97}^* .

Unele proprietăți ale logaritmulor discrete:

- $\log_\alpha(\beta\gamma) = (\log_\alpha \beta + \log_\alpha \gamma) \pmod{n}$;
- $\log_\alpha \beta^s = s \cdot \log_\alpha \beta \pmod{n}$.

Problema logaritmului discret (DLP – *Discrete Logarithms Problem*) constă în următoarele:

fiind date un grup ciclic finit $G = \mathbf{Z}_p^$, un generator α al lui G și un element y din G , se cere să se găsească un număr întreg a , $0 \leq a < p-1$, astfel încât $y = \alpha^a \pmod{p}$.*

Algoritmul Diffie-Hellman pentru schimbul de chei constă în următoarele (Figura 10.2):

- Alice și Bob convin asupra unui număr mare prim p și a unui generator α .
- Alice alege (generează aleator) un număr secret a , și îi trimite lui Bob numărul A :

$$A = \alpha^a \pmod{p}.$$

- Bob alege (generează aleator) un număr secret b , și îi trimite lui Alice numărul B :

$$B = \alpha^b \pmod{p}.$$

- Alice calculează $k = B^a \pmod{p} = (\alpha^b \pmod{p})^a \pmod{p} = k$.
- Bob calculează $k = A^b \pmod{p} = (\alpha^a \pmod{p})^b \pmod{p} = k$.

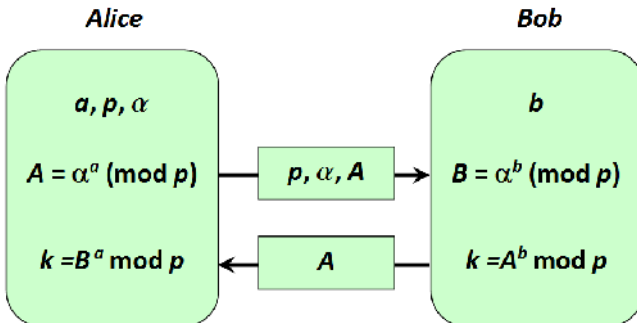


Figura 10.2. Schema schimbului de chei Diffie-Hellman

Cheia secret stabilit de cei doi utilizatori Alice și Bob este k . Menționăm că p și α nu este necesar de înțeles în secret. În realizările practice ale Algoritmului Diffie-Hellman pentru a și b se utilizează chei de ordinul 10^{100} și p de ordinul 10^{300} . Numărul nu este neapărat mare și de obicei are valori mai mici ca 10. Înțelegând conținutul de aceste dimensiuni ale parametrilor a , b și p putem afirma cu certitudine că securitatea algoritmului este una foarte mare, deoarece determinarea cheii secrete cunoscând numai p , $\alpha^a \bmod p$, $\alpha^b \bmod p$ (fără cunoașterea a și b – ele fiind menționate în secret) folosind cel mai performant este o problemă extrem de complicată care nu poate fi rezolvată într-un timp rezonabil.

Algoritmul Diffie-Hellman poate fi utilizat și pentru criptarea cu cheie secretă. În acest caz schema este aceeași ca și mai sus înțelesă cu unele particularități. Alice nu transmite direct lui Bob valorile p , α și A înșelate public din timp, ele având calitatea de cheie publică. Bob la rândul său efectuează calculele sale, după care cifrează mesajul cu un algoritm simetric, folosind k în calitate de cheie, apoi transmite spre Alice textul cifrat împreună cu valoarea lui B .

Exemplu de utilizare a schimbului de chei Diffie-Hellman:

- Alice și Bob convin asupra lui $p = 23$ și $\alpha = 5$.
- Alice alege aleatoriu $a = 6$ și trimite lui Bob $A = 5^6 \bmod 23 = 8$.
- Bob alege aleatoriu $b = 15$ și trimite lui Alice $5^{15} \bmod 23 = 19$.
- Alice calculează $19^6 \bmod 23 = 2$.
- Bob calculează $8^{15} \bmod 23 = 2$.
- Alice și Bob au rezultat aleși rezultat, deci cheia secretă comună este $k = 2$.

În practică înșel algoritmul Diffie-Hellman nu este utilizat astfel. Algoritmul cu chei publice care domină este algoritmul RSA, deoarece anume pentru RSA a fost creat un centru de certificare. În plus algoritmul Diffie-Hellman nu poate fi utilizat la semnarea certificatelor.

Un alt sistem de criptare cu cheie publică bazat pe problema logaritmului discret este *sistemul ElGamal*, care conține în sine și algoritmul de semnătură digitală. *Schema ElGamal* se află la baza standardului de semnătură digitală în SUA (standardul DSA), precum și în Rusia (34.10-94).

Schema a fost propusă de către Taher Elgamal în anul 1984. Elgamal a elaborat una din versiunile algoritmului Diffie-Hellman. El a perfecționat

algoritmul Diffie-Hellman și a obținut doi algoritmi care sunt utilizați pentru criptare și pentru asigurarea autenticității. Spre deosebire de algoritmul RSA, algoritmul ElGamal nu a fost brevetat și deci este o alternativă mai puțin costisitoare, deoarece nu este necesară achiziția unei taxe pentru licență. Se consideră că algoritmul ElGamal este acoperit de brevetul Diffie-Hellman.

Algoritmul ElGamal constă în următoarele:

1. *Generarea cheilor:*

- Se generează aleatoriu un număr prim p de n biți.
- Se alege aleatoriu elementul primitiv α al câmpului \mathbb{Z}_p .
- Se alege aleatoriu un număr întreg a încât $1 < a < p - 2$.
- Se calculează $y = \alpha^a \pmod{p}$.
- Cheia publică este tripletul (p, α, y) , cheia privată – numărul a .

2. *Cifrarea mesajului m în sistemul ElGamal este de fapt o modalitate de generare a cheii publice Diffie-Hellman:*

- Se alege aleatoriu cheia de sesiune – un număr întreg k , $1 < k < p - 2$.
- Se calculează $A = \alpha^k \pmod{p}$ și $B = y^k \cdot m \pmod{p}$.
- Textul cifrat este perechea de numere (A, B) .

Este evident că lungimea textului cifrat cu algoritmul ElGamal este de două ori mai mare decât lungimea textului clar m .

3. *Descifrarea.* Cunoscând cheia privată a , textul clar m poate fi calculat din textul cifrat (A, B) în felul următor:

$$m = B \cdot (A^a)^{-1} \pmod{p}.$$

Aceasta este posibilă deoarece

- $(A^a)^{-1} = \alpha^{-ka} \pmod{p}$;
- $B \cdot (A^a)^{-1} = (\alpha^{ka} \cdot m) \cdot \alpha^{-ka} = m \pmod{p}$.

În scopuri practice pentru descifrare este mai convenabil formula

$$m = B \cdot (A^a)^{-1} = B \cdot A^{(p-1-a)} \pmod{p}.$$

Deoarece în schema ElGamal se introduce o număr aleatoare k acest cifru poate fi considerat cifru polialfabetic. Alegerea aleatorie a lui k a generat noțiunea de schemă probabilistică de cifrare. Caracterul probabilistic al cifrării reprezintă o prioritate a cifrului ElGamal, deoarece schemele probabilistice au o rezistență mai mare decât alte scheme cu un

proces determinist de cifrare. Dezavantajul schemei ElGamal îl reprezintă dublarea lungimii textului cifrat în raport cu textul clar. Pentru schemele probabilistice de cifrare mesajul m și cheia nu determină univoc textul cifrat. În schema ElGamal este necesar să se aleagă valori diferite ale m și m' . Dacă am folosi aceleași valori ale lui k pentru textele cifrate (A, B) și (A', B') atunci din relația $B \cdot (B')^{-1} = m \cdot (m')^{-1}$, se poate ușor de calculat m' dacă cunoaștem m .

Exemplu de utilizare a algoritmului ElGamal, textul clar este $m = 65$, pe care Alice trebuie să-și trimită cifrat lui Bob.

Algoritmul ElGamal va consta în următoarele:

1. *Generarea cheilor:*

- Se alege aleatoriu numărul prim $p = 281$.
- Se alege aleatoriu elementul primitiv $\alpha = 3$ al câmpului \mathbb{Z}_{281}
- Se alege aleatoriu un număr întreg $a = 57$ încât $1 < a < 279$.
- Se calculează $y = \alpha^a \pmod{p} = 3^{57} \pmod{281} = 258$.
- Cheia publică este tripletul $(p, \alpha, y) = (281, 3, 258)$.
- Cheia privată este numărul $a = 57$.

1. *Cifrarea:*

- Alice alege aleatoriu cheia de sesiune $k = 49$ – un număr întreg, $1 < k < 279$.
- Ea calculează
 $A = \alpha^k \pmod{p} = 3^{49} \pmod{281} = 146$ și
 $B = y^k \cdot m \pmod{p} = (3^{49} \cdot 65) \pmod{281} = (152 \cdot 65) \pmod{281} = 45$.
- Textul cifrat este perechea de numere $(A, B) = (146, 45)$.
- Alice transmite lui Bob textul cifrat $(146, 45)$.

2. *Descifrarea.* Bob, fiind titularul cheii secrete $a = 57$, primește textul cifrat $(146, 45)$ de la Alice. Pentru descifrarea acestui mesaj el procedează în felul următor:

- $m = B \cdot (A^a)^{-1} \pmod{p} = 45 \cdot (146^{57})^{-1} \pmod{281}$.
- Pentru aceasta Bob poate calcula mai întâi $146^{57} \pmod{281} = 152$.
- Apoi calculează $152^{-1} \pmod{281} = 220$ (pentru aceasta poate aplica algoritmul Euclid Extins).

- Calculează textul clar
 $m = (45 \cdot 220) \bmod 281 = 9900 \bmod 281 = 65$.
- Textul clar putea fi calculat și fără a aplica calculul inversului – aplicând formula $m = B \cdot A^{(p-1-a)} \pmod{p}$:
 $m = 45 \cdot 146^{(281-1-57)} \pmod{281} = 45 \cdot 146^{223} \pmod{281} = 45 \cdot 220 \pmod{281} = 9900 \pmod{281} = 65$.

Un alt algoritm clasat printre primii algoritmi cu cheie publică este *Algoritmul Merkle-Hellman*. Ralph Merkle și Martin Hellman au dezvoltat un algoritm de criptare bazat pe problema rucsacului, o problemă *NP-complet*, care a fost publicat în anul 1978. Problema rucsacului conține o mulțime de întregi pozitivi și o sumă întregă, și constă în găsirea unei submulțimi de întregi a căror sumă coincide cu suma întregă.

Ideea pe care se bazează schema rucsacului Merkle-Hellman este codificarea unui mesaj binar ca o soluție la o problemă de rucsac, reducând mesajul în text cifrat la suma întregă obținută prin adunarea termenilor corespunzătorilor valorilor de 1 din irul binar.

Un rucsac este reprezentat ca un vector de numere întregi în care ordinea termenilor este foarte importantă. Există două tipuri de rucsacuri: unul simplu, pentru care există un algoritm rapid (în timp liniar) și unul complicat, obținut din cel simplu prin modificarea elementelor sale. Modificarea este astfel proiectată încât o soluție cu elementele oricărui rucsac este de asemenea soluție pentru celălalt. Această modificare se numește *trap*, permițând utilizatorilor legitimi să rezolve problema simplă. Deci, problema generală este *NP-complet*, dar există o versiune restrânsă care are o soluție foarte rapidă.

Algoritmul începe cu o mulțime de întregi în care fiecare element este mai mare decât suma predecesorilor săi. Să presupunem că avem un ir în care fiecare element a_k este mai mare decât $a_1 + a_2 + \dots + a_{k-1}$. Dacă o sumă este între a_k și a_{k+1} , trebuie să-și conțină pe a_k , deoarece nici o combinație de termeni a_1, a_2, \dots, a_{k-1} nu pot produce un total mai mare decât a_k . Analog, dacă o sumă este mai mică decât a_k , evident nu îl va conține ca termen pe a_k .

Modificarea algoritmului schimbă elementele mulțimii din problema simplă a rucsacului, prin alterarea acestei proprietăți de ordonare crescătoare într-un fel care păstrează soluția. Modificarea se realizează prin înmulțirea cu o constantă modulo n .

Problema rucsacului presupune un ir a_1, a_2, \dots, a_n de întregi i o sumă T . Problema este de a găsi un vector de valori 0 și 1 astfel încât suma întregilor asociați cu 1 să dea T . Deci, dându-se $S=[a_1, a_2, \dots, a_n]$, și T , se găsește un vector V cu valori 0 și 1 astfel încât:

$$\sum_{i=1}^n a_i \cdot v_i = T.$$

Rezolvarea se face considerând fiecare întreg din S ca participând la T și reducând problema corespunzător. Când o soluție nu produce suma T , se elimină întregul ales inițial și se continuă cu următorul. Acest backtracking deteriorează viteza soluției.

Să presupunem problema rucsacului cu o restricție suplimentară: întregii din S formează un ir *supercreștor*, adică unul în care fiecare întreg este strict mai mare decât suma predecesorilor săi. Atunci, orice întreg a_k satisface relația

$$a_k > \sum_{j=1}^{k-1} a_j.$$

Soluția rucsacului supercreștor (numit și rucsacul simplu) este ușor de găsit. Se începe cu T , care se compară cu cel mai mare întreg din S . Dacă acesta este mai mare decât T , nu este termen al sumei, deci valoarea corespunzătoare din V este 0. Dacă acest cel mai mare întreg din S este mai mic sau egal cu T , el este termen al sumei, deci valoarea corespunzătoare din V este 1. Reluăm algoritmul pentru T din care scădem sau nu termenul analizat (conform cu valoarea din V) și pentru întregii următori.

Tehnica de criptare Merkle-Hellman este un sistem de criptare cu cheie publică. Fiecare utilizator are o cheie publică, care poate fi distribuită oricui și o cheie privată, care se păstrează secret. Cheia publică este suma întregilor din problema rucsacului (nu unul supercreștor); cheia privată este rucsacul supercreștor corespondent. Contribuția lui Merkle și Hellman a fost să proiecteze o tehnică de conversie a rucsacului supercreștor într-unul normal, prin schimbarea numerelor de o manieră reversibilă.

Tema 11. Sisteme asimetrice bazate pe curbe eliptice

În categoria sistemelor de criptare ale mileniului III pot fi cu certitudine introduse sistemele bazate pe curbe eliptice. Aceste sisteme de criptare ne permit să realizăm algoritmul de criptare asimetric, protocolul de generare cheii secrete partajabile pentru criptarea simetrică, precum și algoritmi de semnătură digitală. Aceste sisteme de criptare au o productivitate mai înaltă și permit utilizarea cheilor substanțial mai mici decât rimele păstrând nivelul necesar de securitate.

Pentru diverse implementări se utilizează curbe eliptice de două tipuri:

- curbă eliptică peste un câmp finit F_p , unde p este un număr prim, $p > 3$;
- curbă eliptică peste un câmp finit F_2^m .

Curbele eliptice sunt un domeniu al matematicii cu o istorie ce se întinde pe parcursul a peste un secol. Utilizarea curbelor eliptice în criptografie a fost propusă pentru prima oară în 1985 de Victor Miller, cercetător de la IBM și, independent, de Neal Koblitz, profesor la Universitatea din Washington. Ideea de bază era folosirea grupului punctelor de pe o curbă eliptică în locul grupului Z_p^* din sistemele criptografice existente. La momentul descoperirii lor, sistemele bazate pe curbe eliptice au fost considerate nepractice. De atunci însă s-a întreprins asupra lor o cercetare aprofundată și intensă. Datorită perioadei de studiu de peste 20 de ani a proprietăților criptosistemelor bazate pe curbe eliptice, se poate considera că acestea sunt suficient de bine cunoscute.

Încă de la acestor sisteme de criptare au existat discuții extinse și au fost publicate numeroase cărți și articole asupra securității și eficienței lor. Anii '90 au fost însă extrem de importanți pentru acest tip de criptosisteme, deoarece acestea au început să cunoască acceptarea comercială odată cu standardizarea unor algoritmi și protocoale bazate pe curbe eliptice. Eficiența curbelor eliptice vine de un avantaj important pe care îl au aceste obiecte matematice în fața altor criptosisteme. Avantajul constă în inexistența sau mai bine spus, nu se cunoaște un algoritm cu timp subexponențial care să găsească logaritmi discreți pentru grupurile generate de o curbă eliptică. În plus, un alt avantaj ar fi acela că utilizarea unei astfel de structuri care este mai mică decât altele, în ceea ce privește numărul de elemente, conduce la păstrarea aceluiași nivel de securitate cu

dimensiuni ale cheilor mai mici decât în cazul altor criptosisteme. Dimensiunile reduse ale cheilor și ale reprezentărilor elementelor conduc implicit la utilizarea a mai puține resurse pentru criptarea datelor și reducerea lăzii de bandă necesare transmiterii textelor criptate. Este evident că astfel de proprietăți fac din curbele eliptice și criptosistemele bazate pe aceste obiecte matematice soluții ideale de securitate a datelor pentru mediile în care puterea de procesare și conexiunea la rețea sunt limitate. Printre aceste medii se pot enumera: telefoanele mobile, PDA-uri, smart-carduri, carduri pc, etc.

În ultimii ani, curbele eliptice au fost folosite pentru conceperea unor algoritmi eficienți de factorizare a întregilor și pentru demonstrarea primalității. Ele au fost utilizate în construirea criptosistemelor cu chei publice, în construirea generatoarelor de biți pseudoaleatoare și a permutărilor neinvertibile. Curbele eliptice și-au găsit aplicabilitate și în teoria codurilor, unde au fost întrebuințate pentru obținerea unor coduri corectoare de erori foarte bune. Curbele eliptice au jucat un rol important și în recenta demonstrație a *Ultimei Teoreme* a lui Fermat. Folosirea sistemelor de criptare bazate pe curbe eliptice permite creșterea securității, scăzând în același timp overhead-ul (supraîncărcarea) și timpul de latență.

Securitatea criptosistemelor bazate pe curbe eliptice constă în dificultatea calculului logaritmilor în câmpuri discrete (problema logaritmilor discreti): date fiind A (un element dintr-un câmp finit) și A^x , este practic imposibil să se calculeze x , atunci când elementele sunt suficient de mari. Și alte sisteme criptografice se bazează pe problema logaritmilor discreti în \mathbb{Z}_p^* : *ElGamal*, algoritmul de semnătură *Schnorr*, algoritmul de semnătură *Nyberg-Rueppel*, *DSA*. În mod clasic, aceste sisteme au fost definite în grupul multiplicativ \mathbb{Z}_p^* . Ele pot fi însă definite la fel de bine în orice alt grup finit, cum ar fi grupul punctelor de pe o curbă eliptică.

Serviciile de securitate oferite de criptosistemele bazate pe curbe eliptice sunt:

- autentificarea entităților
- confidențialitatea
- integritatea datelor
- ne-repudierea
- schimbul de chei autentificat.

Curbele eliptice sunt benefice în aplicații în care :

- puterea de calcul este limitată (cartele inteligente, dispozitive fără fir, plăci PC);
- spațiul pe circuit integrat este limitat (cartele inteligente, dispozitive fără fir, plăci PC);
- este necesară viteza mare de calcul;
- se folosește intens semnarea și verificarea semnăturii;
- mesajele semnate trebuie memorate sau transmise;
- lățimea de bandă este limitată (comunicații mobile, anumite rețele de calculatoare).

Aplicații de genul transferurilor bancare sau transmisiile de date prin rețele radio (fără fir), care necesită folosirea intensivă a semnăturii digitale, autentificării, viteza ridicată și lățimea de bandă limitată, vor beneficia din plin de avantajele oferite de implementările bazate pe conceptul curbelor eliptice. Sistemele bazate pe curbe eliptice se pot implementa mult mai ușor și eficient atât în hardware cât și în software. Implementările existente la momentul actual indică faptul că aceste sisteme sunt pe departe mai eficiente decât orice alt sistem cu chei publice. Un cip construit de Certicom Corporation pentru realizarea operațiilor pe o curbă eliptică peste câmpul $F_{2^{155}}$ are o frecvență de ceas de 40MHz și poate efectua aproximativ 40000 de operații pe secundă. Cipul are doar 12000 de porți și este de 10 ori mai rapid decât DSA sau RSA pe 1024 de biți.

Definiție: Fie p ($p > 3$) un număr prim. Curba eliptică $y^2 = x^3 + ax + b$ peste \mathbf{Z}_p constă din mulțimea soluțiilor $(x, y) \in \mathbf{Z}_p \times \mathbf{Z}_p$ ecuației

$$y^2 = x^3 + ax + b \pmod{p},$$

unde $a, b \in \mathbf{Z}_p$ sunt constante astfel încât $4a^3 + 27b^2 \neq 0 \pmod{p}$ și dintr-un punct O numit „punct la infinit”.

O curbă eliptică E se poate structura ca un grup abelian finit. Legea de compoziție aditivă este definită astfel:

Fie $P, Q \in E$, $P = (x_1, y_1)$, $Q = (x_2, y_2)$.

Dacă $x_2 = x_1$, $y_2 = -y_1$, atunci $P + Q = O$; altfel, $P + Q = (x_3, y_3)$, unde $x_3 = \lambda^2 - x_1 - x_2$, $y_3 = \lambda(x_1 - x_2) - y_1$, iar

$$\lambda = \begin{cases} \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1} \\ \frac{3x_1^2 + a}{2y_1} \end{cases} \quad \text{dac } P \neq Q \text{ sau } P = Q.$$

Se mai define te $P+O = O+P = P, \forall P \in E$. Elementul neutru este O .

Opera ii cu punctele de pe curbele eliptice

Adunarea punctelor de pe curbele eliptice poate fi explicat cel mai simplu prin prisma reprezent rilor geometrice. Opera ia de adunare pe o curb eliptic este corespondent opera iei de înmul ire în sistemele cu chei publice obi nuite iar adunarea multipl este corespondent exponen ierii modulare din acestea.

S examin m reprezentarea curbei din Figura 11.1. Adunarea punctelor $P(x_1, y_1)$ i $Q(x_2, y_2)$ este echivalent cu g sirea punctului $R(x_3, y_3)$ prin trasarea unei drepte între punctele P i Q care intersecteaz curba într-un al treilea punct. Acest punct este inversul punctului R , iar R va fi punctul de reflexie al acestui punct. Mai exact vom trasa o perpendicular din punctul „ $-R$ ” pe axa OX care va intersecta curba în punctul R .

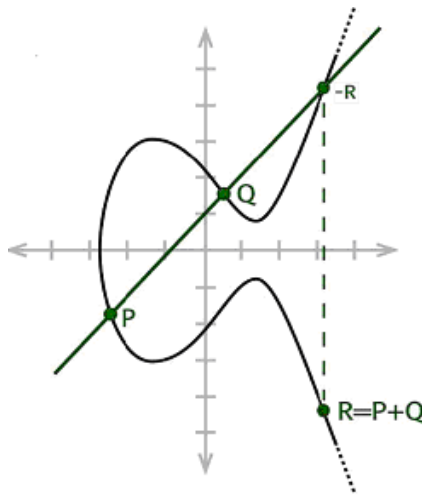


Figura 11.1. Adunarea punctelor de pe curva eliptica

O alt opera ie posibil cu punctele unei curbe este dublarea unui punct. Dublul unui punct se ob ine asem n tor, cu diferen a c de aceasta dat tras m o dreapt tangent la punctul $P(x_1, y_1)$. Conform Figurii 11.2 se ob ine la fel ca la adunare inversul punctului R , din care vom ob ine R . Din punct de vedere algebric pentru a putea folosi aceste elemente pentru a defini un criptosistem bazat pe opera ii cu puncte de pe curbe eliptice, avem nevoie sa definim o structur algebric . Cea mai simpla structur care permite acest lucru este grupul.

Fie E o curb eliptic peste F_p sau peste F_{p^m} i dou puncte P i Q de pe curba eliptica E . Mul imea punctelor de pe curba E , notat cu $E(F_p)$ are structura de grup împreuna cu adunarea punctelor.

1. *Exista element neutru:* Dac P este punctul la infinit notat cu ∞ , atunci definim punctul $-P$ ca fiind ∞ . Pentru orice alt punct Q definim $Q + \infty = Q$.
2. *Exist element invers:* În F_p definim punctul invers al lui $P(x, y)$ ca fiind $-P(x, -y)$. Dac exist un punct $Q = -P$, atunci $Q + P = \infty$.
3. *Opera ia de adunare:* O dreapta care intersecteaz curba eliptic în dou puncte P i Q va intersecta curba i într-un al treilea punct. Definim $P + Q = -R$, $-R(x_3, y_3)$ vor fi coordonatele celui de-al treilea punct de intersec ie al dreptei cu curba eliptic E .
4. *Dublarea punctelor:* O dreapt d tangent la curba eliptica E va intersecta curba eliptic în punctul $-R(x_3, y_3)$. Definim dublarea punctului P prin $2P = -R$

Din descrierea de mai sus pot fi calculate formule exacte pentru adunarea i dublarea punctelor în func ie de coordonatele punctelor i de tipurile de curbe prezentate mai sus, rezultate prin schimb rile acceptabile de variabile. De î regulile de calcul în grupul punctelor unei curbe eliptice par destul de complicate, aritmetica acestora poate fi implementat extrem de eficient, calculele în acest grup fiind realizate mult mai rapid decât cele din grupul Z_p .

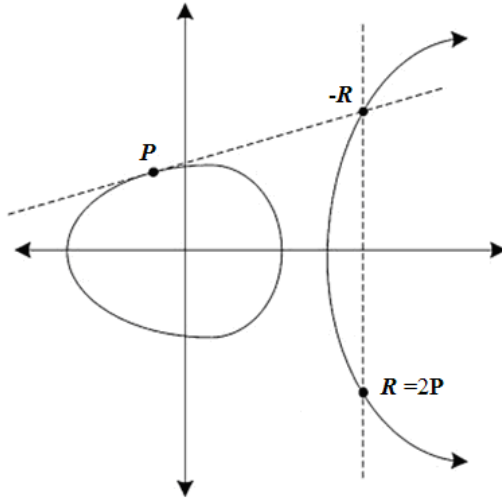


Figura 11.2. Adunarea punctelor de pe curba eliptica

Exemplu:

Fie curba eliptica $E: y^2 = x^3 + x + 6$ pe \mathbf{Z}_{11} . Calculăm mai întâi punctele lui E : pentru orice $x \in \mathbf{Z}_{11}$, se calculează $z = x^3 + x + 6 \pmod{11}$. Se testează dacă z este un rest pătratic (pentru un x dat) folosind criteriul lui Euler. Aplicând formula de calcul a rădăcinilor pătrate a unui rest pătratic modulo p se obține: $\pm z^{\frac{11+1}{4}} \pmod{11} = \pm z^3 \pmod{11}$. Calculele sunt reprezentate în Tabelul 11.1.

Deci curba eliptică E admite 13 puncte. Ordinul grupului este prim, deci grupul este ciclic. Presupunem că se ia $(2, 7)$ generator al grupului. Se pot atunci calcula multiplii lui (care sunt puteri ale lui deoarece grupul este aditiv). Pentru a calcula $2 \cdot (2, 7) = (2, 7) + (2, 7)$ se calculează mai întâi $(3 \times 2^2 + 1)(2 \times 7)^{-1} \pmod{11} = 2 \times 3^{-1} \pmod{11} = 2 \times 4 \pmod{11} = 8$. Atunci avem $x^3 = 8^2 - 2 - 2 \pmod{11} = 5$ și $y^3 = 8(2 - 5) - 7 \pmod{11} = 2$.

Observăm că ales mai sus este cu adevărat un generator al grupului.

Să analizăm în continuare un exemplu de criptare El Gamal pe curba eliptică din exemplul anterior:

Fie $(2, 7)$ și exponentul secret $da = 7$. Avem $7 \cdot (2, 7) = (7, 2)$. Criptarea textului clar x cu cheia k se face în modul următor:

$$e_k(x, k) = (k, x+k) = (k(2, 7), x+k(7, 2)), \text{ unde } 0 \leq k < 12 \text{ și } x \in E$$

Operația de decriptare se desfășoară astfel:

$$d_k(y_1, y_2) = y_2 - 7y_1.$$

Să presupunem că utilizatorul *A* vrea să cifreze mesajul $x = (10, 9)$ (care este un punct de pe *E*) spre a-l trimite utilizatorului *B*. Pentru aceasta el alege valoarea aleatoare $k=3$ și calculează :

$$y_1 = 3(2,7) = (8,3)$$

și

$$y_2 = (10, 9) + 3(7, 2) = (10, 9) + (3, 5) = (10, 2)$$

Deci textul cifrat este $y = ((8, 3), (10, 2))$.

La recepție, utilizatorul *B* descifrează mesajul în următorul mod:

$$x = (10, 2) - 7(8, 3) = (10, 2) - (3, 5) = (10, 2) + (3, 6) = (10, 9)$$

rezultând sensul descifrat al mesajului.

x	$x^3+x+6 \pmod{11}$	este rest p tratic modulo 11 ?	y
0	6	Nu	
1	8	Nu	
2	5	Da	4, 7
3	3	Da	5, 6
4	8	Nu	
5	4	Da	2, 9
6	8	Nu	
7	4	Da	2, 9
8	9	Da	3, 8
9	7	Nu	
10	4	Da	2, 9

Tabelul 11.1. Calculul punctelor curbei eliptice *E*

Tema 12. Sistemul de criptare RSA

Un alt criptosistem bazat pe o problemă dificilă este **Algoritmul RSA**, numit astfel după inventatorii săi, Rivest, Shamir și Adelman. A fost publicat în 1978 și rămâne un algoritm foarte folosit și astăzi, în ciuda eforturilor criptanalizatorilor de a-l sparge.

Algoritmul de criptare RSA încorporează rezultate din teoria numerelor, combinate cu dificultatea determinării factorilor primi pentru un număr întreg. Ca în cazul algoritmului Merkle-Hellman și algoritmul RSA operează cu aritmetica modulo n . Un bloc în text clar este tratat ca un întreg, iar pentru criptare și decriptare se folosesc două chei, e și d , care sunt interschimbabile. Blocul de text clar P este criptat ca $P^e \bmod n$. Deoarece exponențierea este modulo n , este foarte dificil să se factorizeze P^e pentru a descoperi textul original. Pentru aceasta, cheia de decriptare d este astfel aleasă încât

$$(P^e)^d = P \bmod n.$$

Astfel P este garantat să fie necesar descompunerea în factori primi a lui P^e .

Problema pe care se bazează algoritmul de criptare este cea a factorizării numerelor mari. Problema factorizării nu se cunoaște a fi NP-completă; cel mai rapid algoritm cunoscut este exponențial în timp.

Cu algoritmul RSA mesajul în text clar p este criptat prin intermediul cheii de criptare e obținându-se mesajul în text cifrat c :

$$c = p^e \bmod n.$$

Mesajul în text clar este regăsit cu ajutorul cheii de decriptare d :

$$p = c^d \bmod n.$$

Din cauza simetriei din aritmetica modulară, criptarea și decriptarea sunt mutual inverse și comutative:

$$p = c^d \bmod n = (p^e)^d \bmod n = (p^d)^e \bmod n.$$

Cheia de criptare constă în perechea de întregi (e, n) , iar cheia de decriptare este (d, n) . Punctul de plecare în alegerea cheilor pentru acest algoritm este selectarea unei valori pentru n . Valoarea lui n trebuie să fie suficient de mare, dată de un produs a două numere prime p și q . Atât p cât și q trebuie să fie ele însele suficient de mari. În mod obișnuit, p și q au aproximativ 100 de cifre fiecare, astfel încât n are aproximativ 200 de cifre. Această lungime inhibă încercarea de a factoriza pe n , pentru a afla pe p și pe q .

În continuare, se alege un întreg e relativ mare, astfel încât e este relativ prim cu $(p-1) \cdot (q-1)$. Satisfacerea acestei condiții se face alegându-l pe e ca un număr prim mai mare decât $p-1$ și $q-1$. În final, se alege d astfel încât:

$$e \cdot d \equiv 1 \pmod{(p-1) \cdot (q-1)}.$$

Funcția lui Euler $\varphi(n)$ este numărul întregilor pozitivi mai mici decât n care sunt relativ primi cu n . Dacă p este prim, atunci:

$$\varphi(p) = p-1.$$

Dacă $n = p \cdot q$, unde p și q sunt ambele prime, atunci

$$\varphi(n) = \varphi(p) \cdot \varphi(q) = (p-1) \cdot (q-1)$$

Identitatea Euler-Fermat afirmă că

$$x^{\varphi(n)} \equiv 1 \pmod{n}$$

pentru orice întreg x , dacă n și x sunt reciproc prime.

Să presupunem că mesajul în text clar p este criptat cu algoritmul RSA, astfel încât $e(p) = p^e$. Trebuie să fim siguri că putem decripta mesajul. Valoarea e este astfel aleasă încât inversa sa d să poată fi găsită ușor. Deoarece e și d sunt inverse modulo $\varphi(n)$,

$$e \cdot d \equiv 1 \pmod{\varphi(n)} \text{ sau } e \cdot d = k \cdot \varphi(n) + 1$$

pentru anumiți întregi k .

La implementarea practică a algoritmului, utilizatorul algoritmului RSA alege numerele prime p și q , din care se obține $n = p \cdot q$. Apoi alege e , relativ prim la $(p-1) \cdot (q-1)$, de obicei un număr prim mai mare decât $p-1$ și decât $q-1$. În final, d se calculează ca inversul lui e mod $\varphi(n)$.

Utilizatorul distribuie e și n , și publică cheia d secretă; p , q și $\varphi(n)$ pot fi ignorate, dar nu trebuie publicate. Chiar dacă se știe că n este produsul a două numere prime, datorită mărimea sale – peste 200 de cifre, nu va fi posibil să se determine factorii p și q , și nici cheia privată, d , din e . De asemenea, verificarea că p și q sunt prime, presupune luarea în considerare a 10^{50} factori.

La momentul actual în RSA se utilizează numere prime găsite prin intermediul algoritmilor probabilistici, cel mai performant fiind testul Miller-Rabin. El este considerat suficient de bun pentru generarea numerelor prime aplicate în criptografie. Dacă însuși acest test ar genera la un moment dat un număr compus, urmările vor fi imprevizibile pentru utilizatorii algoritmului RSA cu cheile respective.

Teoretic sunt trei posibilități de abordare a unui atac în cazul algoritmului RSA: atacul în forță, atacul bazat pe metode matematice (încercarea factorizării produsului a două numere prime mari) și atacul temporal. Analiza acestor atacuri duce la concluzia că nici unul nu are șanse de izbândă. În pofida unor intense cercetări, au fost identificate doar probleme minore în comparație cu cele din cazul algoritmului rucsacului lui Merkle și Hellman.

Aadar algoritmul RSA constă din următorii 3 algoritmi: generatorul de chei, algoritmul de criptare și algoritmul de decriptare.

Generatorul de chei.

1. Generează două numere prime mari p și q ;
2. Calculează $n = pq$ și indicatorul Euler $\phi(n) = (p - 1)(q - 1)$;
3. Alege aleator un număr e ($1 < e < \phi(n)$) astfel ca $\text{cmmdc}(e, \phi(n)) = 1$;
4. Calculează $d = e^{-1} \text{ mod } \phi(n)$ (adică $d \cdot e = 1 \text{ mod } \phi(n)$) folosind algoritmul extins al lui Euclid;
5. Face public n și e , adică cheia publică este (e, n) iar cea privată este (d, n) .

Algoritmul de criptare.

Fie m – mesajul în clar dat sub forma unui număr natural mai mic decât n (m poate fi reprezentarea zecimală conform tabelului ASCII a caracterului ce trebuie criptat). Atunci textul cifrat, notat cu c , este

$$c = m^e \text{ mod } n.$$

Algoritmul de decriptare.

Fie c – textul cifrat primit. Atunci textul clar m , este

$$m = c^d \text{ mod } n.$$

Pentru calcularea inversului d al unui număr întreg e în clasele de resturi modulo n putem aplica algoritmul Euclid extins, care poate fi implementat cu ajutorul Tabelului 12.1. În acest tabel avem:

$$x_1 = 1, y_1 = 0, r_1 = n, x_2 = 0, y_2 = 1, r_2 = e.$$

$$q_i = \left\lfloor \frac{r_{i-1}}{r_i} \right\rfloor, i = 2, 3, \dots,$$

unde $[x]$ reprezintă partea întreagă a numărului x . Pentru $i = 3, 4, 5 \dots$ avem:

$$r_i = r_{i-2} \bmod r_{i-1},$$

$$x_i = x_{i-2} - q_{i-1} \cdot x_{i-1},$$

$$y_i = y_{i-2} - q_{i-1} \cdot y_{i-1}.$$

Procesul continuă până când obținem $r = 1$. În acest caz (la iterația k) $e^{-1} \bmod n = y_k$. În cazul în care $y_k < 0$ se adună n .

Pentru calcularea rapidă a lui $a^b \bmod n$ se poate aplica următoarea metodă :

1. se determină reprezentarea binară a lui a ;
2. fiecare bit din această reprezentare binară îi corespunde operațiile de ridicare la pătrat și înmulțirea cu baza $((x^2 \bmod n) \cdot a) \bmod n$, iar pentru fiecare 0 – numai înmulțirea cu baza $(x \cdot a) \bmod n$; prima unitate din această reprezentare nu o luăm în considerare (pe primul loc numai dacă se află 1).

i	x	y	r	q
1	1	0	n	
2	0	1	e	$q_2 = \left\lfloor \frac{r_1}{r_2} \right\rfloor$
3	$x_i = x_{i-2} - q_{i-1} \cdot x_{i-1}$	$y_i = y_{i-2} - q_{i-1} \cdot y_{i-1}$	$r_i = r_{i-2} \bmod r_{i-1}$	$q_3 = \left\lfloor \frac{r_2}{r_3} \right\rfloor$
...
k	$x_k = x_{k-2} - q_{k-1} \cdot x_{k-1}$	$y_k = y_{k-2} - q_{k-1} \cdot y_{k-1}$	1	$q_k = \left\lfloor \frac{r_{k-1}}{r_k} \right\rfloor$

Tabelul 12.1. Schema algoritmului Euclid extins

Să analizăm un exemplu al algoritmului RSA. Din start trebuie de menționat că acest exemplu este unul pur instructiv, el neavând nici un grad de securitate.

Exemplu. *Bob* trebuie să genereze o pereche de chei pentru algoritmul RSA și să-i transmită lui *Alice* cheia sa publică. *Alice* va cripta cu această cheie mesajul „A” și va trimite lui *Bob* textul cifrat, care, folosind cheia sa privată, trebuie să-l decripteze.

Pentru generarea cheilor *Bob* alege 2 numere prime:

$$p = 31 \text{ i } q = 23.$$

Calculeaz produsul

$$n = 31 \cdot 23 = 713.$$

Apoi calculeaz indicatorul Euler

$$\phi(n) = (p - 1) \cdot (q - 1) = 30 \cdot 22 = 660.$$

În continuare *Bob* alege aleator un număr e ($1 < e < \phi(n)$) astfel ca $\text{cmmdc}(e, \phi(n)) = 1$, adică $1 < e < 660$ și $\text{cmmdc}(e, 660) = 1$. Fie că alege

$$e = 223$$

Calculează $d = 223^{-1} \bmod 660$ aplicând algoritmul Euclid extins (Tabelul 12.2).

i	x	y	r	q
1	1	0	660	
2	0	1	223	2
3	1	-2	214	1
...	-1	3	9	23
k	24	-71	7	1
	-25	74	2	3
	99	-293	1	2
			Stop!	

Tabelul 12.2. Schema algoritmului Euclid extins pentru $d = 223^{-1} \bmod 660$

Aadar,

$$d = 223^{-1} \bmod 660 = -293 \bmod 660 = -293 + 660 = 367$$

Deci cheia privată a lui *Bob* este (367, 713).

Ceia sa publică (223, 713) – *Bob* o transmite lui *Alice*.

Alice trebuie să trimită mesajul „A” lui *Bob* cifrând-ul cu algoritmul RSA. Conform tabelului ASCII valoarea zecimală a lui „A” este 65. Deci $m = 65$. Pentru aceasta *Alice* calculează

$$c = 65^{223} \bmod 713.$$

Reprezentarea binară al exponentului 223 este:

$$223_{10} = 11011111_2.$$

Aadar,

$$65^{223} \bmod 713 = ((((((((((((((65^2 \bmod 713) \cdot 65 \bmod n)^2 \bmod n)^2 \bmod n) \cdot \\ \cdot 65 \bmod n)^2 \bmod n) \cdot 65 \bmod n)^2 \bmod n) \cdot \\ \cdot 65 \bmod n)^2 \bmod n) \cdot 65 \bmod n)^2 \bmod n) \cdot 65 \bmod n).$$

Efectuând consecutive calculele se obține

$$65^{223} \bmod 713 = 396.$$

Alice trimite lui Bob textul cifrat

$$c = 396.$$

Bob aplică aceiași metodă și calculează

$$m = c^d \bmod n = 396^{367} = 65,$$

adică conform tabelului ASCII – litera „A”.

Dacă numărul n este insuficient de mare, atunci algoritmul poate fi spart. În cazul nostru $n = 713$. Acest număr poate fi foarte simplu factorizat: $n = 713 = 31 \cdot 23$.

Răuvoitorul cunoaște cheia publică, deci poate calcula $e = 223$ și la fel ca Bob calculează d și obține cheia lui privată. Algoritmul este spart.

În conformitate cu recomandările unor specialiști din domeniul securității, lungimea cheii RSA trebuie să fie în concordanță cu Tabelul 12.3.

Durata de viață a datelor	Lungimea cheii RSA
până în 2010	1024 biți
până în 2030	2048 biți
începând cu 2031	3072 biți

Tabelul 12.3. Recomandări referitoare la lungimea cheii RSA

Tema 13. Funcțiile HASH criptografice

Unul dintre instrumentele importante ale criptografiei moderne sunt *funcțiile HASH*. Aceste funcții efectuează transformări asupra intrării de o lungime arbitrară generând o ieșire de lungime fixă care este o imagine a intrării. Valoarea „imaginii” returnate se numește valoare HASH. Aceste funcții se mai numesc și funcții „*message digest*”, deoarece din valoarea HASH este imposibil de reconstruit intrarea din care s-a făcut imaginea. Există multe funcții care pot transforma intrarea de lungime arbitrară în o ieșire de lungime fixă, însă funcțiile care prezintă interes din punct de vedere criptografic sunt funcțiile hash de sens unic (*one-way hash functions*). Ecuația generală care descrie funcțiile hash este

$$h = H(m),$$

unde m intrarea, H este funcția și h – valoarea hash.

Caracteristicile speciale ale funcțiilor de sens unic sunt următoarele:

- Pentru orice intrare M este ușor de calculat h .
- Având h este dificil de calculat M astfel încât se fie satisfăcut relația $h = H(m)$.
- Pentru un M dat este dificil de găsit M_1 astfel încât $H(M) = H(M_1)$.

Aceste proprietăți ale funcțiilor hash de sens unic folosite în criptografie sunt extrem de importante deoarece dacă un atacator ar putea găsi cu ușurință o valoare de intrare m_1 care produce același rezultat cu m atunci dacă cineva semnează m , atacatorul ar putea afirma că a fost semnat m_1 . O cerință adițională pentru aceste funcții este ca pentru ele să fie dificil de găsit două mesaje aleatoare care să aibă același imagine, altfel spus:

- Este dificil de găsit mesaje aleatoare m și m_1 astfel încât $H(m) = H(m_1)$.

Un posibil atac, dacă ultima cerință nu este îndeplinită, ar fi atacul numit „atacul zilei de naștere” (birthday attack). Acest tip de atac își a primit numele de la paradoxul zilelor de naștere. În mod surprinzător, se poate dovedi matematic că probabilitatea ca în orice grup de 23 de persoane doi sau mai mulți indivizi să aibă același zi de naștere este mai mare decât $\frac{1}{2}$.

Atacul descris de c tre criptologul *Bruce Schneier* presupune folosirea unei func ii hash care produce un rezultat de 64 bi i. Pa ii care trebuie parcur i pentru ca Bob s ob in o semn tur de la Alice pe un document care n-ar fi semnat, în condi ii normale, niciodat de Alice:

1. Bob preg te te dou versiuni ale documentului, una care este în ordine i va fi semnat de Alice, i una care con ine informa ii false care nu ar fi semnate de Alice.
2. Bob face schimb ri subtile pe fiecare document (de ex. inserare de spa ii etc.), ob inând 2^{23} variante ale documentelor.
3. Bob calculeaz valorile Hash a fiec rei variante ale celor dou documente, i g se te câte una din fiecare grup care produc acelea i valori HASH.
4. Bob trimite varianta modificat a documentului pe care Alice este dispus s semneze, folosind un protocol unde se semneaz numai valoarea HASH.
5. Acuma Bob poate sus ine c documentul pereche cu informa iile false a fost semnat de Alice.

Nu este u or de g sit o func ie care satisface toate cerin ele de mai sus, totu i exist destul de multe, mai mult sau mai pu in sigure, func ii HASH folosite în criptografie. Vom oferi o descriere a celor mai cunoscute dintre aceste func ii.

MD5 (MD provine din *Message Digest*) este o func ie hash de sens unic, proiectat de Ron Rivest (unul dintre autorii algoritmului RSA). Algoritmul produce un hash, sau altfel zis imagine de 128 bi i a mesajului de intrare.

Principiile dup care s-a realizat algoritmul sunt urm toarele:

- *Securitate*. Este imposibil de g sit dou mesaje care au aceia i imagine, presupunând c nu exist alt metod de criptanaliz decât cea a for ei brute.
- *Securitate direct* . Securitatea nu se bazeaz pe presupuneri, cum ar fi de exemplu dificultatea de a factoriza numere mari în cazul RSA.
- *Vitez* . Algoritmul trebuie s fie potrivit pentru implement ri rapide de software, bazându-se pe manipula ii de bit cu operanzi de 32 bi i.

- *Simplicitate i compactitate.* Algoritmul trebuie s fie cât se poate de simplu, f r structuri mari de date sau un program complicat.
- *Favorizare de arhitecturi Little-Endian.* Algoritmul este optimizat pentru arhitecturi de microprocesoare (mai ales Intel). Calculatoarele mai performante fac transform rile necesare.

Prima variant a algoritmului a fost MD4, dar acesta dup ce a fost introdus a fost criptanalizat cu succes în p r i, ce l-a îndemnat pe autor s -și îmbun t easc codul. Astfel a fost conceput MD5, ca variant MD4 îmbun t it .

Descrierea algoritmului MD5. Dup ni te proces ri ini iale MD5 proceseaz textul de intrare în blocuri de 512 de bi i, care sunt mai departe separa i în 16 sub-blocuri de 32 bi i fiecare. Algoritmul produce un set de 4 blocuri de 32 bi i, care concatenate dau ie irea de 128 bit.

Mesajul este m rit pentru a fi multiplul lui 512. Acest procedeu se realizeaz prin ad ugarea unui bit de 1 la sfâr itul mesajului i atâtea zerouri câ i sunt necesari ca mesajul original s aib o lungime cu 64 de bi i mai scurt decât un multiplu al lui 512. O reprezentare pe 64 de bi i este apoi ad ugat la sfâr itul mesajului. Acest procedeu asigur ca complementarea s arate diferit pentru mesajele diferite.

La început sunt ini ializate patru variabile, numite variabile de leg tur :

$$\begin{aligned}
 A &= 0x01234567 \\
 B &= 0x89abcdef \\
 C &= 0xfedcba98 \\
 D &= 0x76543210
 \end{aligned}$$

Apoi începe ciclul principal al algoritmului, care este repetat în func ie de num rul de blocuri de 512 din mesajul de intrare. Cele patru variabile sunt copiate în alte variabile, anume: A în a , B în b , C în c iar D în d .

Ciclul principal are patru runde asem n toare. Fiecare rund folose te o opera ie diferit de 16 ori. Fiecare opera ie aplic o func ie ne-liniar pe trei din variabilele a, b, c, d , ad ugând rezultatul la al patrulea variabil , la un sub-bloc a textului de intrare i o constant . Apoi rote te rezultatul ob inut la dreapta cu un num r variabil de bi i i adaug rezultatul la unul dintre variabilele a, b, c , sau d . În final rezultatul este copiat într-unul dintre

variabilele de dinainte. Func ionarea buclei principale a algoritmului este prezentat în Figura 13.1.

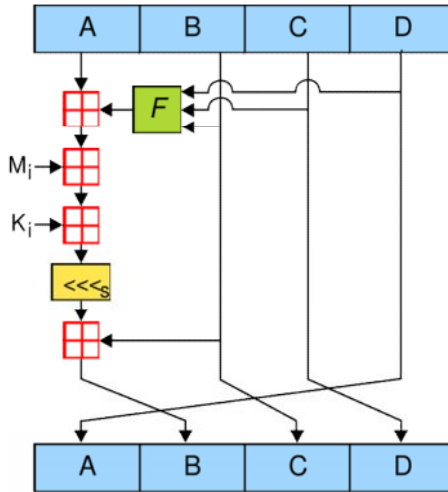


Figura 13.1. Bucla principală MD5

Sunt patru func ii neliniare folosite în fiecare opera ie. Se folose te o func ie diferit în fiecare rund . Func iile neliniare sunt:

$$F(X,Y,Z) = (X \& Y) / ((!X) \& Z)$$

$$G(X,Y,Z) = (X \& Z) !(Y !/Z)$$

$$H(X,Y,Z) = X \text{ xor } Y \text{ xor } Z$$

$$I(X,Y,Z) = Y \text{ xor } (X / !Z)$$

Considerând M_j fiind blocul j din sub-blocul de mesaje i , „ $\lll s$ ” fiind o rota ie circular de s bi i, cele patru opera ii sunt:

$$FF(a, b, c, d, M_j, s, t_i) \text{ înseamn } a = b + ((a + F(b, c, d) + M_j + t_i) \lll s)$$

$$GG(a, b, c, d, M_j, s, t_i) \text{ înseamn } a = b + ((a + G(b, c, d) + M_j + t_i) \lll s)$$

$$HH(a, b, c, d, M_j, s, t_i) \text{ înseamn } a = b + ((a + H(b, c, d) + M_j + t_i) \lll s)$$

$$II(a, b, c, d, M_j, s, t_i) \text{ înseamn } a = b + ((a + I(b, c, d) + M_j + t_i) \lll s)$$

Cele patru runde (64 de pa i) sunt prezentate în Tabelul 13.1. Constantele t_i sunt alese astfel încât t_i în pasul i este partea întreg a valorii $232 \cdot \text{abs}(\sin(i))$, unde i este în radiani. După parcurgerea celor 64 de pa i valorile a, b, c, d sunt ad ugate la A, B, C, D i ciclul se repet cu urm torul bloc de date. Ie irea final va fi concatenarea valorilor A, B, C i D .

Runda 1	Runda 2
FF (a, b, c, d, M0, 7, 0xd76aa478)	GG (a, b, c, d, M1, 5, 0xf61e2562)
FF (d, a, b, c, M1, 12, 0xe8c7b756)	GG (d, a, b, c, M6, 9, 0xc040b340)
FF (c, d, a, b, M2, 17, 0x242070db)	GG (c, d, a, b, M11, 14, 0x265e5a51)
FF (b, c, d, a, M3, 22, 0xc1bdceee)	GG (b, c, d, a, M0, 20, 0xe9b6c7aa)
FF (a, b, c, d, M4, 7, 0xf57c0faf)	GG (a, b, c, d, M5, 5, 0xd62f105d)
FF (d, a, b, c, M5, 12, 0x4787c62a)	GG (d, a, b, c, M10, 9, 0x02441453)
FF (c, d, a, b, M6, 17, 0xa8304613)	GG (c, d, a, b, M15, 14, 0xd8a1e681)
FF (b, c, d, a, M7, 22, 0xfd469501)	GG (b, c, d, a, M4, 20, 0xe7d3fbc8)
FF (a, b, c, d, M8, 7, 0x698098d8)	GG (a, b, c, d, M9, 5, 0x21e1cde6)
FF (d, a, b, c, M9, 12, 0x8b44f7af)	GG (d, a, b, c, M14, 9, 0xc33707d6)
FF (c, d, a, b, M10, 17, 0xffff5bb1)	GG (c, d, a, b, M3, 14, 0xf4d50d87)
FF (b, c, d, a, M11, 22, 0x895cd7be)	GG (b, c, d, a, M8, 20, 0x455a14ed)
FF (a, b, c, d, M12, 7, 0x6b901122)	GG (a, b, c, d, M13, 5, 0xa9e3e905)
FF (d, a, b, c, M13, 12, 0xfd987193)	GG (d, a, b, c, M2, 9, 0xfcefa3f8)
FF (c, d, a, b, M14, 17, 0xa679438e)	GG (c, d, a, b, M7, 14, 0x676f02d9)
FF (b, c, d, a, M15, 22, 0x49b40821)	GG (b, c, d, a, M12, 20, 0x8d2a4c8a)
Runda 3:	Runda 4:
HH (a, b, c, d, M5, 4, 0xfffa3942)	II (a, b, c, d, M0, 6, 0xf4292244)
HH (d, a, b, c, M8, 11, 0x8771f681)	II (d, a, b, c, M7, 10, 0x432aff97)
HH (c, d, a, b, M11, 16, 0x6d9d6122)	II (c, d, a, b, M14, 15, 0xab9423a7)
HH (b, c, d, a, M14, 23, 0xfde5380c)	II (b, c, d, a, M5, 21, 0xfc93a039)
HH (a, b, c, d, M1, 4, 0xa4beea44)	II (a, b, c, d, M12, 6, 0x655b59c3)
HH (d, a, b, c, M4, 11, 0x4bdecfa9)	II (d, a, b, c, M3, 10, 0x8f0ccc92)
HH (c, d, a, b, M7, 16, 0xf6bb4b60)	II (c, d, a, b, M10, 15, 0xffeff47d)
HH (b, c, d, a, M10, 23, 0xbefb7c70)	II (b, c, d, a, M1, 21, 0x85845dd1)
HH (a, b, c, d, M13, 4, 0x289b7ec6)	II (a, b, c, d, M8, 6, 0x6fa87e4f)
HH (d, a, b, c, M0, 11, 0xeaa127fa)	II (d, a, b, c, M15, 10, 0xfe2ce6e0)
HH (c, d, a, b, M3, 16, 0xd4ef3085)	II (c, d, a, b, M6, 15, 0xa3014314)
HH (b, c, d, a, M6, 23, 0x04881d05)	II (b, c, d, a, M13, 21, 0x4e0811a1)
HH (a, b, c, d, M9, 4, 0xd9d4d039)	II (a, b, c, d, M4, 6, 0xf7537e82)
HH (d, a, b, c, M12, 11, 0xe6db99e5)	II (d, a, b, c, M11, 10, 0xbd3af235)
HH (c, d, a, b, M15, 16, 0x1fa27cf8)	II (c, d, a, b, M2, 15, 0x2ad7d2bb)
HH (b, c, d, a, M2, 23, 0xc4ac5665)	II (b, c, d, a, M9, 21, 0xeb86d391)

Tabelul 13.1. Opera iile din rundele MD5

Exist diverse implementări ale algoritmului de generare a lui MD, spre exemplu <http://www.miraclesalad.com/webtools/md5.php>.

Exemplu MD5.

String:

Functii HASH

md5

MD5 Hash:

8e31fb99ef4072b4d3d93014651eb13a

Deci, $MD5(Func \ddot{u} HASH) = 8e31fb99ef4072b4d3d93014651eb13a$.

Secure Hash Algorithm SHA. NIST împreună cu NSA au propus algoritmul SHA pentru standardul de semn tur digital . Diferența cea mai importantă dintre MD5 și SHA este lungimea imaginii produse, care în cazul lui SHA este 160 bi i. Cu cât este mai lung imaginea produsă de funcție cu atât mai mare este fidelitatea cu care această imagine caracterizează sursa, deci scade probabilitatea ca două mesaje diferite să producă același hash. Într-o idee de bază, pentru care s-a introdus crearea de imagine a mesajelor este tocmai să se obțină date de lungime redusă care vor fi semnate, asigurând astfel viteza necesară semnării digitale a documentelor. Deci putem afirma că lungimea este de fapt un compromis între fidelitatea imaginii și viteza procesului de semnare.

Algoritmul SHA a fost proiectat inspirându-se din MD5, astfel multe din operațiile acestor doi algoritmi sunt similare. Completarea mesajului de intrare la multiplu de 512 bi i este realizat exact la fel ca și la MD5.

SHA folosește cinci variabile de 32 bi i (MD5 folosește numai 4), obținându-se astfel înțelesul de 160 bi i prin concatenarea înțelesurilor din cele cinci blocuri.

Menționăm faptul că funcțiile hash MD5, SHA și mai recent SHA-1 (Figura 13.2) nu mai oferă rezistență secundară a imaginii, întrucât în ciuda

acestui fapt ele sunt încă folosite în multe aplicații. Atacuri asupra SHA au fost anunțate pentru prima oară în două articole non-tehnice ale lui Schneier cu privire la atacurile asupra funcțiilor hash. Pentru soluții contemporane se recomandă folosirea SHA-256 sau mai puternic, în niciun caz a MD5 sau SHA-1.

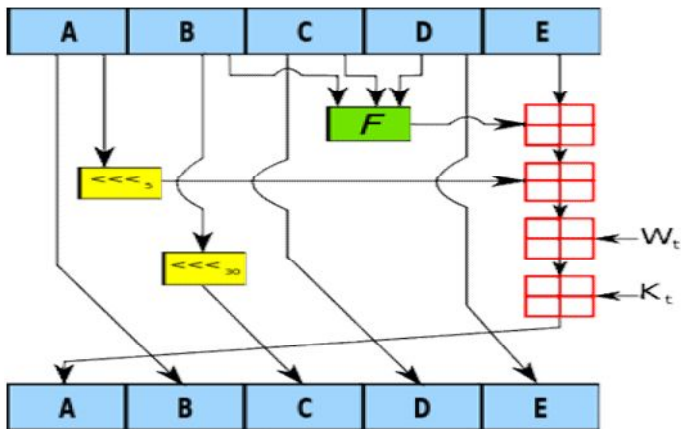


Figura 13.2 Bucla principală SHA-1

Un înlocuitor pentru unul dintre cei mai folosiți algoritmi în securitatea informatică a fost ales în urma unui concurs între criptografi desfășurat timp de cinci ani. Concursul a fost conceput pentru a lăsa experții în securitate cibernetică să sperie de deficiențele standardului „gold” precedent. Acum se pare că nu avem o nevoie stringentă de un algoritm nou...

Exemplu SHA-1.

String:

Funcții HASH:

sha1

SHA-1 Hash:

745503396156e64889f1ae2386a410f03887ebf7

SHA-1(Funcții HASH) =745503396156e64889f1ae2386a410f03887ebf7

În data de 2 octombrie 2012 un algoritm numit **Keccak** a fost desemnat câștigătorul competiției *Secure Hash Algorithm - 3 (SHA-3)* organizat de NIST în Gaithersburg, Maryland. Algoritmii aleși de NIST sunt considerați ca fiind *standardul de aur* în criptografie. La sfârșitul competiției anterioare, definitivate în anul 2000, s-a ales **Advanced Encryption Standard (AES)**, folosit pe scară largă, de la Skype la Agenția Națională de Securitate (US National Security Agency, NSA). NIST a dat startul acestui concurs pentru prima dată în 2007, după ce au început să apară temerile că algoritmii hash existenți la acea vreme, SHA-1 și SHA-2, ar putea fi defectuoși.

Algoritmii hash sunt utilizați de către agențiile guvernamentale și întreprinderile din întreaga lume pentru a realiza tranzacții on-line în siguranță, pentru a stoca parole sigure și pentru a verifica fișiere digitale și semnături.

Pentru ca un algoritm hash să funcționeze, trebuie să fie foarte greu de produs coincidențe. În limbajul criptografilor acest lucru se numește „coliziune”: două texte diferite care produc același hash. În anul 2004 criptograful Xiaoyun Wang a descoperit un defect la SHA-1, care a redus în mod drastic timpul necesar pentru a găsi o coliziune fâcând nesigure sistemele care utilizează acest algoritm. Până în acest moment NIST a aprobat deja succesorul său, familia de algoritmi SHA-2, creând motive de îngrijorare că defectul s-ar putea extinde și la SHA-2.

Dar, în timp ce cercetătorii de la NIST analizau cerințele pentru competitorul SHA-3, aceștia au constatat că algoritmul SHA-2 nu a fost viciat în acest mod. „Ei sunt de fapt algoritmi hash foarte buni, atât în privința performanței, cât și a securității”, afirmă Tim Polk, savant de la NIST.

În loc să întrerupă proiectul de cercetare, NIST a decis că SHA-3 ar trebui să fie o opțiune complementară, explică Polk. Algoritmul ideal ar avea o structură diferită criptografică, fâcând mai puțin probabil ca un atac asupra SHA-2 să afecteze de asemenea SHA-3. Mai mult chiar, acesta ar fi mai potrivit pentru o gamă mare de dispozitive de calcul.

Dintr-un total de 64 de înregistrări care au avut loc inițial, NIST a identificat cinci finaliști în 2010. Câștigătorul, algoritmul Keccak, se bazează pe o „construcție hash de tip burete”, numit astfel deoarece funcția sa este flexibilă, asemeni unui burete fizic. Dacă vă gândiți că datele de intrare într-o funcție hash sunt „absorbite” în faza de hashing și

apoi „stoarse” pentru a produce hash, într-o construc ie de tip burete, stoarcerea mai rapid produce un hash mai rapid, dar mai pu in siguri i vice-versa, oferind flexibilitate.

Algoritmul nou este în general mai rapid decât predecesorul s u i prin urmare consum mai pu in energie, afirm Gilles Van Assche, unul dintre criptografi i în spatele algoritmului Keccak, care a fost dezvoltat de firmele de materiale semiconductoare STMicroelectronics din Geneva, Elve ia i NXP din Eindhoven, Olanda.

Al i exper i în securitate sunt mai pu in siguri de utilitatea unui nou algoritm. Chiar i Bruce Schneier, creatorul unuia dintre finali tii SHA-3, numit Skein, i-a exprimat îndoiala. „Nu este vorba despre faptul c noile func ii hash nu ar fi bune, ci despre faptul c nu prea avem nevoie de unul”, a scris Schneier pe blog-ul s u, de i dup anun ul f cut de NIST el a ad ugat c Keccak este o „alegere bun ”.

„Din punct de vedere practic, nu se cunoa te s fie ceva în neregul cu algoritmi i pe care oamenii îi folosesc în acest moment”, afirm Ross Anderson, un expert în securitate de la Universitatea din Cambridge. Având în vedere faptul c nu exist nici o vulnerabilitate evident a SHA-2, sistemele pot decide s utilizeze în continuare acest algoritm, mai degrab decât s îl schimbe, afirm el. „SHA-2 este înc un algoritm bun, dar poate SHA-3 ar fi mai eficient în unele situa ii”, afirm Van Assche.

Polk relateaz c NIST nu încurajeaz pe nimeni s abandoneze SHA-2 în favoarea SHA-3. „Ei sunt într-adev r cei doi algoritmi foarte buni, iar SHA-3 nu este mai bun decât SHA-2 pe toate planurile”.

Tema 14. Semn turi digitale.

Semn tura digital este o schem matematic pentru demonstrarea autenticit ii unui mesaj sau document electronic. O semn tur digital valid este un motiv de încredere pentru destinatarul mesajului c acest mesaj a fost creat de c tre un expeditor cunoscut, astfel încât el nu va putea nega faptul trimerii mesajului (*autentificarea* i *non-repudierea*) i c mesajul nu a fost modificat în drum (*integritatea*). Semn turile digitale sunt în general utilizate pentru distribu ia de software, în tranzac iile financiare, precum i în alte cazuri în care este important detectarea falsific rii sau manipul rii.

Semn tura electronica nu este o semn tur scanat , pictogram , o poz sau o holograma i nici nu este un smart-card.

O schem de semn tur digital se bazeaz pe trei algoritmi:

- algoritmul de *selectare aleatoare a unei chei private* care se va asocia unei chei publice;
- algoritmul de *semnare* care, aplicat unei chei private i unui document digital, genereaz semn tura digital ;
- algoritmul de *verificare* a semn turii digitale, care aplicat cheii publice i semn turii digitale, accept sau respinge mesajul de conformitate.

Semn turile digitale reprezint echivalentul electronic al semn turilor de mân , acest concept fiind introdus ca func ionalitate adi onal a criptosistemelor cu cheie public de c tre Diffie i Hellman în 1976, în absen a unei scheme criptografice pentru acest scop. Obiectivul principal de securitate pe care îl asigur semn turile digitale îl reprezint *non-repudierea*, i anume faptul c o entitate odat ce a semnat o informa ie nu poate nega c a emis acea informa ie i orice alt entitate neutr poate verifica acest lucru. Semn turile digitale reprezint deci o valoare numeric care leag con inutul unui mesaj de identitatea unei entit i. În principiu, orice algoritm asimetric poate fi utilizat pentru crearea unei semn turi digitale prin *inversarea rolului cheii publice cu cea privat* , iar primele propuneri de semn turi digitale se g sesc în lucr rile lui Rivest, Rabin i ElGamal. Subliniem c i algoritmi simetrici pot fi folosi i pentru a crea semn turi digitale de tip *one-time* dar acestea sunt rar utilizate în practic .

Pentru o semn tur digital sunt necesare dou propriet i de baz :

- În primul rând, o semnătură generată dintr-un mesaj fix și o cheie fixă privată ar trebui să verifice autenticitatea acestui mesaj utilizând cheia publică corespunzătoare.
- În al doilea rând, ar trebui să fie imposibil de generat o semnătură validă pentru o entitate care nu posedă cheia privată.

Mai menționăm câteva proprietăți ale semnăturilor digitale:

- Trebuie să fie ușor de calculat doar de către cel care semnează mesajul (funcția de semnare trebuie să fie ușor de calculat).
- Trebuie să fie ușor de verificat de către oricine (funcția de verificare trebuie să fie ușor de calculat).
- Trebuie să dețină o durată de viață corespunzătoare, adică semnătura să nu poată fi falsificată până când nu mai este necesar scopului în care a fost creată.

Precizăm încă odată cele trei motive principale pentru care se recomandă folosirea semnăturilor digitale:

Autenticitatea. Deși documentele digitale pot să includă informații despre identitatea celui care le-a emis, aceste informații pot să nu fie corecte. Semnătura digitală poate fi folosită pentru autentificarea sursei documentului. Atunci când dreptul de proprietate asupra unei semnături digitale aparține unei anumite persoane, semnătura digitală arată că documentul a fost eliberat de către acea persoană. Importanța acestui aspect apare în dovedirea autenticității documentelor digitale în context financiar-contabil. De exemplu, actele contabile ale unei firme sunt trimise corect de către firma de contabilitate către administratorul firmei. Dacă acesta va modifica aceste acte încercând să schimbe informațiile financiare sau orice fel de informații transmise ca fișier PDF/A semnat electronic, pentru a putea obține un credit de la o bancă, în momentul în care banca deschide acele documente, semnătura electronică va fi invalidată, deci firma de contabilitate nu va putea fi considerată responsabilă de conținutul documentului, persoana care a transmis documentul modificat nu va putea fi urmărită în justiție pentru falsificarea de fals, iar banca va fi asigurată că nu cade în capcana acordării unui credit pe baza unor documente false.

Integritatea. Semnătura digitală aplicată unui document electronic reprezintă o garanție a integrității documentului atunci când este validat

de o autoritate publică. Cheia aleatoare se creează pe baza unor criterii multiple care includ printre altele și detalii despre conținutul documentului. Orice modificare a conținutului unui document digital înseamnă o cheie aleatoare nouă diferită de cheia aleatoare folosită pentru aplicarea semnăturii digitale. În clipa în care se solicită validarea documentului cele două chei aleatoare vor fi diferite, iar documentul se va putea considera ca având conținutul alterat.

Imposibilitatea repudierii (non-repudiare). Odată ce este emis un document digital semnat electronic, atâta vreme cât semnătura electronică este validă pe documentul digital, autorul documentului nu își poate declina răspunderea pentru conținutul documentului cu semnătură electronică validă. În plus, nu poate nega faptul că documentul a fost semnat personal, deoarece legislația în vigoare prevede faptul că deținătorul unei semnături digitale nu are dreptul să împrumute sau să împrumute *token*-ul (dispozitivul criptografic) pe care există certificatul digital calificat pe care îl deține. Din acest punct de vedere, exemplul de mai sus în care firma de contabilitate transmite documentele financiare firmei pentru care le întocmește, dacă a comis greșeli în întocmirea acestor acte, rămâne responsabil pentru datele prezentate, câtă vreme documentul digital transmis poartă o semnătură validă.

Pentru o semnătură digitală a mesajului m de către entitatea A putem folosi notația $Sig_A(m)$.

Există două categorii distincte de semnături digitale:

Semnături digitale cu recuperarea mesajului. La utilizarea acestor semnături mesajul poate fi recuperat direct din semnătura digitală. Cel mai simplu exemplu de construcție este prin inversarea rolului cheii publice și private în cazul schemei RSA. Pentru a evita fraudarea lor este obligatorie aplicarea unei funcții de redundanță asupra mesajului după care semnătura propriu-zisă se aplică asupra mesajului redundant.

Semnături digitale cu anexă (sau cu apendice). Acestea sunt semnături digitale din care mesajul nu poate fi recuperat, drept care este trimis adițional ca anexă la semnătura digitală. Se pot construi ușor prin aplicarea unei funcții *hash* asupra mesajului și semnarea hash-ului obținut. Datorită eficienței computaționale în semnarea mesajelor de dimensiuni mari (deoarece se semnează efectiv doar hash-ul mesajului care are o lungime fixă pentru fiecare algoritm hash indiferent de lungimea mesajului), aceste semnături sunt cele mai utilizate în practică. Totodată orice semnătură

digital cu recuperarea mesajului poate fi u or convertit în semn tur cu anex .

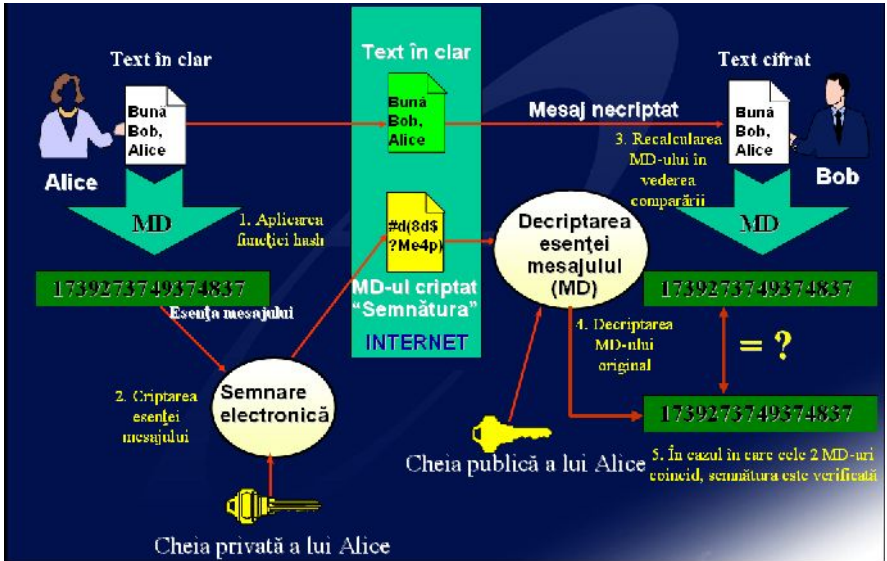


Figura 14.1. Schema unei semn turi digitale f r criptarea mesajului

Semn turile digitale de asemenea pot fi clasificate în *semn turi deterministe* respectiv *randomizate* dup cum algoritmul de semnare folose te valori aleatoare i nu returneaz aceea i semn tur pentru acela i mesaj de fiecare dat .

O alt clasificare a algoritmilor de semn tur mai poate fi în *algoritmi de unic folosin* (one-time) sau pentru *folosire multipl* (multiple-time).

S analiz m în continuare câteva dintre schemele de semn tur digital aplicate în prezent.

Schema de semn tur RSA

1. *Generarea cheilor.* Entitatea A execut urm toarele în conformitate cu algoritmul de generare a cheilor RSA:

- Genereaz dou numere prime mari p i q ;
- Calculeaz $n = p \cdot q$ i $(n) = (p-1) \cdot (q-1)$;
- Selecteaz aleator un num r întreg e , $1 < e < (n)$, astfel încât $\text{cmmdc}(e, (n)) = 1$;

- Calculează numărul întreg d , $1 < d < (n)$, astfel încât $e \cdot d = 1 \pmod{(n)}$;
 - Cheia publică a entității A este perechea (e, n) ; cheia privată este d sau (d, n) .
2. *Generarea semnăturii.* Entitatea A execută următoarele:
- Calculează $S = [H(m)]^d \pmod{n}$, unde H este o funcție hash;
 - Semnătura mesajului m este S .
3. *Verificarea semnăturii.* Pentru a verifica semnătura S a mesajului m , entitatea B execută următoarele:
- Obține cheia publică autentică (e, n) a entității A ;
 - Calculează $H_1 = S^e$ și $H_2 = H(m) \pmod{n}$. În cazul în care $H_1 = H_2$ semnătura este verificată, în caz contrar înseamnă că s-a întâmplat ceva în canalul de comunicații sau A vrea să se înșelă pe B .

Exemplu.

- Fie $p = 53$ și $q = 61$, două numere prime secrete ale lui A .
- Se calculează $n = 53 \cdot 61 = 3233$ și $(n) = (p-1) \cdot (q-1) = 52 \cdot 60 = 3120$.
- Se alege o cheie secretă $d = 71$ ($\text{cmmdc}(71, 3120) = 1$).
- Se calculează cheia publică $e = 791$ ($71 \cdot d = 1 \pmod{3120}$);
- Se consideră un document al cărui rezumat $S = H(m) = 13021426$.
- Deoarece valoarea lui S depășește mărimea modulului $n = 3233$, se va sparge acest rezumat în două blocuri (1302 și 1426), pe care A le va semnă separat, folosind cheia privată $d = 71$:

$$(1302^{71}) \pmod{3233} = 1984;$$

$$(1426^{71}) \pmod{3233} = 2927;$$
- Semnătura electronică obținută este $S = 1984\ 2927$;
- Se transmite S obținută la pasul anterior și M (textul clar – fără secretizare).
- B primește pachetul S și M , după care calculează $H(M)$ în două moduri și le va compara:
 - va calcula $H(M)$ cu cheia publică a lui A :

$$(1302^{71}) \pmod{3233} = 1984;$$

$$(1426^{71}) \pmod{3233} = 2927;$$
 deci $H_1 = 1302\ 1426$;

- va calcula $H(M)$ asupra mesajului primit (la fel cum a procedat A):

$$H_2 = H(M) = 1302\ 1426;$$

- Deoarece H_1 este identic H_2 atunci cu siguranță semnătura este validă.

Schema de semnătură ElGamal

Schema de semnătură ElGamal a fost propusă de ElGamal împreună cu schema de criptare cu cheia publică.

1. *Generarea cheilor.* Fiecare entitate generează cheia publică și cheia privată corespunzătoare.

Entitatea A execută următoarele:

- Generează un număr prim mare p și un generator al grupului multiplicativ \mathbf{Z}_p^* ;
- Selectează aleator un număr întreg a astfel încât $1 < a < p-2$;
- Calculează $y = a^a \pmod{p}$.
- Cheia publică a entității A este (p, a, y) ; cheia privată este a .

2. *Generarea semnăturii.* Entitatea A semnează un mesaj binar m de o lungime arbitrară.

Pentru aceasta, entitatea A execută următoarele:

- Selectează aleator un număr întreg secret k , $1 < k < p-2$, astfel încât $\text{cmmdc}(k, p-1) = 1$;
- Calculează $r = k^a \pmod{p}$ și $k^{-1} \pmod{p-1}$;
- Calculează $s = k^{-1} (H(m) - a \cdot r) \pmod{p-1}$, unde H este o funcție hash;
- Semnătura mesajului m este perechea (r, s) .

3. *Verificarea semnăturii.*

Pentru a verifica semnătura (r, s) a mesajului m , entitatea B execută următoarele:

- Obține cheia publică autentică (p, a, y) a entității A ;
- Verifică dacă $1 < r < p-1$ (dacă această inegalitate nu are loc, semnătura (r, s) nu este validă);
- Calculează $v_1 = y^r r^s \pmod{p}$;
- Calculează $H(m)$ și $v_2 = \alpha^{H(m)} \pmod{p}$, unde H este o funcție hash;
- Semnătura (r, s) este acceptată dacă și numai dacă $v_1 = v_2$.

Exemplu.

- A generează numărul prim $p=2357$ și generatorul $\alpha=2$ al grupului \mathbf{Z}_{2357}^* ;
- A alege cheia privată $a = 1751$ și calculează $y = \alpha^a \bmod p = 2^{1751} \bmod 2357 = 1185$.
- Cheia publică a lui A este $(p = 2357, \alpha = 2, y = 1185)$, iar cheia sa privată este $a = 1751$.
- Pentru a semna mesajul m cu $H(m) = 1463$, A selectează aleator un întreg $k = 1529$, calculează $r = \alpha^k \bmod p = 2^{1529} \bmod 2357 = 1490$ și $k^{-1} \bmod (p-1) = 245$;
- A calculează $s = 245 \cdot (1463 - 1751 \cdot 1490) \bmod 2356 = 1777$; semnătura mesajului $m = 1463$ este perechea $(r = 1490, s = 1777)$;
- Pentru verificarea semnăturii, B calculează $v_1 = 1185^{1490} \cdot 1490^{1777} \bmod 2357 = 1072$, $H(m) = 1463$ și $v_2 = 2^{1463} \bmod 2357 = 1072$;
- Entitatea B acceptă semnătura deoarece $v_1 = v_2$.

Standardul DSS (Digital Signature Standard) de semnătură digitală

DSA este algoritmul de semnătură digitală al standardului DSS, elaborat de NIST în august 1991. Este un standard foarte controversat în literatura de specialitate deoarece este destinat să înlocuiască standardul “de facto” al domeniului, RSA. Algoritmul DSA se bazează pe un aparat matematic derivat din metoda ElGamal, gardul de securitate al său fiind bazat la fel pe problema dificultății calculului logaritmilor într-un câmp finit.

1. *Generarea cheilor.* Fiecare entitate generează cheia publică și cheia privată corespunzătoare.

Entitatea A execută următoarele:

- Generează un număr prim q astfel încât $2^{159} < q < 2^{160}$;
- Generează un număr prim p astfel încât $2^{512} < p < 2^{1024}$ și $q | (p-1)$;
- Selectează un generator pentru grupul ciclic \mathbf{Z}_p de ordin q ;
- Alege un element $g \in \mathbf{Z}_p^*$ și calculează $\beta = g^{(p-1)/q} \bmod p$; dacă $\beta = 1$, atunci alege alt element g ;

- Se selectează un număr întreg a astfel încât $1 < a < q - 1$;
 - Se calculează $y = a^q \bmod p$;
 - Cheia publică a entității A este (p, q, y) , iar cheia privată este a .
2. *Generarea semnăturii.* Entitatea A semnează un mesaj m astfel:
- Selectează aleator un număr întreg k astfel încât $0 < k < q$;
 - Calculează $r = (a^k \bmod p) \bmod q$.
 - Calculează $k^{-1} \bmod q$;
 - Calculează $s = k^{-1} (H(m) + a \cdot r) \bmod q$, unde H este o funcție hash;
 - Semnătura mesajului m este perechea (r, s) .
3. *Verificarea semnăturii.* Pentru a verifica semnătura (r, s) a mesajului m , entitatea B execută următoarele:
- Obține cheia publică autentică (p, q, y) a entității B ;
 - Verifică dacă $0 < r < q$ și $0 < s < q$. Dacă aceste inegalități nu au loc, semnătura (r, s) nu este validă;
 - Calculează $w = s^{-1} \bmod q$ și $H(m)$;
 - Calculează $u_1 = w \cdot H(m) \bmod q$ și $u_2 = r \cdot w \bmod q$;
 - Calculează $v = (a^{u_1} y^{u_2} \bmod p) \bmod q$;
 - Semnătura (r, s) a mesajului m este acceptată dacă și numai dacă $v = r$.

Exemplu.

- Entitatea A generează numerele prime $p=124540019$ și $q=17389$, astfel încât $q \mid p-1$;
 - A selectează $g = 110217528 \in \mathbb{Z}_p^*$ și calculează $a = g^{7162} \bmod p = 10083255$;
 - A selectează un număr întreg $a = 12496$ astfel încât $1 \leq a \leq q-1$ și calculează $y = a^q \bmod p = 10083255^{12496} \bmod 124540019 = 19946265$;
 - Cheia publică a lui A este $(p, q, y) = (124540019, 17389, 19946265)$;
 - Cheia privată a lui A este $a = 12496$.
- Pentru a semna un mesaj m :
- A alege aleator un număr întreg $k = 9557$ și calculează $r = (a^k \bmod p) \bmod q$;
 - $r = (10083255^{9557} \bmod 124540019) \bmod 17389 =$

$$=27039929 \bmod 17389=34.$$

- A calculează
 $k^{-1} \bmod q=7631$,
 $H(m)=5246$ și apoi
 $s=7631 \cdot (5246+12496 \cdot 34) \bmod q = 13049$.
- Semnătura mesajului m este perechea $(r, s)=(34, 13049)$.

Pentru a verifica un mesaj, entitatea B:

- Obține cheia publică autentică (p, q, g, y) a entității B;
- Verifică dacă $0 < 34 < 17389$ și $0 < 13049 < 17389$. Dacă aceste inegalități nu ar avea loc, semnătura (r, s) nu ar fi fost validă;
- Calculează $w = s^{-1} \bmod q = 1799$;
- Calculează
 $u_1 = w \cdot H(m) \bmod q = 5246 \cdot 1799 \bmod 17389 = 12716$
 $u_2 = r \cdot w \bmod q = 34 \cdot 1799 \bmod 17389 = 8999$;
- B calculează $v = (\alpha^{u_1} y^{u_2} \bmod p) \bmod q$;
 $(10083255^{12716} \cdot 119946265^{8999} \bmod 124540019) \bmod 17389 =$
 $=27039929 \bmod 17389 = 34$.
- Deoarece $v = r$, B acceptă semnătura.

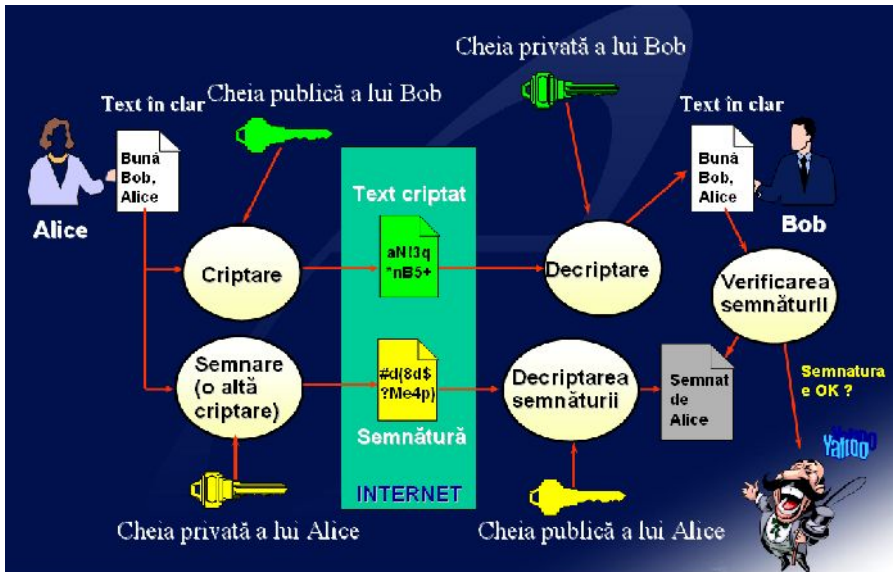


Figura 14.2. Schema unei semnături digitale și criptarea mesajului

În exemplele de mai sus documentul a fost trimis fără a fi criptat, fiind necesar numai semnătura digitală. În cazul în care este necesar, textul clar este criptat cu unul dintre sistemele de criptare și se trimite lui B textul cifrat împreună cu semnătura digitală, după care B îl descifrează cu cheia respectivă apoi efectuează verificarea semnăturii, având deja textul clar. În Figura 14.1 este prezentată schema aplicării semnăturii digitale fără criptarea mesajului, iar în Figura 14.2 – cu criptarea acestuia.

Tema 15. Atacuri criptografice

A a cum nu exist bine f r r u, sau noapte f r zi a a i nu avem criptografie f r criptanaliz .

Criptanaliza este tii a spargerii cifrurilor i ce se ocup de ob inerea valorii ini iale a informa iei criptate f r a avea acces la informa ia secret , adic la cheia necesar pentru acest lucru.

Persoana care se ocup cu criptanaliza se nume te *Criptanalist*.

Rezultatul criptanalizei unui cifru concret se nume te *atac criptografic* asupra cifrului dat. Atacurile criptografice sunt concepute pentru a submina securitatea algoritmilor de criptare i utilizate pentru a încerca decriptarea datelor f r a acces prealabil la cheia.

Scopul metodelor de criptanaliz este descoperirea mesajelor în clar i/sau a cheii din mesajul criptat. Orice cifru este creat în scopul de a asigura confidențialitatea informației protejate și, reie ind din acest concept, întotdeauna se vor g si oamnei care doresc s ob in accesul la informa ia dat .

Orice încercare de obținere a textului în clar din textul criptat, f r a deține cheia secret , este considerat drept atac criptanalitic. Analiza criptografic studiaz metode de atac pornind de la informa ii minimale despre cheile de criptare, algoritmi utilizați, protocoalele de autentificare, segmente de text clar i segmentele corespondente din textul criptat, sau doar pe baza unuia sau a unui set de texte criptate utilizând acela i algoritm.

În esenț , se încearc determinarea unui punct vulnerabil al algoritmului, care s poat fi exploatat folosind metode pentru care timpul de c utare s fie considerabil mai mic decât timpul necesar verificării tuturor combinațiilor de chei posibile (atac for a brut) .

Nu exist înc un sistem criptografic despre care s se poat afirma c este pe deplin sigur, dar pot fi considerate sigure acele criptosisteme pentru care atacurile cunoscute necesit un timp mult prea îndelungat pentru a putea fi considerate practice. În continuare sunt descrise pe scurt, cele mai cunoscute atacuri, demonstrate i verificate de matematicieni, informaticieni i criptanali ti.

Se cunosc mai multe tipuri de atacuri criptografice. O categorie aparte sunt atacurile bazate pe *for* . Acestea sunt atacurile ce se realizeaz prin for brut (*brute force*), adic aplic o metod exhaustiv de c utare prin

încercarea tuturor combinațiilor posibile fie de chei de criptare, fie de simboluri din text pentru deducerea textului în clar (de exemplu, la metodele de criptare prin substituția sau transpoziția literelor din mesaje de tip text). Complexitatea acestui atac este în funcție de cantitatea tuturor variantelor posibile.

Acest tip de atac este unul general, adică poate fi aplicat la orice algoritm de criptare. Din acest motiv în elaborarea sistemelor de criptare autorii încearcă să obțină ca acest atac să fie cel mai eficient, comparativ cu celelalte metode de spargere. Sistemul se proiectează astfel încât forța brută să aibă un spațiu al soluțiilor suficient de voluminos pentru ca rezultatul aplicării forței brute să nu fie obținut pe parcursul a câtorva ani, sau uneori și secole.

În baza complexității aplicării forței brute se face evaluarea securității sistemului. În particular, cifra se consideră sigură dacă nu există o metodă de spargere semnificativ mai rapidă decât forța brută.

Atacurile criptografice bazate pe forța brută sunt cele mai universale, dar și cele mai îndelungate. În legătură cu aceasta există deja și se mai elaborează încontinuu posibilități de optimizare a metodei forței brute. Printre aceste metode optimizate se numără următoarele:

- Metoda ramificării în ramuri (*Branch and Bound method*);
- Metoda calculului paralel (*Parallel calculation method*);
- (*Rainbow tables method*).

Metoda *ramificării în ramuri* reprezintă un algoritm de căutare a soluțiilor optime pentru diverse probleme. Esența lui constă în separarea submulțimii de soluții admisibile care nu conține soluții optime. Metoda a fost propusă pentru prima dată de către A. H. Land și A. G. Doig în 1960 pentru programarea discretă.

Calculul paralel este execuția în paralel pe mai multe procesoare a aceluiași instrucțiuni, sau și a unor instrucțiuni diferite, cu scopul rezolvării mai rapide a unei probleme, de obicei special adaptat sau subdivizat. Ideea de bază aici constă în divizarea mulțimii soluțiilor în N submulțimi, fiecare din ele fiind mult mai „mic” decât originalul, astfel realizarea „forței brute” va necesita de n ori mai puțin timp, în funcție de numărul de submulțimi ale părții respective. Problema fundamentală aici constă în determinarea și divizarea mulțimii soluțiilor. „Forța brută” se aplică până când un procesor nu a găsit soluția (cheia) necesară.

Ideia metodei *Rainbow tables* constă în determinarea prealabil a spațiului cheilor într-o formă comprimată. Acest spațiu comprimată va conține o colecție de chei cu proprietăți de „checkpoint” (punct de control). Atunci când determinăm spațiul comprimată al cheilor, selectând punctele de control, se identifică o colecție relativ mică de chei (câteva miliarde), despre care se știe că conține cheia căutată. Pentru restabilirea cheii la valoarea dată a funcției hash se aplică o funcție de reducere și se face căutare în tabel. Dacă nu sunt găsite coincidențe se aplică din nou funcția hash și funcția de reduce. Procesul continuă până când nu se găsește o coincidență. După găsită sursa acestei coincidențe se restabilește irul care o conține pentru a determina valoarea omisă care este cheia căutată. Aadar căutarea cheii cu „tabele curcubeu” constă din două etape; în primul rând, începem căutarea pentru a găsi un „punct de control”, și apoi, în al doilea rând, căutăm cheile definite de punctul de control pentru a găsi cheia căutată.

Avantajul față de *for a brut* este că pot fi create mai multe „puncte de control”, și, prin urmare, procesul de căutare va nimeri unul dintre aceste puncte de control mult mai repede decât am aștepta până când nimerim peste cheia țintă singuratic. Desigur aici un dezavantaj este faptul că „punctele de control” trebuie să fie pre-calculată și stocate. Deci trebuie găsit un compromis între timpul de căutare și memoria de stocare - timpul de căutare se reduce prin mărirea numărului de „puncte de control” însă cu prețul măririi costului de pre-calcul și de stocare a tabelelor.

„Tabelele curcubeu” pot fi folosite de asemenea și la spargerea diverselor parole transformate cu ajutorul funcțiilor hash dificile de inversat.

În tabelul 15.1 este prezentat dependența timpului de spargere prin *for a brut* de lungimea cheii (sau a parolei). În acest tabel este arătat timpul aproximativ pentru verificarea tuturor variantelor posibile ale unei chei ce poate fi alcătuită din 36 caractere (26 litere și 10 cifre) cu viteza de prelucrare de 100000 de variante pe secundă. Dacă însă se vor adăuga litere din alii regiuri timpul va crește de câteva ori. Din tabel putem observa că cheile de lungime mai mică decât 8 sunt foarte vulnerabile la *for a brut*.

Lungime cheie (caractere)	Variante posibile	Timpul de atac
1	36	< 1 s
2	1296	< 1 s
3	46656	< 1 s
4	1679616	17 s
5	60466176	26 s
6	2176782336	6 ore
7	78364164096	9 zile
8	$2,8211099 \cdot 10^{12}$	11 luni
9	$1,0155995 \cdot 10^{14}$	32 ani
10	$3,6561584 \cdot 10^{15}$	1162 ani
11	$1,3162170 \cdot 10^{17}$	41823 ani
12	$4,7383813 \cdot 10^{18}$	1505615 ani

Tabelul 15.1. Timpul necesar pentru atacul în for brut

De rând cu for a brut se mai aplică și *metodele statistice* de atac. Aceste metode se divizează în două subcategorii:

- metode de criptanaliză a proprietăților statistice ale gamei de criptare;
- metode de criptanaliză a complexității irului.

Prima subcategorie studiază irurile la ieșirea algoritmilor de criptare. În acest caz criptanalistul cu ajutorul diverselor teste statistice încearcă să găsească valoarea următorului bit al irului cu o probabilitate mai mare decât probabilitatea alegerii aleatoare.

În cazul al doilea criptanalistul încearcă să genereze iruri analogice cu gama înșă aplicând metode mult mai simple.

Din diversitatea de tipuri și metode cel mai cunoscut de atac criptografic, demonstrate, verificate și aplicate de matematicieni, informaticieni și criptanaliti punem mențiunea atacurile cu text clar sau text cifrat:

- **Atac cu text cifrat** (*ciphertext-only attack*) interceptat, prin analiză cîruia se încearcă să se recupereze textul original sau a cheii de criptare. Acest atac se bazează pe informații referitoare la secvențele de text cifrat și este una dintre cele mai dificile metode criptografice din

cauza informației sumare pe baza căreia trebuie să se deducă informații referitoare la textul clar sau la cheie.

- **Atac cu text clar cunoscut** (*known plaintext attack*), este un atac în care criptanalistul are acces nu doar la textul cifrat, ci și la textul clar corespunzător. El încearcă să descopere o corelație între cele două pentru a găsi cheia de criptare sau pentru a crea un algoritm care îi va permite să descifreze orice mesaje criptate cu această cheie. Textele în clar necesare pentru acest atac pot fi obținute prin diverse metode, de exemplu dacă se cunoaște că se trimite un fișier cifrat cu un nume cunoscut, atunci din extensia fișierului se pot face concluzii despre conținutul anumitor fragmente ale fișierelor, de exemplu a header-ului. Acest atac este mai puternic decât atacul cu text cifrat.
- **Atac cu text cifrat ales** (*chosen ciphertext attack*), este un atac în care criptanalistul alege un text cifrat și încearcă să găsească textul clar potrivit. Acest lucru se poate face cu o decriptare oracul (o mașină în care decriptează fără a demasca cheia). Atacul este aplicat la criptarea cu cheie publică – se începe cu un text cifrat și continuă cu decriptarea de date ale textului clar postate public.
- **Atac cu text clar ales** (*chosen plaintext attack*), este un atac în care criptanalistul poate cripta un text clar la alegerea sa și studiază textul cifrat rezultat. Scopul criptanalistului este același ca la atacul cu text clar cunoscut: de a afla cheia de criptare sau de a găsi o altă metodă pentru descifrarea mesajelor cifrate cu aceeași cheie. Însă criptanalistul trebuie să aibă mai ales posibilitatea de a alege câteva texte în clar și să observe rezultatul cifrării lor. Obținerea textului cifrat respectiv pentru textul clar dat uneori se poate face prin crearea și transmiterea unui mesaj necifrat în numele unuia din utilizatori care folosesc criptarea. În cazul coincidenței unor factori acest mesaj poate fi cifrat și retransmis înapoi. Acest atac este cel mai des utilizat în criptografia asimetrică, în cazul în care criptanalistul are acces la o cheie publică.
- **Atac cu text clar ales adaptiv** (*adaptive chosen plaintext attack*), este un caz particular, mai confortabil, al atacului cu text clar ales. Confortul atacului constă în faptul că pe lângă posibilitatea alegerii textului clar, criptanalistul poate lua decizia de a cifra un careva

text clar în baza operațiilor de cifrare deja efectuate. Cu alte cuvinte la realizarea atacului cu text clar ales criptanalistul alege doar un bloc mare al textului clar pentru a fi cifrat și apoi, în baza datelor obținute începe spargerea sistemului. În cazul organizării atacului cu text clar ales adaptiv criptanalistul poate obține rezultatul cifrării oricărui bloc al textului clar pentru a acumula datele care îl interesează și care vor fi luate în seamă la alegerea ulterioară a blocurilor textului clar etc. Anume adaptivitatea (posibilitatea feedback-ului) îi dă un avantaj atacului cu text clar ales adaptiv.

- **Atac cu text cifrat ales adaptiv** (*Adaptive Chosen Ciphertext Attack*), este un atac analogic atacului cu text clar ales adaptiv.

În continuare vom menționa alte tipuri și metode de atac utilizate în prezent.

Atac cu chei alese (*Chosen key attacks*) în care atacatorul nu posedă informații complete despre chei ci doar câteva informații disparate despre relațiile dintre niște chei. Acest tip de atac se bazează pe faptul că criptanalistul poate analiza activitatea algoritmului de criptare, care utilizează mai multe chei. Criptanalistul inițial nu cunoaște valoarea exactă a cheilor, dar el știe unele relații matematice care relaționează cheile. Un exemplu poate fi cazul în care criptanalistul a constatat că în ultimii 80 de biți a tuturor cheilor sunt aceleași, deși valorile acestor biți pot fi necunoscute. Este un atac foarte puțin folosit și aproape impracticabil.

Atacul de tip dicționar (*dictionary attack*) este o metodă criptanalitică în care atacatorul pregătește și memorează un tabel cu corespondențe text clar - text criptat de tipul perechilor $(P_i, C_i = E_{K_i}(P), K_i)$ sortate după C_i . Ulterior, atacatorul monitorizează comunicația și în momentul în care va găsi un text criptat C_j care se regăsește în tabelul său va găsi imediat cheia de criptare K_j .

Atacul zilei de naștere (*Birthday attack*), se bazează pe cunoscutul paradox al „zilei de naștere” și a variantelor sale (într-un grup de 23 de persoane, probabilitatea să existe două dintre ele născute în aceeași zi din an este peste 0,5; în general, într-un grup de \sqrt{k} numere aleatoare având k valori posibile, probabilitatea ca cel puțin două să fie egale este în jur de 0,5). Problema poate fi astfel generalizată: dacă o funcție $f: A \rightarrow B$ poate lua oricare din cele n valori din mulțimea B cu probabilități egale, atunci

după calculul funcției pentru \sqrt{n} valori diferite este foarte posibil să găsim o pereche de valori x_1 și x_2 astfel încât $f(x_1) = f(x_2)$. Evenimentul reprezintă o coliziune (Bellare și Kohno, 2004), iar pentru funcții cu distribuție impar, coliziunea poate apărea și mai devreme. Semnătura digitală este susceptibilă de a fi supusă unui astfel de atac.

Atac cu întâlnire la mijloc (*Meet-in-the-middle attack*) este similar cu atacul zilei de naștere, cu excepția faptului că în acest caz analistul are o flexibilitate mai mare. În loc să aștepte coincidența a două valori într-o singură imagine de date, analistul poate căuta o intersecție a două imagini.

Presupunem că atacatorul cunoaște o imagine de texte în clar P și texte criptate C cu cheile k_1 și k_2 . Atunci el poate calcula $E_{k_1}(P)$ pentru toate cheile posibile K și să memoreze rezultatele, apoi poate calcula $D_{k_2}(C)$ pentru fiecare K și să compare cu rezultatele memorate - dacă va găsi o coincidență este ca și cum ar fi găsit cele două chei și poate verifica direct pe textul în clar și cel criptat. Dacă dimensiunea cheii este n , atacul va folosi doar 2^{n+1} criptări în contrast cu un atac clasic, care ar avea nevoie de 2^{2n} criptări.

Atacul omului din mijloc (*Man-in-the-middle attack*) descrie situația când un atacator are posibilitatea să citească și să modifice mesajele schimbate între doi corespondenți fără ca cele două părți să sesizeze faptul că metoda de comunicare între ei a fost compromisă.

Atacul începe de obicei cu ascultarea canalului și se termină cu încercarea criptanalistului de a înlocui mesajul interceptat, extragerea informațiilor utile din el, redirecționarea mesajului la unele resurse externe. Fie că subiectul A planifică transmiterea spre subiectul B a unei informații oarecare. Subiectul C posedă cunoștințe despre structura și proprietățile metodei de transmitere a datelor, precum și a însuși faptului transmiterii acelei informații pe care intenționează să o intercepteze (de exemplu cheia privată). Pentru a vărsa atacului C se „prezintă” lui A drept B , iar lui B drept A . Subiectul A consideră că transmite informația lui B și o trimite lui C , care la rândul său efectuează unele operații cu ea (o copiează sau o modifică în scopuri personale) și o transmite lui B . Ultimul consideră că informația a fost primită direct de la A .

Posibilitatea unui astfel de atac rămâne o problemă serioasă pentru sistemele bazate pe chei publice.

Atacul în reluare (*replay attack*) este un atac în care atacatorul memorează o sesiune de comunicare în ambele sensuri (mesajele schimbate de ambii corespondenți) sau bucăți din sesiune (Schneier, 1996) și (Menezes și colab., 1996). Ideea atacului nu este de a decripta o sesiune de comunicare, ci de a crea confuzii și mesaje false.

Atacul cu chei relaționate (*related keys attack*). În acest caz atacatorul descoperă o relație între un set de chei și are acces la funcțiile de criptare cu astfel de chei relaționate. Scopul declarat este de a găsi și chiar cheile de criptare (Knuth 1998; Biham, 1994). Algoritmi ca IDEA, GOST, RC2 și TEA au prezentat slăbiciuni când au fost supuse atacului (Kelsey și colab., 1996; 1997).

Atacul prin alunecare (*slide attack*) poate fi văzut ca o variantă a atacului cu chei relaționate în care relațiile sunt definite pe aceeași cheie. Atacul este eficient în cazul unor procese iterative sau recursive (algoritmi simetrici de tip *ir* sau *bloc*) care prezintă grade de similitudine între cicluri succesive ale procesului iterativ (Biryukov și Wagner, 1999; 2000). Complexitatea atacului este independentă de numărul de cicluri ai algoritmului. Slăbiciuni în cazul acestui atac au fost relevate în algoritmul Feistel și chiar în cazul SHA-1 (Saarinen, 2003).

Atacul de corelație (*correlation attack*) se efectuează asupra generatorului de filtrare din cifrurile *ir* bazate pe generatoare de tip LFSR (Linear Feedback Shift Register), în două faze: întâi se determină o funcție între *ir*ul de biți cheie generat și biții registrului de deplasare, după care *ir*ul de chei este interpretat ca o versiune afectată de zgomot a *ir*ului generat de LFSR.

Siegenthaler a dezvoltat versiunea originală a atacului de corelație care presupune o căutare exhaustivă aplicată în toate fazele LFSR-ului pentru a găsi cel mai înalt grad de corelație (Siegenthaler, 1985). Meier și Staffelbach au arătat ulterior că tehnicile de reconstrucție iterative sunt mult mai rapide, în special când funcția de combinare este un polinom de grad mic (Meier și Staffelbach, 1988), iar Mihajevic și Golic stabilesc condițiile în care acest tip de atac rapid de corelație converge (Mihajevic și Golic, 1992).

Atacul de corelație rapid (*fast correlation attack*) se aplică generatoarelor de chei bazate pe LFSR, ca și atacul de corelație, dar sunt mai rapide și exploatează existența unei corelații între *ir*ul de chei și

ie irea unui LFSR, numit LFSR înt , a c rui stare ini ial depinde de anumi i bi i ai cheii secrete (Meier i Staffelbach, 1988).

Atacurile de corela ie rapid evit examinarea tuturor ini ializ rilor posibile ale LFSR-ului înt folosind anumite tehnici eficiente de corectare a erorii. Astfel, descoperirea st rii ini iale a LFSR-ului const în decodarea sub irului de chei relativ la codul FSR-ului (Johansson i Jonsson, 1999; 2000).

Atacul prin interpolare (*interpolation attack*) este o tehnic de atac asupra cifrurilor simetrice bloc construite din func ii algebrice simple. Dac textul criptat este scris ca un polinom, func ie de elementele textului clar i gradul polinomului este suficient de mic, atunci un num r limitat de perechi de text clar/criptat sunt suficiente pentru determinarea func iei de criptare. Acest lucru permite atacatorului s cripteze sau s decripteze blocuri de date f r a recupera propriu zis cheia de criptare. Atacul a fost introdus în 1997 i aplicat prima dat pe o variant a algoritmului SHARK (Jakobsen i Knudsen, 1997), un predecesor al algoritmului Rijndael. Acest tip de atac poate fi generalizat, astfel c ideea interpol rii poate fi aplicat i în cazul unor polinoame probabilistice (Jakobsen, 1998).

Atacul „divide i cucere te” (*divide and conquer attack*). Atacurile din aceast categorie încearc diviziunea cheilor în buc i mai mici, pentru a face posibil c utarea exhaustiv . Acest tip de atac este eficient în m sura în care este posibil s determin m buc i separate din chei. Problema const în validarea sau invalidarea unui segment de cheie, f r a avea informa ii despre restul cheii.

Atacul temporal (*timing attack*). Durata de execu ie a unui echipament hardware de criptare poate furniza informa ii despre parametrii implica i astfel încât analiza atent i m surarea timpului de execu ie poate duce, în anumite condi ii, la recuperarea cheilor secrete (Kocher, 1996). Pentru a putea realiza un astfel de atac, atacatorul are nevoie de un set de mesaje împreun cu durata lor de procesare pe echipamentul criptografic. Metodele de m surare a timpului sunt diverse: monitorizarea activit ii procesorului, m surarea timpului într-o secven de interogare/r spus etc. Atacul a fost aplicat algoritmilor RSA (Schindler i colab., 2001) i RC5 (Handschuh i Heys, 1998), dar i unor protocoale de internet de tipul SSL (Canvel i colab. 2003).

În continuare sunt expuse două tehnici de criptanaliză - *criptanaliza liniară* și *criptanaliza diferentiale* - care la momentul actual sunt unele dintre cele mai răspândite metode de spargere a cifrurilor bloc.

Criptanaliza liniară (*linear cryptanalysis*) este o tehnică introdusă de Matsui și Yamagishi în 1991 (*A new Method for known plain text attack of FEAL cipher*) care încearcă să exploateze aparițiile cu probabilitate mare ale expresiilor liniare ce implică biți de text clar, biți de text criptat și biți ai subcheilor. În acest caz se presupune că atacatorul cunoaște un set aleator de texte clare, precum și textele criptate corespunzătoare. Se aplică algoritmilor simetrici, de tip bloc (Matsui, 1993) și a fost utilizat cu succes în criptanaliza algoritmului DES (Matsui, 1994). Sunt elaborate atacuri pentru cifrurile bloc și cele de tip flux. Descoperirea criptanalizei liniare a constituit un imbold pentru elaborarea noilor scheme de criptare.

Criptanaliza liniară este o tehnică prin care se urmărește construirea unui sistem de ecuații liniare între biții textului clar, ai textului criptat și ai cheii. Rezolvarea acestui sistem de ecuații duce la aflarea cheii de cifrare. Sistemul de ecuații ce se construiește poate fi chiar un sistem probabilist, în sensul că o ecuație este verificată cu o anumită probabilitate.

Criptanaliza se face în două etape. Prima - construirea relațiilor dintre textul clar, textul criptat și cheie, care sunt adevărate cu o probabilitate mare. A doua - utilizarea acestor relații, împreună cu perechile cunoscute de text clar și text criptat pentru obținerea biților cheii.

Sensul a algoritmului este de a obține o relație de forma:

$$P_{i1} \oplus P_{i2} \oplus \dots \oplus P_{im} \oplus C_{j1} \oplus C_{j2} \oplus \dots \oplus C_{jn} = P_{l1} \oplus K_{l2} \oplus \dots \oplus K_{lq} \quad (*),$$

Unde P_n, C_n, K_n - sunt biții de ordin n respectiv ai textului clar, textului criptat și ai cheii.

Aceste relații sunt numite aproximații liniare. Pentru biții aleși aleator ai textului clar, textului criptat și ai cheii probabilitatea p ca această relație să fie just este aproximativ egală 0,5. Pentru spargerea algoritmului alegem astfel de relații care au probabilitatea respectiv semnificativ diferită de 0,5.

Mai întâi criptanalistul găsește o relație oarecare pe o singură rundă pe care încearcă să o extindă asupra întregului algoritm. Sunt elaborați algoritmi pentru găsiți relații utile de acest fel. Doi algoritmi de acest fel au fost descriși de către Mitsuru Matsui, alții mai târziu.

În cifrurile bloc analiză se concentrează în principal pe S-boxe, deoarece acestea sunt partea non-liniară a cifrului. Cea mai eficientă

rela ie pe o rund pentru algoritmul DES utilizeaz proprietatea boxei S_5 . Al doilea bit de intrare al boxei β_i este rezultatul XOR dintre toți biții de ie ire cu probabilitatea de 3/16 (cu o deplasare de 5/16 de la 1/2). Iar pentru DES-ul complet este cunoscut o relație care se îndepline te cu probabilitatea $1/2 + 2^{-24}$.

Criptanaliza liniar posed o caracteristic foarte util - în anumite condiții, este posibil s se reduc raportul dintre (*) la o ecuație deforma:

$$C_{j_1} \oplus C_{j_2} \oplus \dots \oplus C_{j_n} = P_{l_1} \oplus K_{l_2} \oplus \dots \oplus K_{l_q}.$$

Aici nu sunt biții textului clar, deci este posibil s se construiasc atacul numai cu textul cifrat. Acest atac este cel mai practic.

Experimentele efectuate de Mitsuru Matsui cu atacul cu text clar (calculule au fost efectuate pe HP9750 66MHz) au dat urm toarele rezultate:

- *DES* cu 8 runde se sparge cu 2^{21} texte în clar cunoscute. Matsui a avut nevoie de 40 secunde.
- *DES* cu 12 runde se sparge cu 2^{33} texte în clar cunoscute. Au fost necesare 50 de ore.
- Pentru un *DES* 16 runde a fost necesare 2^{47} texte în clar cunoscute. Acest atac nu este, de obicei, practic. Cu toate acestea, metoda este mai rapid decât c utarea exhaustiv pentru cheia de 56 bi i.

Tehnologiile moderne ale calculatoarelor sunt capabile s sparg cifrul dat mult mai rapid.

Deseori metoda de criptanaliza liniar este utilizat împreun cu *atacul for ei brute* un "brute force" - dup ce un anumit num r de biți ai cheii au fost găsi i de criptanaliza liniara se face o c utare exhaustiv pentru toate valorile posibile ale celorlalte biți. Pentru a sparge DES în acest fel sunt necesare 2^{43} texte în clar.

La momentul actual pentru orice cifru nou este necesar de demonstrat c el este rezistent la criptanaliza liniar .

Criptanaliza diferen ial (*differential cryptanalysis*) este o tehnic introdusa de Biham i Schamir prima dat în 1991 i concretizat pentru DES în „Differential Cryptanalysis of the Data Encryption Standard” publicat în 1993. Tehnica face parte din categoria atacurilor cu text clar ales. În general dandu-se perechea (D, D') , numit caracteristic , tehnica const în generarea de texte clare (P_1, P_2) cu $D = P_1 - P_2$ astfel incat $D' = C_1 - C_2$ i aflarea unei p r i a cheii, restul fiind cautata exhaustiv.

Operația „-” este operația de grup care, spre exemplu în cazul cifrurilor bloc, constă în adunarea cheii de rundă.

Criptanaliza diferențială exploatează aparițiile cu mare probabilitate a diferențelor din textele clare, precum și a diferențelor apărute în ultimul ciclu al criptorului în care atacatorul poate selecta intrările și examina ieșirile în încercarea de a deduce cheia.

Sunt cunoscute câteva modele de criptanaliză diferențială :

1. Criptanaliza diferențială clasică;
2. Criptanaliza diferențialelor trunchiate;
3. Criptanaliza diferențialelor imposibile;
4. Criptanaliza diferențialelor de ordin superior;
5. Criptanaliza diferențial-liniară;

Criptanaliza diferențială clasică permite pe baza perechilor de text clar/text cifrat și a diferențialelor acestora, aflarea ultimei chei de rundă. Pentru diferențiala (,) în runda (r - 1) se realizează pașii (Figura 15.1, URNG - Uniformly Random Number Generator):

1. Selectează aleatoriu textul clar $X(1)$ și calculează $X^*(1)$ astfel încât $X(1) \oplus X^*(1) = \alpha$. Se cifrează $X(1)$ și $X^*(1)$.
2. Presupunând că $Y(r-1) = \dots$, cautăm toate valorile subcheii $z(r)$ consistente cu $Y(r-1)$ și textele cifrate $Y(r)$ și $Y^*(r)$. Se incrementează frecvența de apariție a acestor subchei.
3. Se repetă (1) și (2) până când o anumită cheie are o frecvență semnificativ mai mare decât a celorlalte. Această subcheie $z(r)$ este cheia ultimei runde.

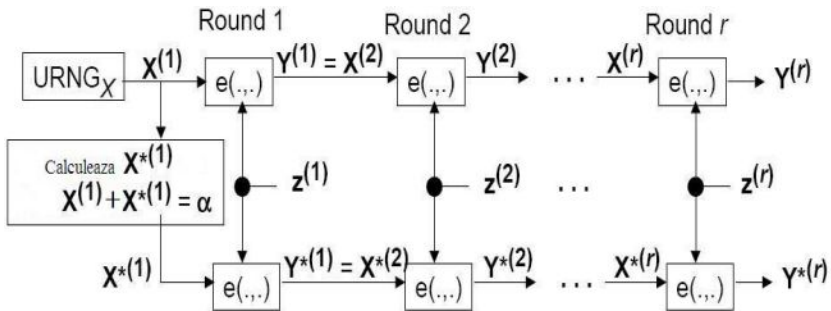


Figura 15.1. Schema criptanalizei diferențiale

Criptanaliza diferențialelor trunchiate (truncated differential cryptanalysis) este o generalizare a criptanalizei diferențiale. Lars Knudsen a dezvoltat tehnica în 1994. În timp ce criptanaliza diferențială clasică analizează diferența totală între două texte, varianta trunchiată consideră diferențe care sunt determinate doar parțial. Prin urmare, acest atac poate prezice doar unele valori ale biților și nu a întregului bloc. Aceasta tehnica a fost aplicată la cifrurile bloc SAFER, IDEA, Skipjack, E2, Twofish, Camellia, CRYPTON, și chiar la cifrul flux Salsa20.

Criptanaliza diferențialelor imposibile (impossible differential cryptanalysis) este o formă de criptanaliza diferențială pentru cifrurile bloc. În timp ce criptanaliza diferențială clasică urmărește diferențe care se propagă prin cifru cu o probabilitate mai mare decât se aștepta, criptanaliza diferențialelor imposibile exploatează diferențele care sunt imposibile (cu probabilitatea 0) la o stare intermediară a algoritmului de criptare.

Lars Knudsen pare a fi primul care a folosit o formă a acestui atac, într-o lucrare în 1998, unde a prezentat DEAL – candidatul său la AES. Prima prezentare care a atras atenția comunității criptografice a fost mai târziu în același an, la conferința CRYPTO'98, în care Eli Biham, Alex Biryukov, și Adi Shamir au introdus definiția „diferențiale imposibile” și au folosit tehnica dată pentru a sparge cifrul IDEA și Skipjack cu un număr redus de runde. Tehnica a fost aplicată mai târziu și la multe alte cifruri: Khufu și Khafre, E2, variante ale Serpent, MARS, Twofish, Rijndael, CRYPTON, Zodiac, Hierocrypt-3, TEA, XTEA, Mini-AES, ARIA, Camellia, and SHACAL-2.

Biham, Biryukov și Shamir au prezentat, de asemenea, o metodă specială relativ eficientă pentru a găsi diferențiale imposibile care au numit-o atac *miss-in-the-middle*. Aceasta constă în a găsi „două evenimente de probabilitate unu, ale căror condiții nu pot fi îndeplinite concomitent”.

Criptanaliza diferențialelor de ordin superior este o generalizare a criptanalizei diferențiale și este de fapt aplicarea recursivă a diferențialei. Dezvoltată în 1994 de către Lars Knudsen, tehnica a fost aplicată asupra unui șir de cifruri. În timp ce criptanaliza diferențială clasică analizează diferențele dintre cele două texte, varianta de ordin superior analizează diferențele dintre diferențe, etc. În unele cazuri această tehnică s-a dovedit a fi mai puternică decât un atac de ordinul întâi (vezi cifrul KN).

Criptanaliza diferențial-liniară este o metodă hibridă ce utilizează criptanaliza diferențială și cea liniară.

Atacul de tip „bumerang” (boomerang attack) folosește flexibilitatea criptografiei diferențiale și permite utilizarea a două caracteristici necorelate pentru a ataca cele două jumătăți ale unui cifru bloc. Metoda mărește potențialul criptanalizei diferențiale prin folosirea unor caracteristici ce nu se propagă prin întreg algoritmul criptografic. Rezultatele se produc doar în prezența ambelor caracteristici, întrucât metoda nu poate lucra independent, pentru fiecare caracteristică.

Atacul de consistență liniară (linear consistency attack) aplică o tehnică de tipul divide și cucerește pentru o secvență de text clar cunoscute. A fost introdus în 1989 și aplicat algoritmilor de tip *ir*, asupra generatoarelor de *iruri de chei* (Zeng și colab., 1989), dar și asupra algoritmului *E0* folosit în Bluetooth (Fluhrer și Lucks, 2001).

În final trebuie de subliniat că la elaborarea sistemelor de criptare trebuie să fie luate în considerare performanțele criptanalizei pentru a diminua riscurile posibile.

Bibliografie

1. Ben-Aroya I., Biham E., *Differential Cryptanalysis of Lucifer*, Journal of Cryptology 9(1), pp. 21–34, 1996
2. Biham E. and Biryukov A., *An Improvement of Davies' Attack on DES*, J. Cryptology 10(3): 195–206 (1997)
3. Biham E. and Shamir A., *Differential Cryptanalysis of the Full 16-Round DES*, Advances in Cryptology, Proceedings of CRYPTO '92, 1992, pp. 487–496
4. Daemen J., Rijmen V., *The Design of Rijndael: AES - The Advanced Encryption Standard*, Springer-Verlag, 2002
5. *Data Encryption Standard*, National Bureau of Standards, Federal Information Standard 46, USA; 1977
6. Devours C., Kahn D., Kruh L., Mellen G., Winkel B., *Cryptology: Machines, history and Methods*, Artech House, 1989
7. Devours C., Kruh L., *Machine Cryptography and Modern Cryptanalysis*, Artech House, 1985
8. Diffie W. and Hellman M. E., *New Directions in Cryptography*. IEEE Transactions on Information Theory, vol. IT-22, Nov. 1976, pp. 644–654
9. El Gamal T., *A Public Key Cryptosystem and Signature Scheme Based on Discrete Logarithms*, IEEE Transactions in Information Theory 31 (4), 1985, pp. 469–472
10. Ferguson N. and Schneir B., *Practical Cryptography*, Wiley N. Y. (2003)
11. FIPS PUB 197, The official AES standard
12. FIPS PUB 46-3, DES, (Federal Information Processing Standards Publication). NIST, 1999.
13. Friedman W. F., *Military Cryptanalysis – Part I, Monoalphabetic Substitution Systems*, United States Government Printing Office, Washington, 1939
14. Friedman W. F., *Military Cryptanalysis – Part II: Simpler Varieties of Polyalphabetic Substitution Systems*, United States Government Printing Office, Washington, 1938
15. Kahn D., *The Codebreakers - The Story of Secret Writing*, abridget ed. New York, NY: Signet, 1973

16. Katz J. & Lindell Y., *Introduction to Modern Cryptography*, Chapman & Hall/CRC (2008)
17. Konheim Alan G., *Computer Security and Cryptography*, John Wiley & Sons, Inc., 2007
18. Menezes A., Van Oorschot P. C., Vanstone S. A., *Handbook of applied cryptography*, CRC Press, 1997
19. Mogollon M., *Cryptography and Security Services: Mechanisms and Applications*, New York, Cybertech Publishing, 2008
20. National Bureau of Standards, *Data Encryption Standard*, FIPS PUB 46 (Jan. 1977)
21. National Bureau of Standards, *DES Modes of Operation*, FIPS PUB 81 (Dec. 1980)
22. National Institute of Standards and Technology, *Advanced Encryption Standard (AES)*, FIPS PUB 197 (Nov. 2001)
23. NIST, Modes of operations for symmetric block ciphers (available at: <http://csrc.nist.gov/CryptoToolkit/modes/>)
24. Rivest R. L., Shamir A., Adleman L., *A method for obtaining digital signatures and public key cryptosystems*, Comm ACM 21, 1978, pp. 120–126
25. Rivest R. L., *The RC5 encryption algorithm*, In: Fast software encryption–Leuven 1994. LNCS, vol. 1008. Berlin: Springer; 1995, pp. 86–96
26. Rueppel R. A., *Stream ciphers*, In: G. J. Simmons, Editor, Contemporary Cryptology–The Science of Information Integrity, IEEE Press, New York, 1992, pp. 65–134
27. Salomaa A., *Criptografie cu chei publice*, Ed. Militar , 1994
28. Schneier B., *Applied Cryptography*, Second Edition. John Wiley & Sons, 1996
29. Schneier B., *The Blowfish Encryption Algorithm. One Year Later*, Dr. Dobbs's Journal, 20(9), p. 137, September 1995.
30. Scripcariu Lumini a, *Bazele re elelor de calculatoare*”, Ed. Cermi Ia i, 2005.
31. Shannon C. E., *A Mathematical Theory of Communication*, Bell System Technical Journal. v. 27, n. 4, 1948, pp. 379-426
32. Shannon C. E., *Communication Theory of Secrecy Systems*, Bell System Technical Journal. v. 28, n. 4, 1949, pp. 656-715

33. Shannon C. E., *Predication and Entropy in Printed English*, Bell System Technical Journal. v. 30, n. 1, 1951, pp. 50-64
34. Smith, Laurence D. „*Substitution Ciphers*”. *Cryptography the Science of Secret Writing*, Dover Publications. pp. 81. 1943
35. Sorkin A., *LUCIFER: a cryptographic algorithm*, Cryptologia, 8(1), 22-35, 1984
36. Vernam G., *Cipher Printing Telegraph Systems For Secret Wire and Radio Telegraphic Communications*, Journal of the IEEE, Vol 55, pp. 109-115 (1926)
37. „*Система шифра Вэрнама*”, *Сборник научных трудов ВИА*, 2009
38. „*Система шифра Вэрнама*”, *Сборник научных трудов ВИА*, (1792-1871), 1973
39. „*Система шифра Вэрнама*”, *Сборник научных трудов ВИА*, (), 2005
40. „*Система шифра Вэрнама*”, *Сборник научных трудов ВИА*, 2003
41. „*Система шифра Вэрнама*”, *Сборник научных трудов ВИА*, 2009. — 352